El examen consiste de 3 ejercicios, uno de 40 puntos y dos de 30. Es individual y sin material. Para aprobar el mismo es necesario obtener un puntaje de 50 puntos o superior.

Ejercicio 1 (40 puntos)

Considere la función: $f:\Re-\{1\}\to\Re: f(x)=\frac{x^2-3x+2}{(x+1)^2}$

- (a) Determine sus raíces.
- (b) Determine los puntos donde f es continua.
- (c) Determine su derivada primera y su derivada segunda. ¿Son ambas continuas?
- (d) Determine los puntos críticos de f.
- (e) Estudie el crecimiento de f (donde es creciente y donde decreciente) y el de su derivada.
- (f) ¿Cuáles son los límites de f en $\pm \infty$?¿y en -1^{\pm} ?
- (g) ¿Es f inyectiva? ¿Sobreyectiva? Biyectiva?
- (h) Realice un esbozo del gráfico de f con la información anterior.

Ejercicio 2 (30 puntos)

Considere el sistema de ecuaciones $\left\{ \begin{array}{l} -1x+2y+3z=4\\ 2x-3y+4z=4\\ -1x+3y+z=4 \end{array} \right.$

- (a) Determine si es compatible determinado, indeterminado o incompatible.
- (b) Es la solución un punto, una recta o un plano? En caso que sea un punto, de sus coordenadas; en caso que sea una recta o un plano, de sus ecuaciones paramétricas y reducidas.
- (c) Considere la matriz $\begin{pmatrix} -1 & 2 & 3 \\ 2 & -3 & 4 \\ -1 & 3 & 1 \end{pmatrix}$ Determine su determinante. ¿Es invertible esta matriz? En caso afirmativo, determine su matriz inversa

Ejercicio 3 (30 puntos)

Considere la sucesión $a_n = 1 + \frac{n}{n-1}$ con $n \ge 1$.

- (a) ¿Es creciente? ¿Decreciente?
- (b) ¿Está acotada inferiormente? ¿Superiormente?
- (c) ¿Tiene límite? En caso afirmativo, determínelo