# Segunda Parcial de Matemática I Viernes 6 de Julio

- El parcial dura dos horas y es individual
- El parcial vale un total de 60
- Los resultados del mismo serán colgados en la cartelera de tecnólogo
- Por favor, sea prolijo. Entregue solamente una hoja con las respuestas correspondientes.

## Nombre y Cédula:

### Ejercicio 1

Considere la sucesión definida por  $a_n = 2 - \frac{1}{n}$  para todo n (es decir,  $a_1 = 1, a_2 = \frac{3}{2}, ...$ ).

- 1. Es  $a_n$  monótona creciente? Monótona decreciente? Monótona estrictamente creciente? Monótona estrictamente decreciente? Justifique.
- 2. Está  $a_n$  acotada superiormente? Acotada inferiormente? Acotada? Quienes son sus cotas?
- 3. Es  $a_n$  convergente o divergente? En caso que sea convergente, ¿a qué valor converge?

### Ejercicio 2

Sean (r) la recta que pasa por los puntos (0, 1, 1) y (2, 0, 1), y  $(\pi)$  el plano que pasa por el punto (1, 0, 1) y es paralelo al plano  $(\pi')$  definido por x + y - z = 0.

- 1. Determine la ecuación paramétrica de la recta (r).
- 2. Determine la ecuación reducida del plano  $(\pi)$ .
- 3. Determine la intersección de (r) y  $(\pi)$ .

## Ejercicio 3

Resuelva el siguiente sistema de ecuaciones:

$$\begin{cases} x + y + 2z = 9 \\ 3x + 6y - 5z = 0 \\ 2x + 4y - 3z = 1 \\ x + 3y - 5z = -8 \end{cases}$$

#### Ejercicio 4

Considere la matriz definida por  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 0 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ 

- 1. Es A invertible?
- 2. Determine det(A).
- 3. Determine det(2A).
- 4. Determine  $A^{-1}$ .