

Nombre: \_\_\_\_\_

**PREGUNTA 1 – FLEXIÓN PURA EN VIGA SIMPLEMENTE ARMADA**

- a) Plantear ecuaciones de equilibrio de una sección rectangular simplemente armada sometida a flexión pura.  
b) Deducir las ecuaciones adimensionales para este caso.  
c) Se suele recomendar limitar el valor máximo de  $x$  (posición de la línea neutra)  
- ¿Cuál es el valor máximo recomendado?  
- ¿Porqué se limita  $x$ ?  
- ¿Cuál es el límite de  $x$  que permite la EHE-08?  
d) Para una viga de **sección 25 x 60 cm**, sometida a un momento flector de diseño positivo  $M_d = 140 \text{ kN.m}$ , determinar y representar la armadura longitudinal de flexión.  
Utilizar un hormigón  $f_{ck} = 30 \text{ MPa}$ , y acero  $f_{yk} = 500 \text{ MPa}$ . Recubrimiento mecánico **4 cm**.  
(Responder la pregunta en esta hoja. Puede usar el reverso)

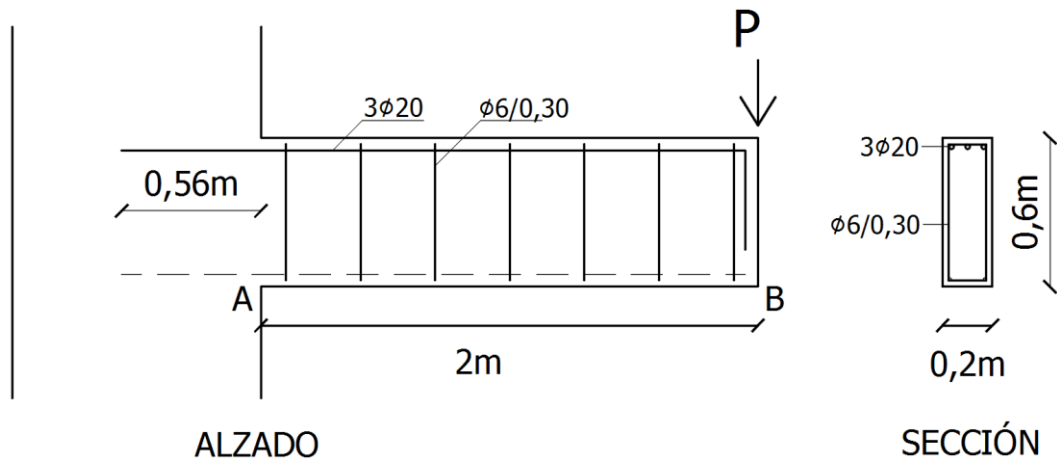


Nombre: \_\_\_\_\_

**PREGUNTA 2 – CIMENTACIONES: Cabezales rígidos**

- a) ¿Cuál es la separación mínima entre pilotes, y porqué es necesaria esta separación?
  - b) ¿Cómo se determina la armadura principal de un cabezal rígido de dos pilotes?
  - c) ¿A partir de qué punto se debe anclar dicha armadura?
  - d) Representar en planta y alzado el armado genérico del cabezal.
- (Responder la pregunta en esta hoja. Puede usar el reverso)

**EJERCICIO 1**



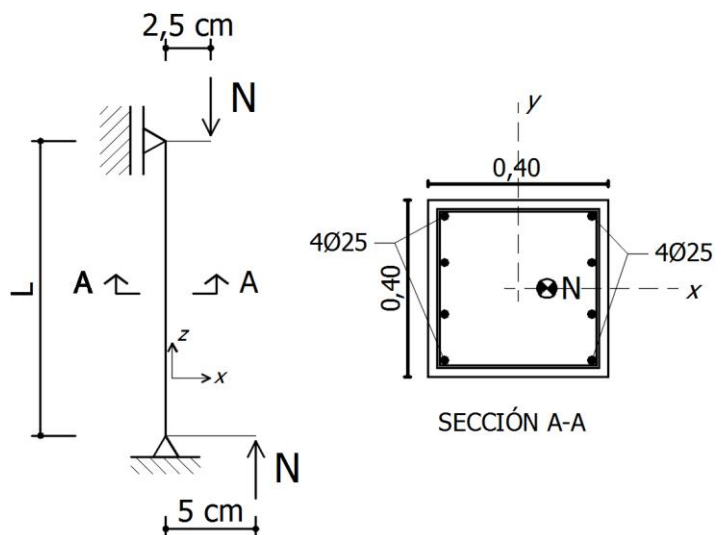
Se tiene la viga en ménsula de la figura (empotrada en el extremo A), de sección rectangular de **0,2m x 0,6m**, con una carga aplicada P en el extremo B. Determinar el valor de carga última  $P_u$  para que se cumplan todas las verificaciones de los Estados Límites Últimos de la pieza (Anclaje, Solicitaciones Normales y Cortante).  
Para el P determinado calcular y representar la posición de la línea neutra, la pareja de deformaciones límite y el dominio de deformación de la sección A.

Materiales:  
Hormigón  $f_{ck} = 25 \text{ MPa}$   
Acero  $f_{yk} = 500 \text{ MPa}$   
Recubrimiento mecánico: **5 cm**

**EJERCICIO 2**

Dado el pilar biarticulado de la figura de sección cuadrada de **0,4m** de lado, con una compresión de diseño  $N_d = 2400 \text{ kN}$  actuando con excentricidades de **2,5 cm** en un extremo y **5 cm** en el otro.

Se pide:  
Determinar la luz máxima L que es capaz de resistir el pilar.  
Determinar el estriado y completar el esquema de la sección del pilar.



Materiales:  
Hormigón  $f_{ck} = 30 \text{ MPa}$   
Acero  $f_{yk} = 500 \text{ MPa}$   
Recubrimiento mecánico: **5 cm**

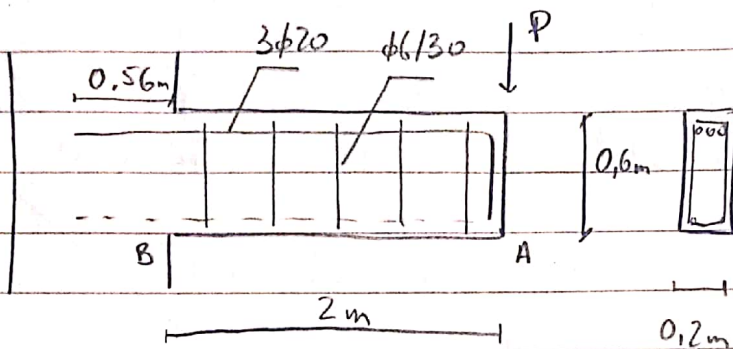
# Examen Hormigón 1

11

02

19

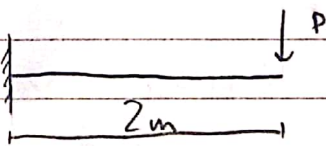
EJ 1



$$f_{cu} = 25 \text{ MPa}$$

$$f_{yk} = 500 \text{ MPa}$$

$$d' = 5 \text{ cm}$$



$$M_{max} = P \cdot l = 2 \cdot P$$

$$V_{max} = P$$

condiciones de anclaje:

$$f_{cu} = 25 \text{ MPa} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \Rightarrow m = 1,5$$

$$f_{yk} = 500 \text{ MPa}$$

$$\phi 20 \quad \left. \begin{array}{l} \\ \text{pos II} \end{array} \right\} \Rightarrow l_b = \max \left\{ \begin{array}{l} 1,4 m \phi^2 = 84 \text{ cm} \\ (f_{yk} / 114) \phi = 71,4 \text{ cm} \end{array} \right. \Rightarrow l_b = 84 \text{ cm}$$

$$l_{b, \text{neto}} = 56 \text{ cm} = l_b \cdot \beta \cdot \frac{A_s}{A_{s, \text{real}}} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{A_s}{A_{s, \text{real}}} = \frac{56}{84} \cdot \frac{2}{3}$$

$\beta = 1$ , prolongación recta

$$\Rightarrow A_s \text{ a considerar en flexión: } A_s = \frac{2}{3} A(3\phi 20) = 6,28 \text{ cm}^2$$

ELU tensiones normales

$$w = \frac{A_s f_{yd}}{b d f_{cd}} = \frac{6,28 \cdot 50 / 1,15}{20 \cdot 55 \cdot 1,67} = 0,149 > 0,045 \quad \checkmark \text{ verifica cuantía mín}$$

$$\mu = w \left( 1 - \frac{w}{2} \right) = 0,138 = \frac{M_d}{b d^2 f_{cd}}$$

$$\Rightarrow M_d = \mu b d^2 f_{cd} = 0,138 \cdot 20 \cdot 55^2 \cdot 1,67 = 139,1 \text{ kNm}$$

$$\Rightarrow P_u \leq \frac{M_d}{2} = \underline{\underline{69,55 \text{ kN}}}$$

Papier

ELU de cortante

$$V_{u1} = 0,3 P_{ed} b d = 0,3 \cdot 1,67 \cdot 20 \cdot 55 = 550 \text{ kN}$$

$$V_{u2} = V_{cu} + V_{sv}$$

$$V_{cu} = \left( \left[ \frac{0,15 \xi_s (100 \rho_1 f_{cu})^{1/3} + 0,15 G'_{cd}}{\gamma_c} \right] \beta b_0 d \right)^{1/3} = 42,8 \text{ kN}$$

$$\left( \left[ \frac{0,075 \xi_s^{3/2} f_{cu}^{1/2} + 0,15 G'_{cd}}{\gamma_c} \right] b_0 d \right)^{1/3} = 55,8 \text{ kN}$$

$$\beta = 1$$

$$f_{cu} = f_{ctm} = 25 \text{ MPa}$$

$$\rho_1 = \frac{A_s}{b d} = \frac{6,28}{20 \cdot 55} = 0,0057 < 0,02 \checkmark$$

$$\xi_s = 1 + \sqrt{\frac{200}{d}} = 1,60 < 2 \checkmark$$

$$\Rightarrow V_{cu} = 55,8 \text{ kN}$$

$$\phi 6/30 \Rightarrow A_d = \frac{2 \cdot 0,238}{0,3} = 1,58 \text{ cm}^2/\text{m} \Rightarrow V_{sv} = A_d \rho_{sv} 0,9 d = 1,58 \cdot 50 \cdot 0,9 \cdot 55 = 39,3 \text{ kN}$$

$$\Rightarrow V_{u2} = V_{cu} + V_{sv} = 95,1 \text{ kN} \geq P_u$$

$$\frac{V_d}{V_{d1}} = \frac{95,1}{550} = 0,17 < \frac{1}{5} \Rightarrow s_T = \begin{cases} 0,75 d (1 + \cot \alpha) = 41,25 \text{ cm} \checkmark \\ 45 \text{ cm} \end{cases}$$

$$\sum \frac{A_d \rho_{sv}}{s_{end}} \geq \frac{\rho_{ctm} b_0}{7,5} \Rightarrow A_d \geq \frac{2,56 \cdot 20}{7,5 \cdot 50} = 1,37 \text{ cm}^2/\text{m} \checkmark$$

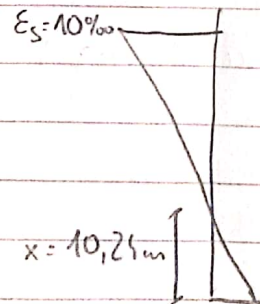
De ambas condiciones se obtiene  $P_u = 69,55 \text{ kN}$

En estas condiciones:

$$\frac{x}{d} = \frac{w}{0,8} = \frac{0,149}{0,8} = 0,186 \rightarrow \text{dominio 2}$$

$$\begin{aligned} \xi_s &= 10\% \\ \xi_c &= \frac{\xi_s \left(\frac{x}{d}\right)}{1 - \left(\frac{x}{d}\right)} = 2,3\% \end{aligned}$$

$$x = \frac{w}{0,8} d = 10,24 \text{ cm}$$



Papirus  $\epsilon_c = 2,3\%$

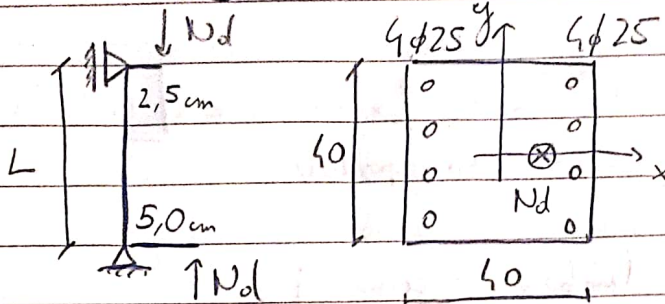
# Examen Hormigón 1

11

02

19

Ex 2:



$f_{cu} = 30 \text{ MPa}$   
 $f_{yk} = 500 \text{ MPa}$   
 $d' = 5 \text{ cm}$   
 $N_d = 2500 \text{ kN}$   
 $A_s (8\phi 25) = 39,27 \text{ cm}^2$

lado mínimo = 40 cm > 25 cm  $\Rightarrow$   $f_{cd} = f_{cu} / \gamma_m = 20 \text{ MPa}$

$w = \frac{A_s f_{yk}}{A_c f_{cd}} = \frac{39,27 \times 500}{40 \times 40 \times 2} = 0,534$

$v = \frac{N_d}{A_c f_{cd}} = \frac{2500}{40 \times 40 \times 2} = 0,75$

$\frac{d'}{h} = \frac{5}{40} = 0,125 \Rightarrow$  tomo  $\frac{d'}{h} = 0,15$   
 (seguridad)

$\Rightarrow (y-y), u \approx 0,21 = \sqrt{\frac{e}{h}}$   
 $\Rightarrow (x-x), u \approx 0,15 = \sqrt{\frac{e}{h}}$

$e_a = (1 + 0,12\beta) \left( \epsilon_y + \frac{3,5}{1000} \right) \frac{h + 20e_c}{h + 10e_c} \frac{l_0^2}{50i_c}$

$\Rightarrow l_0^2 = \frac{e_a \cdot 50 \cdot i_c \cdot (h + 10e_c)}{(1 + 0,12\beta) (\epsilon_y + 3,5/1000) (h + 20e_c)}$

$f_{yk} = 500 \text{ MPa} \Rightarrow \epsilon_y = 2,17\%$

$i_c = 40 / \sqrt{12} = 11,55 \text{ cm}$  (ambas direcciones)

$(y-y) e_e = 0,6e_2 + 0,4e_1 = 0,6 \times 5 + 0,4 \times 2,5 = 4,0 \text{ cm}$   $0,4 \times 4 = 1,6 \text{ cm}$  ✓

$e_{e, \text{mín}} = \max \{ 2 \text{ cm}; 40/20 = 2 \text{ cm} \} = 2 \text{ cm}$  ✓

$u \approx 0,21 = \sqrt{\frac{e}{h}} \Rightarrow e_{\text{tot}} = 11,2 \text{ cm} = e_e + e_a$

$\Rightarrow e_a = 7,2 \text{ cm}$   $\beta = 1$   $\Rightarrow l_0^2 = 436093,8 \Rightarrow l_0 \approx 660 \text{ cm}$

$(x-x) e_e = e_{e, \text{mín}} = 2 \text{ cm}$

$u \approx 0,15 = \sqrt{\frac{e}{h}} \Rightarrow e_{\text{tot}} = 8,0 \text{ cm} = e_e + e_a$

Papierot

$$\Rightarrow e_d = 6,0 \text{ cm} \left. \begin{array}{l} \\ \beta = 3 \quad \square \end{array} \right\} \Rightarrow l_0^2 = 336690,1 \rightarrow \underline{l_0 \approx 580 \text{ cm}}$$

$$\Rightarrow \text{Tomó el menor } l_0 = 580 \text{ cm} = \underbrace{1}_{\text{bi-apoyado}} \times L \Rightarrow \boxed{L = 580 \text{ cm}}$$

$$\lambda = \frac{l_0}{i_c} = \frac{580}{11,55} = 50,2 \text{ (ambas direcciones)}$$

$$\hookrightarrow 35 < \lambda < 100 \checkmark \text{ vale método aprox}$$

Cuantías:

$$\text{Geométrica: } A_s \geq \frac{4}{1000} A_c = \frac{4}{1000} 40 \times 40 = 6,4 \text{ cm}^2 \checkmark$$

$$\text{Mecánica mínima: } A_s \geq 0,1 \frac{N_d}{f_{y,d}} = 0,1 \frac{2400}{40} = 6,0 \text{ cm}^2 \checkmark$$

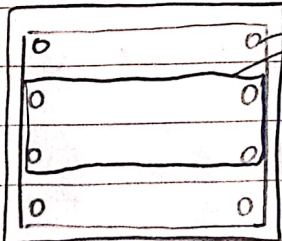
$$\text{Mecánica máxima: } A_s \leq \frac{A_c f_{c,d}}{f_{y,d}} = \frac{40 \times 40 \times 2}{40} = 80 \text{ cm}^2 \checkmark$$

Armado de pilar:

$$\phi_e = 25 \text{ mm} \Rightarrow \phi_t = \frac{25}{4} = 6,25 \Rightarrow \phi_t = 8 \text{ mm}$$

$$s_t = \min \{ b, h, 15\phi_e, 30 \text{ cm} \}$$

$$= \min \{ 40, 40, 37,5, 30 \} \Rightarrow s_t = 30 \text{ cm}$$



4φ25      4φ25

se deben alternar para cumplir que una de cada dos barras consecutivas estén sujetas.

Papirer