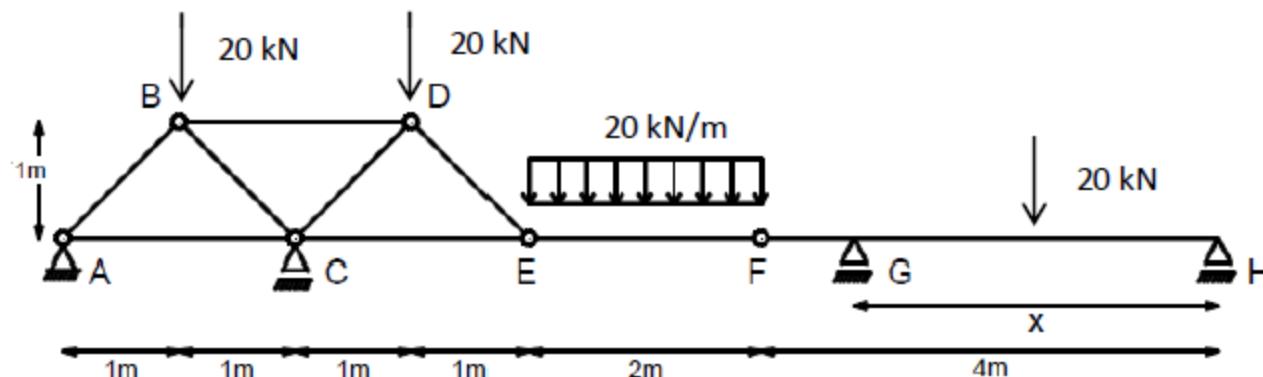
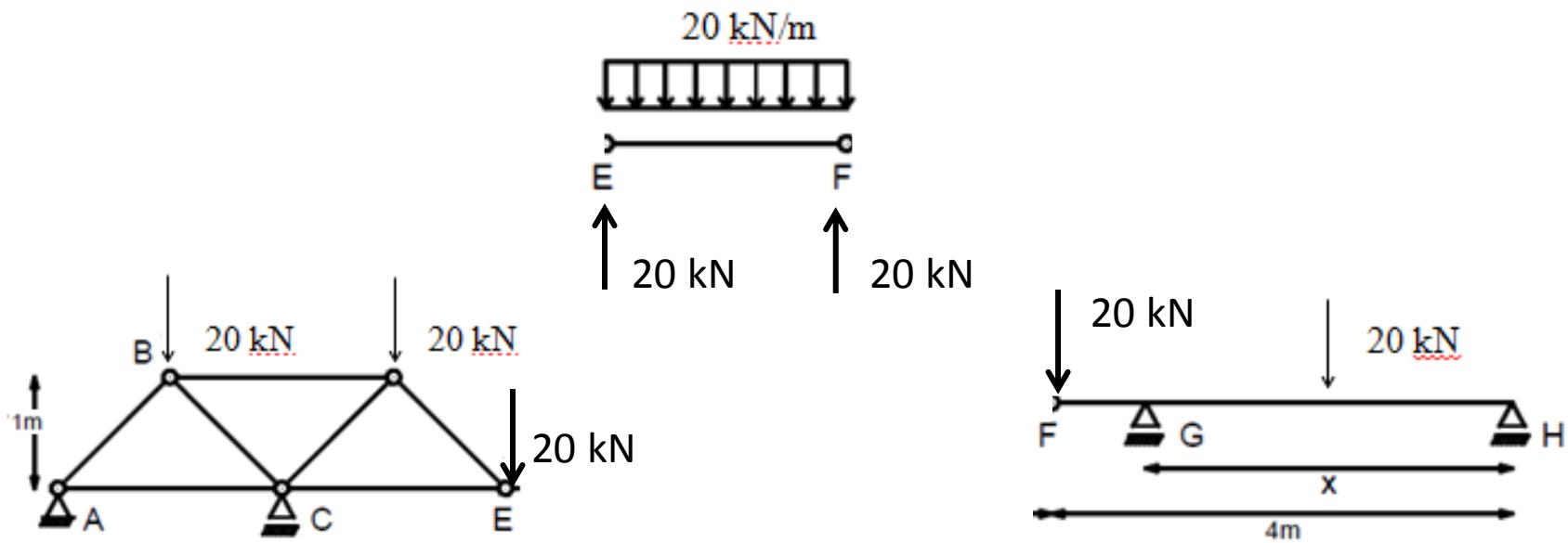
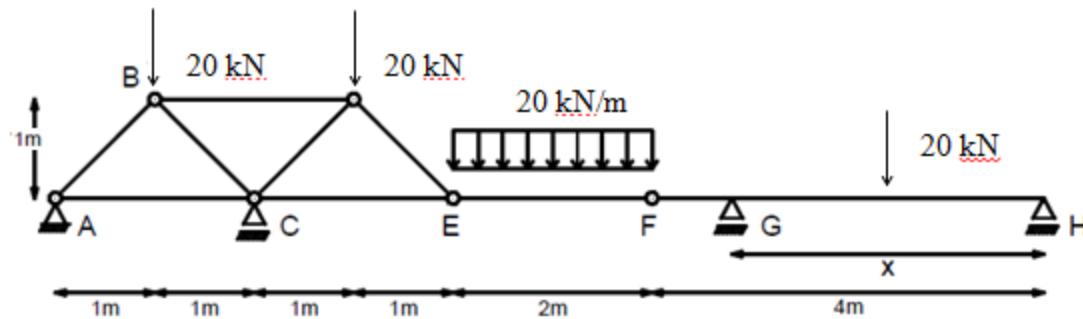


Ejercicio 2 (18 puntos)

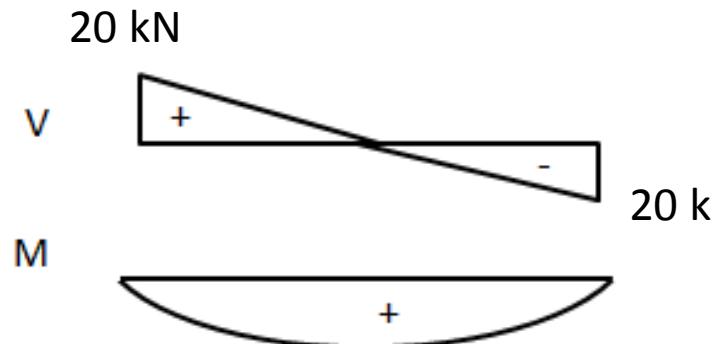
La estructura de la Figura 1, presenta un reticulado ABCDE, y una viga EFGH. En los puntos B y D se aplica una carga puntual de 20 kN. En el vano EF se aplica una carga distribuida de 20 kN/m. En el punto medio del vano GH se aplica una carga puntual de 20 kN. Se pide:

- Hallar el valor de x (distancia entre G y H) de modo que el momento máximo positivo en el tramo EF sea igual al momento máximo positivo en GH.
- Hallar las reacciones y trazar los diagramas de solicitudes en todas las barras y vigas de la estructura.
- En el reticulado ABCDE dimensionar con una sección cuadrada las barras en tracción y con una sección circular maciza las barras a compresión ($\sigma_{adm} = 140$ MPa).
- Dimensionar la viga EFGH con una viga de sección rectangular, de 6 cm de base, sabiendo que el material tiene una $\sigma_{adm} = 60$ MPa.



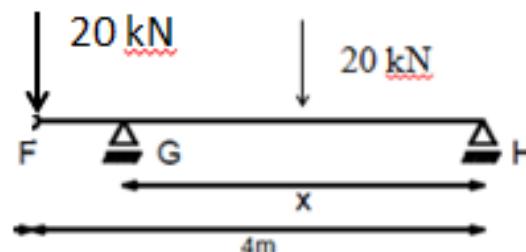


M_{max} en EF:

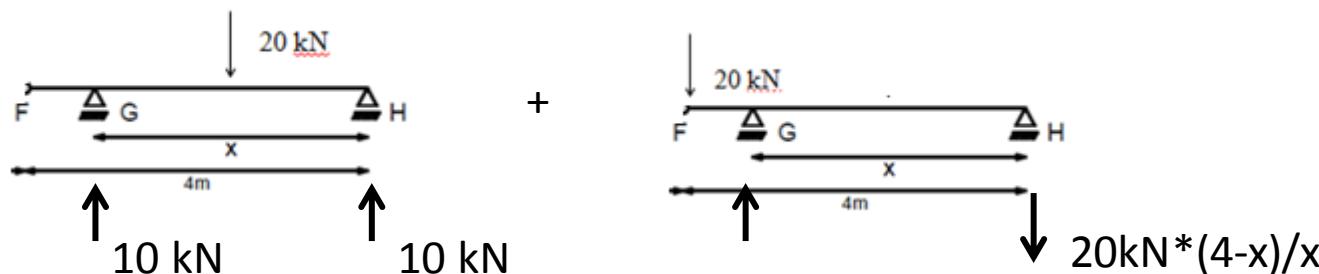


$$M_{max} = 10 \text{ kN.m} = 20 \text{ kN} \cdot 1\text{m}/2$$

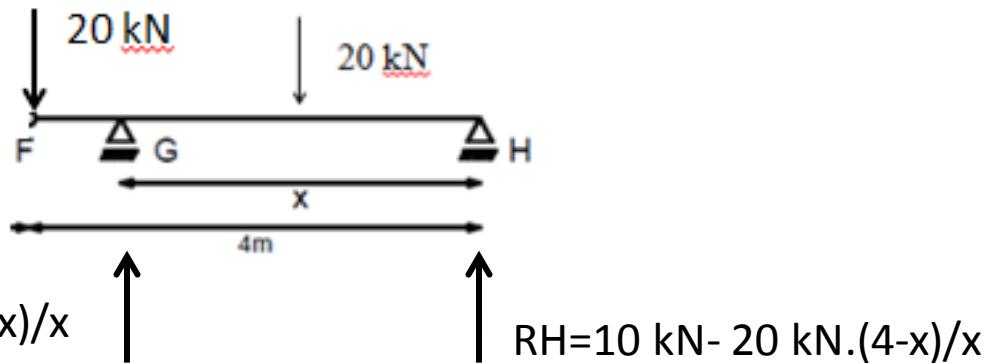
M_{max} positivo en FGH:



Aplicando superposicion:

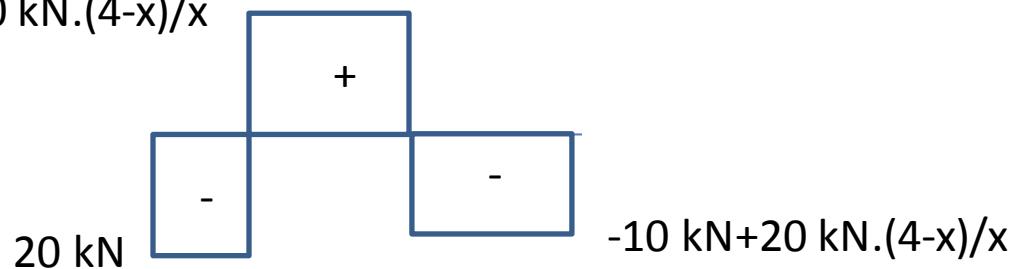


$$RH = 10 \text{ kN} - 20kN * (4-x)/x$$



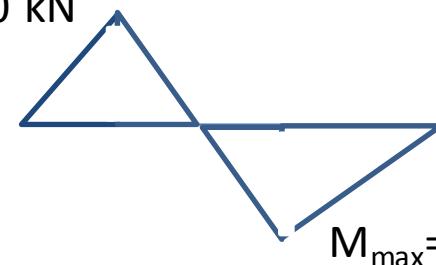
$V(\text{kN})$

$$10 \text{ kN} + 20 \text{ kN} \cdot (4-x)/x$$



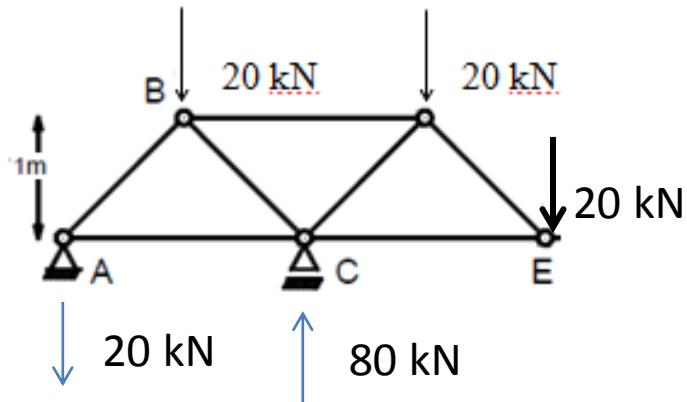
$M(\text{kN.m})$

$$(4-x) \cdot 20 \text{ kN}$$

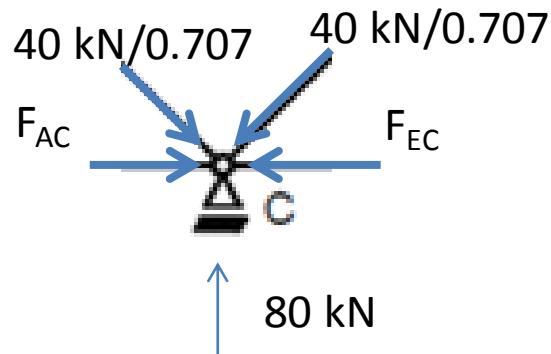


$$M_{\max} = x/2 \cdot (+10 \text{ kN} - 20 \text{ kN} \cdot (4-x)/x)$$

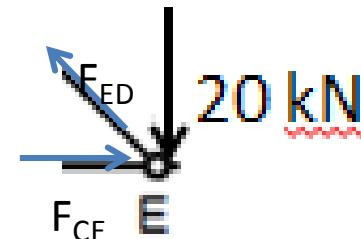
Igualando M_{\max} en EF y M_{\max} en FGH $\rightarrow 10 \text{ kN.m} = x/2 \cdot (10 \text{ kN} - 20 \text{ kN} \cdot (4-x)/x)$
Despejando $\rightarrow x=3.33 \text{ m}$



Por simetría
 $F_{AC} = F_{EC} = 20 \text{ kN}$

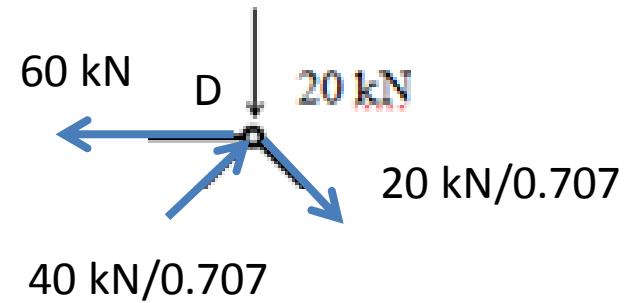


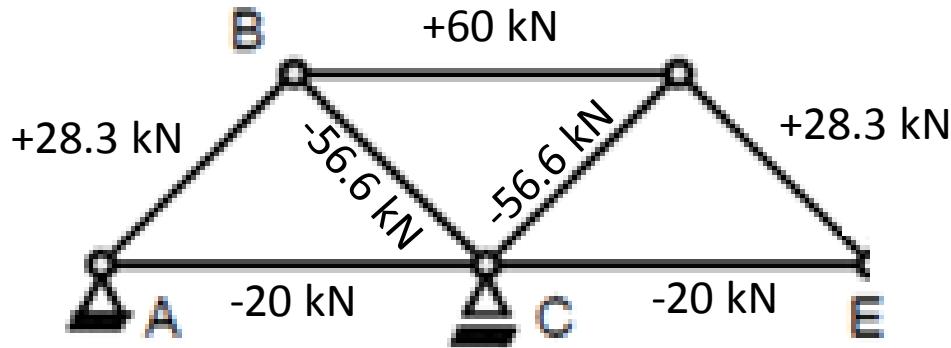
Equilibrio de Nudos



$$F_{ED} = 20 \text{ kN}/0.707$$

$$F_{CE} = 20 \text{ kN}$$





Dimensionado del Reticulado

Tracción $140 \text{ MPa} \geq 60/A \rightarrow A \geq 4.3 \times 10^{-4} \text{ m}^2$ lado $\geq 2.1 \text{ cm}$

Compresión $140 \text{ MPa} \geq -56.6 /A \rightarrow A \geq 4.0 \times 10^{-4} \text{ m}^2$ radio $\geq 1.2 \text{ cm}$

Dimensionado de la viga EFGH

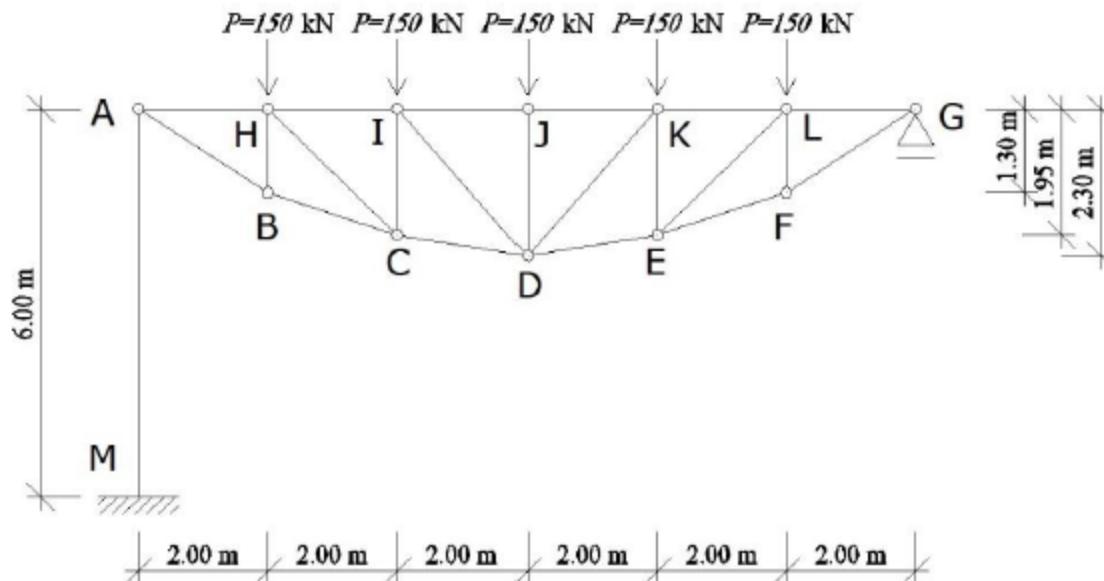
$60 \text{ MPa} \geq \Sigma \sigma = M/W \rightarrow W \geq ((4-3.33) \cdot 20) / 60 \text{ MPa} = 13.4 \text{ kN.m} / 60000 \text{ kPa}$

$$(bh^3/12)/(h/2) = 0.01 \cdot h^2 \geq 0.00022 \rightarrow h \geq 0.149 \text{ m}$$

Ejercicio 3 (14 puntos)

La estructura de la figura adjunta se encuentra sometida a cargas puntuales hacia abajo de 150 kN aplicadas en los nudos H, I, J, K y L. La barra AM es de sección variable; la sección en A es cuadrada de dimensiones $b \times b = 200 \text{ mm} \times 200 \text{ mm}$, y la sección en M es rectangular de lados $b = 200 \text{ mm}$ y $h = 500 \text{ mm}$ (el lado largo en el plano de la figura), además dicha variación es lineal con la longitud de la barra. Si las tensiones admisibles de las barras JK y DE a compresión y a tracción son $\sigma_{\text{adm},c} = -120 \text{ MPa}$ y $\sigma_{\text{adm},t} = +160 \text{ MPa}$, respectivamente, y el módulo de elasticidad de la barra AM es $E_{\text{AM}} = 30 \text{ GPa}$, se pide:

- Dimensionar las barras JK y DE con secciones circulares macizas (distinguir entre cada barra a dimensionar).
- Calcular el desplazamiento del punto A.



a) MÉTODO DE LAS SECCIONES, CONTAMOS LAS BARRAS JK, DK Y DE:

1) TOMANDO MOMENTOS RESPECTO A DE LA PARTE DERECHA.

$$F_{JK} = - \frac{(3+5 \cdot 6 - 150 \cdot (2+4))}{230} = -586,96 \text{ kN}$$

$$A_{uec} = \frac{586,96 \text{ N/mm}^3}{120 \text{ N/mm}^2} = 4891 \text{ mm}^2$$

2) TOMANDO MOMENTOS RESPECTO A DE LA PARTE DERECHA:

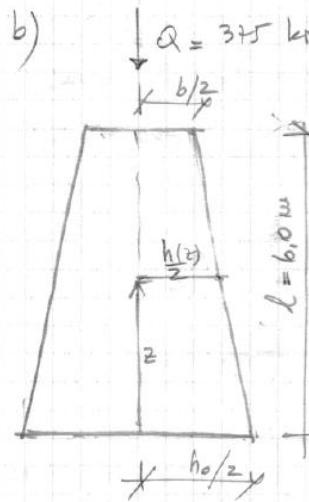
$$(F_{DE})_x = \frac{(3+5 \cdot 4 - 150 \cdot 2)}{1,95} = 615,38 \text{ kN.}$$

$$F_{DE} = \sqrt{0,35^2 + 2,0^2} \cdot (F_{DE})_x$$

$$F_{DE} = 624,73 \text{ kN}$$

$$A_{uec} = \frac{624,73 \text{ N/mm}^3}{100 \text{ N/mm}^2} = 3905 \text{ mm}^2$$

Díganos ZPNC 140 ($A_{DE} = 4080 \text{ mm}^2$)



$$M(z) = \int_0^z E(s) ds + C_1$$

$$M(t=0) = 0 \rightarrow C_1 = 0$$

$$\sigma(z) = E \epsilon(z) = \frac{Q(z)}{A(z)}$$

$$M(z) = \int_0^z \frac{Q(s)}{A(s) E} ds.$$

$$Q(s) = Q = 375 \text{ kN}$$

$$\frac{h(z)}{2} = \frac{h_0}{2} - \frac{1}{2l} (h_0 - b) z$$

$$A(z) = b \cdot \left(h_0 - \frac{(h_0 - b) z}{l} \right)$$

$$M(z) = \frac{Q l}{E b} \int_0^z \frac{1}{h_0 l - (h_0 - b) s} ds$$

$$M(z) = - \frac{Q l}{E b (h_0 - b)} \cdot \ln \left(\frac{h_0 l - (h_0 - b) z}{h_0 l} \right)$$

$$M(z=l) = - \frac{Q l}{E b (h_0 - b)} \cdot \ln \left(\frac{b}{h_0} \right)$$

$$M(z=l) = \frac{-(-375000) \cdot (6000)}{(30000)(200)(300)} \ln \left(\frac{200}{500} \right) = -1,15 \text{ mm}$$

El punto A desciende 1,15 mm.