



**1er PARCIAL DE ELECTRONICA 1**  
**09/05/05**

Resolver cada problema en hojas separadas.

Duración de la prueba: 3 horas 30 minutos.

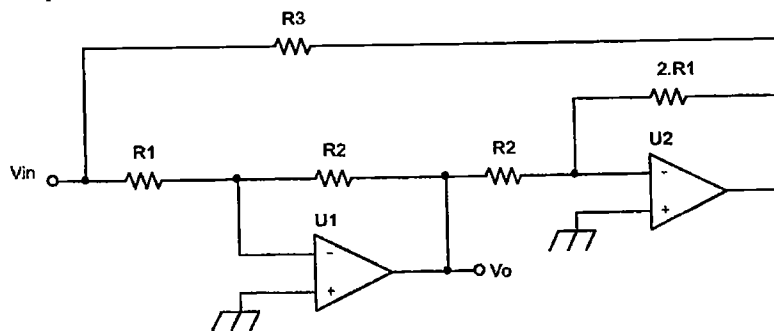
La prueba es sin material.

Los puntajes de los problemas se indican sobre un total de 100 puntos.

**PROBLEMA 1 (27 pts.)**

En el circuito de la Figura  $R_2=100R_1$  y los amplificadores son idénticos e ideales.

- a) Determine la condición que debe cumplir  $R_3$  para que la impedancia vista a la entrada  $Z_{in}$  sea infinita.
- b) Considere ahora que  $R_3$  cumple la condición hallada en a) y que los amplificadores tienen una ganancia en DC finita  $A_0 \gg 100$  y un producto ganancia por ancho de banda  $fT$ .
  - i. Determine el ancho de banda del circuito, considerando la salida en la salida de  $U_1$ , tal como se indica en la figura.
  - ii. ¿Hasta que frecuencia sigue valiendo que  $Z_{in}$  es infinita?
- c) Repita la parte b) considerando ahora que  $R_2=R_1$



**PROBLEMA 2 (23 pts.)**

- a) En el circuito de la Fig. 1  $V_1$  y  $R_2$  son tales que el diodo  $Z_1$  opera en zona Zener y  $V_{in}$  es mayor que  $V_{Z1}$ , siendo  $V_{Z1}$  la tensión Zener de  $Z_1$ .
  - i. Obtener la ecuación que relaciona  $V_{out}$  en función de  $V_{in}$ . Considerar que el amplificador es ideal, y los valores de los componentes son tales que el diodo  $D_1$  esta funcionando fuertemente en inverso.
  - ii. ¿Qué función cumple el diodo  $D_1$  en el circuito?
- b) El subcircuito de la Fig. 1 (compuesto por  $V_1$ ,  $R_2$  y  $Z_1$ ) se sustituye por el circuito mostrado en la Fig.2. Calcular  $R_E$  para que la corriente por el diodo Zener  $I_{Z1}$  sea 1mA, si  $V_{Z1}=5V$ ,  $V_{EE}=15V$ ,  $|V_{EB}|=0.7V$ ,  $\beta=100$ ,  $R_a=33k\Omega$  y  $R_b=47k\Omega$

Datos:  $D_1$  y  $D_2$  son idénticos. En todos los casos se despreciará en la corriente inversa la componente debida a fugas.

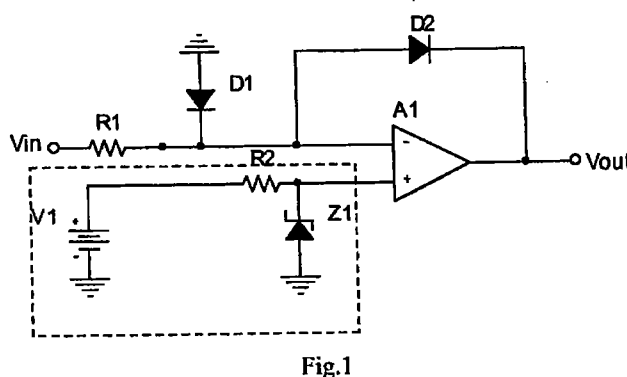


Fig.1

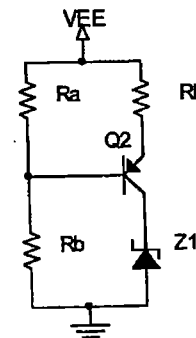


Fig.2

**PROBLEMA 3 ( 27 pts.)**

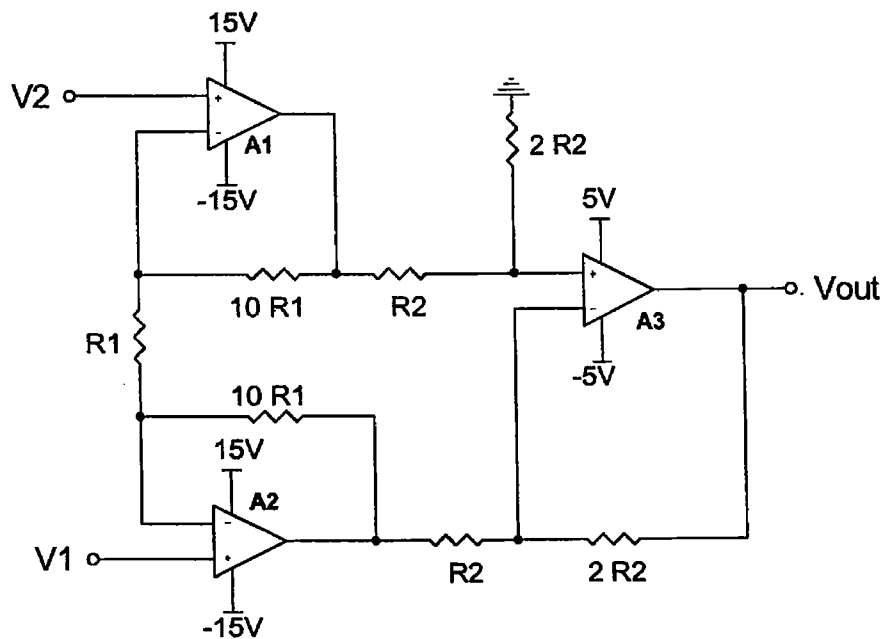
En el circuito de la figura los amplificadores A1 y A2 están alimentados entre +15V y -15V, mientras que A3 está alimentado entre +5V y -5V. Llamaremos  $V_{di}$  y  $V_{CMi}$  las tensiones diferenciales y en modo común respectivamente existentes en las entradas V1, V2, tomando, para la señal diferencial  $V_{di}$ , al terminal V2 como positivo.

- Calcular la salida  $V_o$  en función de  $V_{di}$  y  $V_{CMi}$ .
- Calcular el rango de tensiones  $V_{CMi}$  en que el circuito funciona correctamente, considerando que  $V_{di}$  es suficientemente pequeño para despreciar su efecto en todas las etapas del circuito.
- Si se tiene  $V_{CMi}$  igual a 0, calcular cuál es la máxima tensión  $V_{di}$  de entrada con que el circuito puede funcionar correctamente
- Calcular nuevamente el rango de tensiones  $V_{CMi}$  en que el circuito funciona correctamente, hallado en b), si ahora se tiene a la entrada la señal diferencial  $V_{di}$  determinada en c).
- Determinar, en el peor caso, cuál es la máxima tensión de continua que aparece a la salida debido a la tensión de offset de los amplificadores operacionales.

DATOS:

\* Los amplificadores tienen rango de entrada en modo común y excursión de salida mínimas entre las tensiones de alimentación menos 1V, es decir [+14V, -14V] para A1 y A2 y [+4V, -4V] para A3.

\* Todos los amplificadores operacionales tienen una tensión máxima de offset especificada de 4mV.



**PREGUNTA (23 pts.)**

- a) Se considera la conmutación de un diodo pn de operación en directa a inversa, como se muestra en la figura. Graficar la evolución en función del tiempo de los concentración de portadores minoritarios en exceso a uno de los lados de la unión (pn – pno), la corriente por el diodo  $i_D$ , y la tensión en el diodo  $v_D$ . Explicar la razón física por la que se tiene el comportamiento graficado. Indicar en las gráficas cuál es el tiempo de recuperación inversa ( $t_{rr}$ ) del diodo.
- b) Si se tiene el circuito de la Fig. 2, en que la llave SW1, abre y cierra periódicamente, indicar cómo se conecta al mismo un diodo de protección de "rueda libre", cómo actúa el mismo cómo protección y por qué puede ser necesario que su tiempo de recuperación inversa sea bajo.

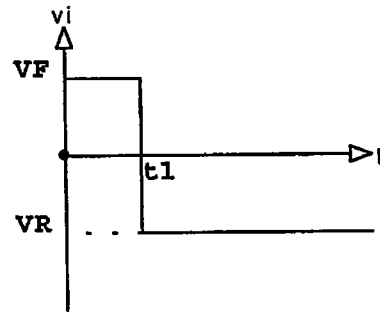
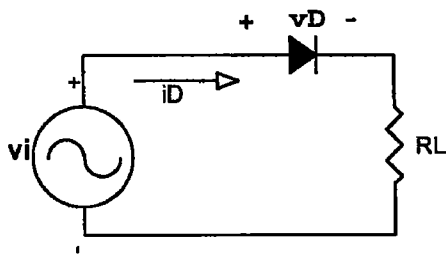


Fig. 1

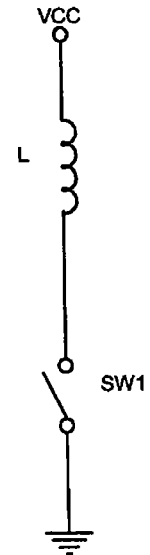
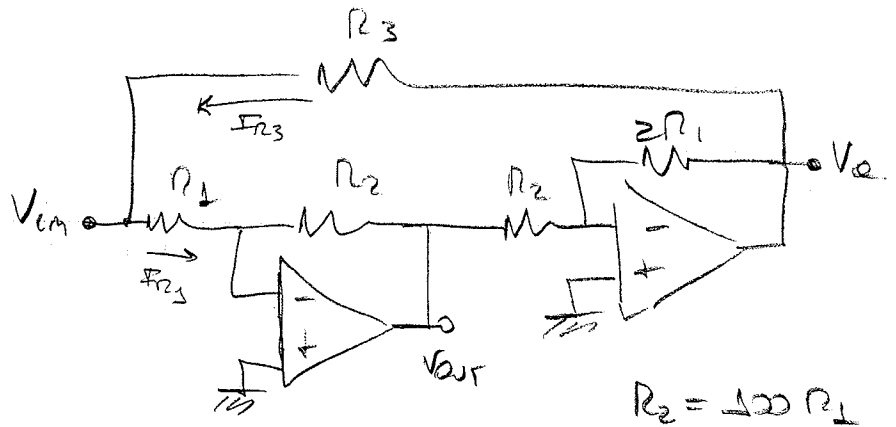
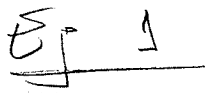


Fig. 2



(e)

$$\frac{V_{in}}{R_1} = - \frac{V_{OUT}}{R_2}$$

$$\Rightarrow \frac{V_{OUT}}{V_{in}} = - \frac{R_2}{R_1}$$

ANALOGAMENTE  $\frac{V_O}{V_{OUT}} = - \frac{2R_1}{R_2}$

$$\Rightarrow V_O = \left(-\frac{R_2}{R_1}\right) \times \left(\frac{2R_1}{R_2}\right) V_{in}$$

$$\Rightarrow \underline{V_O = 2 V_{in}}$$

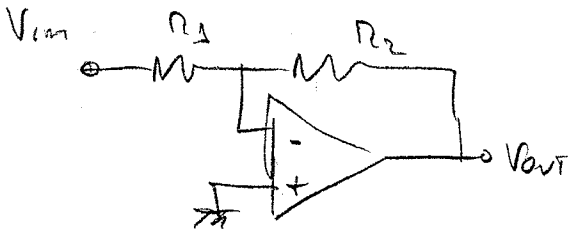
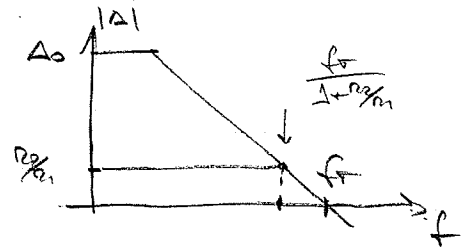
PARA  $\frac{V_{in}}{I_{in}} = Z_{in} = \infty \Rightarrow I_{in} = 0 \Rightarrow I_{R_3} = I_{R_1}$

$$\Rightarrow \frac{V_{in}}{R_1} = \frac{V_O - V_{in}}{R_3} \Rightarrow R_3 = \frac{V_O - V_{in}}{V_{in}} R_1$$

$$\Rightarrow R_3 = (2 - 1) R_1 \Rightarrow \boxed{R_3 = R_1}$$

(b)

where  $A(s) = \frac{A_0}{1 + j \frac{\omega A_0}{\omega_T}}$



Config. INVERSOR

$$\frac{V_{OUT}}{V_{in}} = \frac{-R_2/R_1}{1 + j \frac{\omega}{\omega_T} (1 + R_2/R_1)}$$

$$R_2 = 100 R_1 \Rightarrow \frac{V_{OUT}}{V_{in}} \approx \frac{-100}{1 + j \frac{\omega}{\omega_T} 100}$$

ANALÓGAMENTE 
$$\frac{V_o}{V_{out}} = \frac{-Z_{F1}/R_2}{1 + j\frac{\omega}{\omega_T} \left(1 + \frac{Z_{F1}}{R_2}\right)}$$

$R_2 = 100 R_1 \Rightarrow \frac{Z_{F1}}{R_2} \ll 1 \Rightarrow \frac{V_o}{V_{out}} = \frac{-1/60}{1 + j\frac{\omega}{\omega_T}}$

(i) EL ANCHO DE BANDA DEL CIRCUITO ESTÁ DEFINIDO POR  $U_1$  ( $U_2$  NO AFECTA LA TRANSFERENCIA)  $\Rightarrow$  
$$BW_{3dB} = \frac{\omega_T}{100}$$

(ii) CUANDO AFECTA LA RESPUESTA EN FRECUENCIA AL AMP. YA NO PODEMOS CONSIDERARLO COMO CIRCUITO VIRTUAL

$$\Rightarrow I_{R1} = \frac{V_{in} - e^-}{R_1} = \frac{V_{in} + \frac{V_{out}}{A(s)}}{R_1}$$

$$I_{R3} = \frac{V_o - V_{in}}{R_3} = \frac{V_o - V_{in}}{R_1} \quad (R_3 = R_1)$$

$$I_{R1} = I_{R3} \Rightarrow V_{in} \left(1 + \frac{R_1}{R_3}\right) + \frac{V_{out}}{A(s)} = V_o$$

$$\Rightarrow 2V_{in} - \frac{R_2/R_1 V_{in}}{1 + j\frac{\omega}{\omega_T} \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)} \frac{1 + j\frac{\omega}{\omega_T}}{A_0} = \frac{V_o}{V_{out}} \frac{V_{out}}{V_{in}}$$

$$\Rightarrow \frac{R_2}{R_1} \frac{1 + j\frac{\omega}{\omega_T}}{A_0 \left(1 + j\frac{\omega}{\omega_T} \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)\right)} = \frac{Z_{F1}/R_2 \cdot R_2/R_1}{\left(1 + j\frac{\omega}{\omega_T} \left(1 + \frac{Z_{F1}}{R_2}\right)\right) \left(1 + j\frac{\omega}{\omega_T} \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)\right)}$$

$$\Rightarrow 2 = \frac{1}{\left(1 + j\frac{\omega}{\omega_T} \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)\right)} \left( \frac{2}{1 + j\frac{\omega}{\omega_T} \left(1 + \frac{2R_1}{R_2}\right)} + \frac{R_2/R_1}{A_0} \left(1 + j\frac{\omega}{\omega_T}\right) \right)$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{2R_1}{R_2} \ll 1 \\ \frac{R_2}{R_1} = 100 \end{array} \right\} \Rightarrow 2 = \frac{1}{1 + j\frac{\omega}{\omega_T/100}} \left( \frac{2}{1 + j\frac{\omega}{\omega_T}} + \frac{100}{A_0} \left(1 + j\frac{\omega}{\omega_T}\right) \right) \quad (*)$$

Para que (\*) sea real

$$\omega \ll \omega_{100} (\ll \omega_T)$$

$$\Rightarrow 2 = \frac{1}{1 + j\frac{\omega}{\omega_T/100}} \left( 2 + \frac{100}{A_0} \right)$$

$$\left( \frac{A_0}{100} \gg 2 \right)$$

$$\Rightarrow 2 \approx \frac{2}{1 + j\frac{\omega}{\omega_T/100}}$$

$$\Rightarrow z_{in} = \infty \iff \omega \ll \omega_T/100 \Rightarrow \boxed{f_{max} = \frac{f_T}{100}} \quad z_{in} = \infty$$

(c)  $R_2 = R_1$

(i) El ancho de banda sigue siendo

$$\text{determinado por } U_1 \Rightarrow \frac{V_{out}}{V_{in}} = \frac{1}{1 + j\frac{\omega}{\omega_T/2}}$$

$$\Rightarrow \boxed{BW_{3dB} = \omega_T/2}$$

(ii)

$$\left. \begin{array}{l} \frac{2R_1}{R_2} = 2 \\ \frac{R_2}{R_1} = 1 \ll A_0 \end{array} \right\} \Rightarrow 2 = \frac{1}{1 + j\frac{\omega}{\omega_T/2}} \left( \frac{2}{1 + j\frac{\omega}{\omega_T/3}} + \frac{1}{A_0} \left(1 + j\frac{\omega}{\omega_T}\right) \right) \quad (*)$$

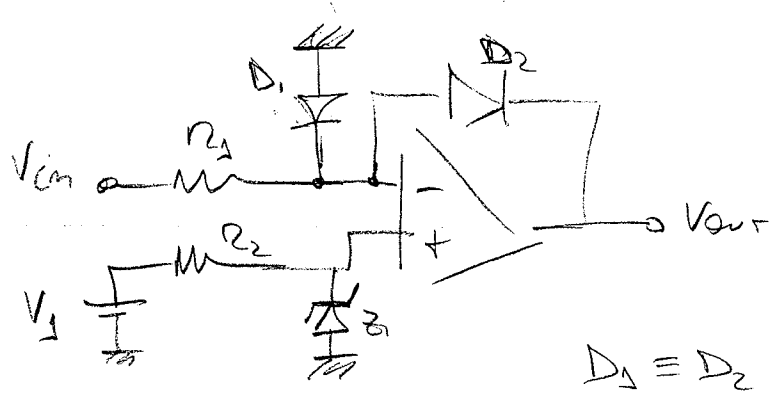
Para que (\*) sea real

$$\omega \ll \omega_T/3 \left( \frac{\omega_T}{2} < \omega_T \right)$$

$$\Rightarrow \text{Además } \frac{1}{A_0} \ll 2$$

$$\Rightarrow \boxed{f_{max} = \frac{f_T}{30}} \quad z_{in} = \infty$$

Ej 2



(a)

(i)  $e^+ = V_2 \Rightarrow e^- = V_2$

$$\Rightarrow I_{R1} = \frac{V_{in} - V_2}{R1} = -I_{D1} + I_{D2}$$

$$I_{D1} = I_S (e^{\frac{V_{D1}}{V_T}} - 1)$$

$$V_{D1} = V_2$$

$$I_{D2} = I_S (e^{\frac{V_{D2}}{V_T}} - 1)$$

$$V_{D2} = V_2 - V_{out}$$

$$V_2 = 5V \gg V_T \Rightarrow I_{D1} \approx -I_S$$

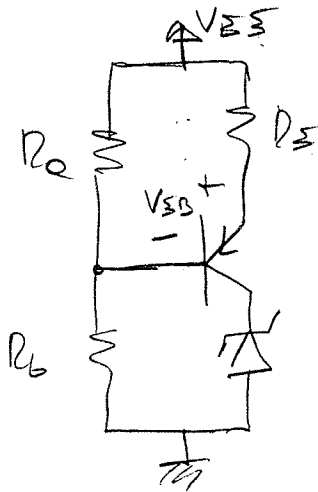
$$\Rightarrow I_{R1} = +I_S + I_S e^{\frac{V_2 - V_{out}}{V_T}} - I_S$$

$$\Rightarrow V_2 - V_{out} = V_T L \left( \frac{V_{in} - V_2}{R1 I_S} \right)$$

$$\Rightarrow \boxed{V_{out} = V_2 - V_T L \left( \frac{V_{in} - V_2}{R1 I_S} \right)}$$

(ii)  $D_1$  COMPENSA LA CORRIENTE EN REVERSO DEL DIODO  $D_2$

(b)



Supra  $I_{R_Q} \gg I_B$

$$\Rightarrow V_B = V_{EE} \frac{R_E}{R_Q + R_E} = 8,8 \text{ V}$$

$$\Rightarrow V_E = V_B + V_{BE} = 9,5 \text{ V}$$

$$\Rightarrow I_E = \frac{V_{EE} - V_E}{R_E} \approx I_C = I_B \quad (\beta \gg 1)$$

$$\Rightarrow R_E = \frac{V_{EE} - V_E}{I_E} = 5,5 \text{ k}\Omega$$

Verif.  $I_{R_Q} \gg I_B$

$$I_{R_Q} = \frac{V_{EE}}{R_Q + R_E} = 188 \mu\text{A} \gg \frac{I_C}{\beta} = 10 \mu\text{A}$$

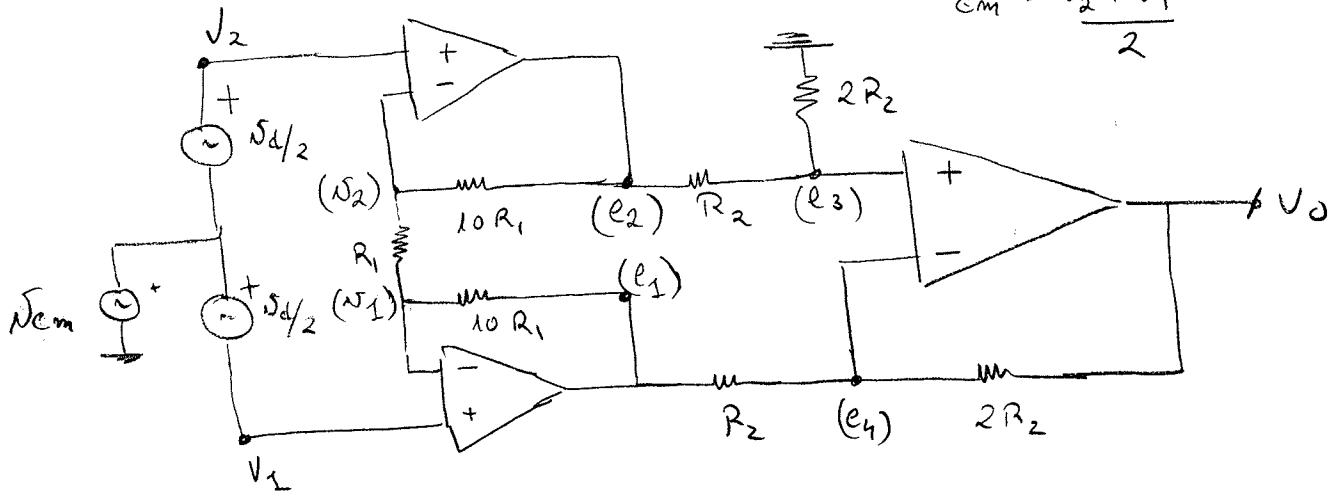




PROBLEMA (3)

$$V_d = V_2 - V_1$$

$$V_{cm} = \frac{V_2 + V_1}{2}$$



a) Primero calculamos las tensiones en todas las puntas

$$V_2 = V_{cm} + V_d/2 \quad \rightarrow \quad e_2 = V_2 + 10R_1 \cdot \frac{(V_2 - V_1)}{R_1} \quad \Rightarrow \quad \underline{e_2 = V_{cm} + 10,5 V_d}$$

$$V_1 = V_{cm} - V_d/2 \quad \rightarrow \quad \underline{e_1 = V_{cm} - 10,5 V_d}$$

(el calculo es similar a  $e_2$ )

Por otro lado:  $e_3 = \frac{2R_2}{2R_2 + R_2} e_2 \quad \rightarrow \quad \underline{e_3 = e_4 = \frac{2}{3} V_{cm} + 7 V_d}$

Finalmente calculamos  $V_o$

$$\frac{e_1 - e_4}{R_2} = \frac{e_4 - V_o}{2R_2} \quad \rightarrow \quad V_o = 3e_4 - 2e_1$$

$$\Rightarrow V_o = 2V_{cm} + 21V_d - 2V_{cm} + 21V_d$$

$$\Rightarrow \boxed{V_o = 42 V_d}$$

↙ notación: índice valor max

- b)
- ①  $V_1 = V_2 = V_{cm} \rightarrow (V_{cm})^{max} < 14V$
  - ②  $e_1 = e_2 = V_{cm} \rightarrow (V_{cm})^{max} < 14V$
  - ③  $e_3 = e_4 = \frac{2}{3} V_{cm} \Rightarrow \frac{2}{3} (V_{cm})^{max} < 4V \Rightarrow (V_{cm})^{max} < 6V$

→  $(V_{cm})^{max} < 6V$  impuesto por  $A_3$

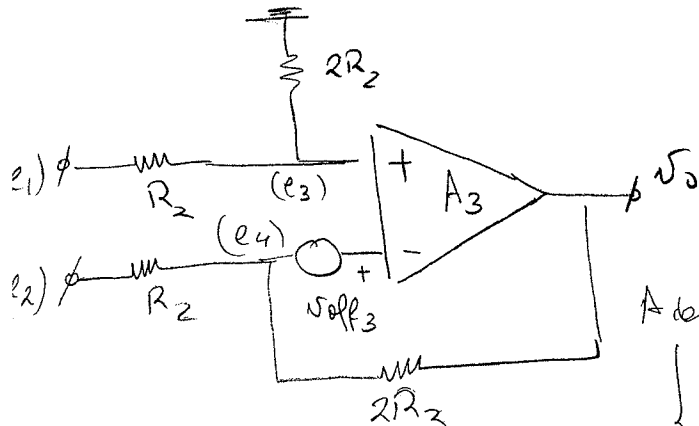
c) El peor caso está impuesto por  $A_3$  porque en su salida tenemos la máxima amplificación de  $V_d$  de todo el circuito →  $(42 V_d = V_o)^{max} < 4V$  →  $(V_d)^{max} < 95,24mV$

d) Assumando  $\hat{V}_d = 95,24mV$  busquemos el peor caso que se pueda presentar

⇒ para  $e_1 // (V_{cm} + 10,5 V_d)^{max} < 14V$  →  $(V_{cm})^{max} < 13V$

⇒ para  $e_4 // \left(\frac{2}{3} V_{cm} + 7 V_d\right)^{max} < 4V$  →  $(V_{cm})^{max} < 5V$   
impuesto por  $A_3$

e) Assumimos superposición →  $V_1 = V_2 = \phi$   
solo calculamos el efecto de la tensión de offset de los operacionales.  
 $V_1 = V_{off1}$ , del operacional  $A_1$   
 $V_2 = V_{off2}$ , del operacional  $A_2$



$$e_1 - e_2 = \frac{V_{off1} - V_{off2}}{R_1} \cdot 21 R_1$$

$$\Rightarrow e_1 - e_2 = 21 (V_{off1} - V_{off2})$$

Ademas

$$\begin{cases} e_3 = \frac{2}{3} e_1 = e_4 + V_{off3} \\ e_4 = \frac{V_0}{3} + \frac{2}{3} e_2 \end{cases}$$

Con unas cuentas  $e_3 - e_4 = V_{off3} = \frac{2}{3}(e_1 - e_2) - \frac{V_0}{3}$

→  $V_0 = 42(V_{off1} - V_{off2}) - 3V_{off3}$

peor caso  $V_{off2} = -V_{off} \bar{\sigma}$  volt  
 $V_{off3} = -V_{off} \bar{\sigma}$  volt  
 $V_{off1} = V_{off} \bar{\sigma}$  - volt

→  $V_0^{max, por offset} = \pm 87 \text{ Volt}$   
 $\approx \pm 0,348V$

$V_{off} = 4mV$ , tensión máxima de offset de los operacionales :