

Examen de Electrónica 213/08/2003

50704114

19

Resolver cada problema en hojas separadas.

Duración de la prueba: 3 horas 30 minutos.

La prueba es sin material.

Los puntajes de los problemas se indican sobre un total de 100 puntos.

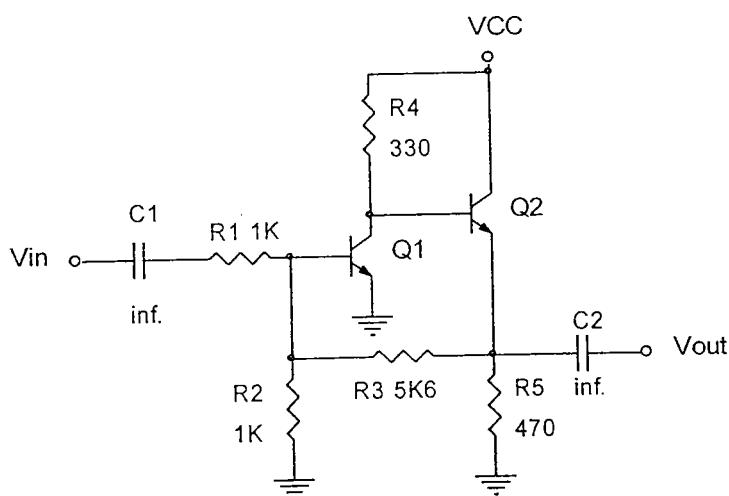
**Problema 1:**

Para el circuito de la figura:

- Calcular la ganancia  $V_o/V_{in}$  a frecuencias medias.
- Determinar la frecuencia de corte superior suponiendo que la capacidad  $C\pi$  de Q2 no contribuye al polo dominante del amplificador.
- Verificar la suposición usada en b) aplicando el método de las constantes de tiempo de circuito abierto.

**Datos:** Los transistores son 2N3904 con  $\beta = 150$ ,  $V_{BE} = 0.7V$ ,  $C_{je}=16pF$ ,  $C_{\mu}=4 pF$ ,  $f_T = 300 MHz @ I_c=10mA$ ,  $r_{bb'} = 0$ .

La tensión de alimentación  $VCC = 12V$ .

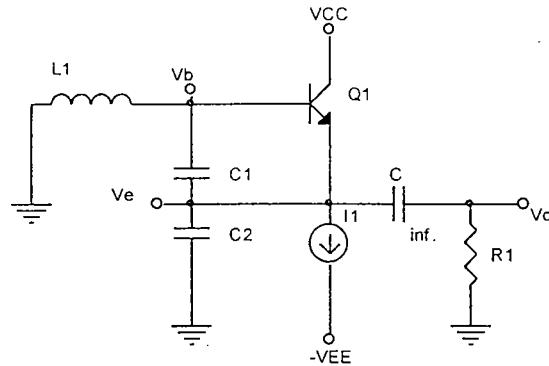


### Problema 2:

El circuito de la figura es una variante del oscilador Colpitts:

- Determinar la frecuencia y la condición de oscilación.
- ¿Qué condición tiene que cumplir  $I_1$  para que el oscilador arranque?
- ¿Cómo funciona el mecanismo de estabilización de amplitud?

Cuando el oscilador arranca y la amplitud de  $V_o$  va creciendo, explicar qué mecanismos actúan para que  $V_o$  se estabilice en su valor final.



### Problema 3 :

Se tiene una etapa de salida clase B implementada con un par complementario TIP 41 / TIP 42, (cuyos datos se muestran en la hoja adjunta); alimentado con  $\pm 15V$  y cargado con una resistencia de  $4 \Omega$  a tierra.

Calcular:

- La máxima potencia que se puede entregar a la carga.
- La máxima potencia que debe disipar cada transistor para todos los valores de amplitud de pico a la salida y la eficiencia del circuito cuando se está disipando esta potencia.
- Si los transistores están sin disipador y la máxima temperatura ambiente es de  $45^\circ C$ , cuál es la máxima potencia que el circuito puede entregar a la carga sin dañar los transistores y a qué temperatura de juntura corresponde esta potencia.
- Si los transistores tienen un disipador con una resistencia térmica de  $4^\circ C/W$ , en contacto con el encapsulado del transistor con una resistencia térmica de  $0.5^\circ C/W$ , cuál es la máxima potencia que el circuito puede entregar a la carga sin dañar los transistores.

Considerar en todo el problema despreciables las tensiones base-emisor y de saturación.



# Complementary Silicon Plastic Power Transistors

... designed for use in general purpose amplifier and switching applications.

- Collector-Emitter Saturation Voltage —  
 $V_{CE(sat)} = 1.5$  Vdc (Max) @  $I_C = 6.0$  Adc
- Collector-Emitter Sustaining Voltage —  
 $V_{CEO(sus)} = 60$  Vdc (Min) — TIP41A, TIP42A  
= 80 Vdc (Min) — TIP41B, TIP42B  
= 100 Vdc (Min) — TIP41C, TIP42C
- High Current Gain — Bandwidth Product  
 $f_T = 3.0$  MHz (Min) @  $I_C = 500$  mAdc
- Compact TO-220 AB Package

## \*MAXIMUM RATINGS

Rating	Symbol	TIP41A TIP42A	TIP41B TIP42B	TIP41C TIP42C	Unit
Collector-Emitter Voltage	$V_{CEO}$	60	80	100	Vdc
Collector-Base Voltage	$V_{CB}$	60	80	100	Vdc
Emitter-Base Voltage	$V_{EB}$		5.0		Vdc
Collector Current — Continuous Peak	$I_C$		6 10		Adc
Base Current	$I_B$		2.0		Adc
Total Power Dissipation @ $T_C = 25^\circ C$ Derate above $25^\circ C$	$P_D$		65 0.52		Watts W/ $^\circ C$
Total Power Dissipation @ $T_A = 25^\circ C$ Derate above $25^\circ C$	$P_D$		2.0 0.016		Watts W/ $^\circ C$
Unclamped Inductive Load Energy (1)	$E$		62.5		mJ
Operating and Storage Junction Temperature Range	$T_J, T_{stg}$		-65 to +150		$^\circ C$

## THERMAL CHARACTERISTICS

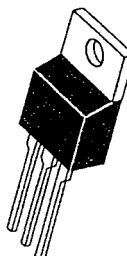
Characteristic	Symbol	Max	Unit
Thermal Resistance, Junction to Ambient	$R_{\theta JA}$	62.5	$^\circ C/W$
Thermal Resistance, Junction to Case	$R_{\theta JC}$	1.92	$^\circ C/W$

1)  $I_C = 2.5$  A,  $L = 20$  mH, P.R.F. = 10 Hz,  $V_{CC} = 10$  V,  $R_{BE} = 100 \Omega$ .

NPN  
**TIP41A**  
**TIP41B\***  
**TIP41C\***  
PNP  
**TIP42A**  
**TIP42B\***  
**TIP42C\***

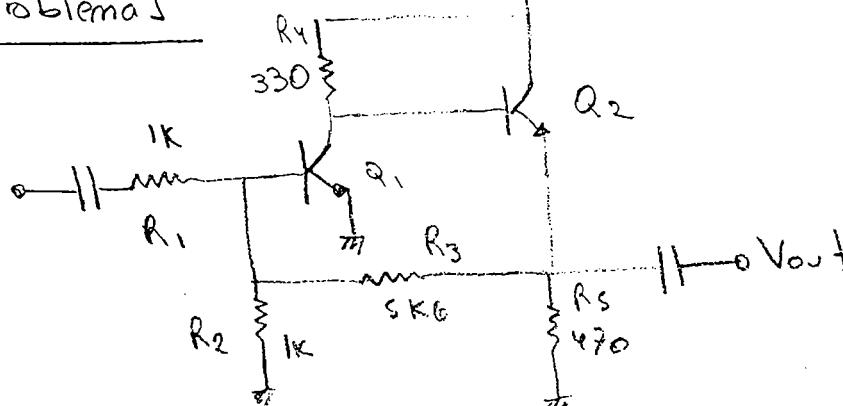
\*Motorola Preferred Device

6 AMPERE  
POWER TRANSISTORS  
COMPLEMENTARY  
SILICON  
60-80-100 VOLTS  
65 WATTS



CASE 221A-06  
TO-220AB

<sup>1</sup>referred devices are Motorola recommended choices for future use and best overall value.

Problema 1

$$\sqrt{bE} = 0.7$$

$$\beta = 150$$

$$C_{je} = 16 \text{ pF}$$

$$C_u = 4 \text{ pF}$$

$$f_T = 300 \text{ MHz} \quad \text{④} \quad I_c = 10 \text{ mA}$$

$$r_{bb'} = 0$$

$$V_{b1} = 0.7 \Rightarrow I_{R_E} = \frac{0.7}{1k} = 0.7 \text{ mA} \Rightarrow V_{E2} = 0.7 + 0.7 \cdot 5k6 = 4.62 \text{ V}$$

desprec.

corriente de base de Q<sub>1</sub>

$$V_{b2} = 5.32 \Rightarrow I_{c1} = \frac{12 - 5.32}{330} = 20 \text{ mA}$$

desprec.

corriente de base de Q<sub>2</sub>

$$I_{c2} = 0.7 \text{ mA} + \frac{4.62}{470} = 10.5 \text{ mA}$$

$$r_{\pi 1} = \frac{150 \cdot 26 \text{ mV}}{20 \text{ mA}} = 195 \Omega \quad , \quad g_{m1} = 0.76 \text{ A/V}$$

$$r_{\pi 2} = \frac{150 \cdot 26 \text{ mV}}{10.5 \text{ mA}} = 371 \Omega \quad , \quad g_{m2} = 0.40 \text{ A/V}$$

$$f_T = \frac{g_m}{2\pi(C_u + C_{\pi})} = 300 \text{ MHz} \quad \text{④} \quad I_c = 10 \text{ mA}$$

$$\Rightarrow C_u + C_{\pi} = 204 \text{ pF} \Rightarrow C_{\pi} = C_{je} + C_d = 200 \text{ pF}$$

$$\Rightarrow C_d = 184 \text{ pF}$$

$$C_{je} = 16 \text{ pF}$$

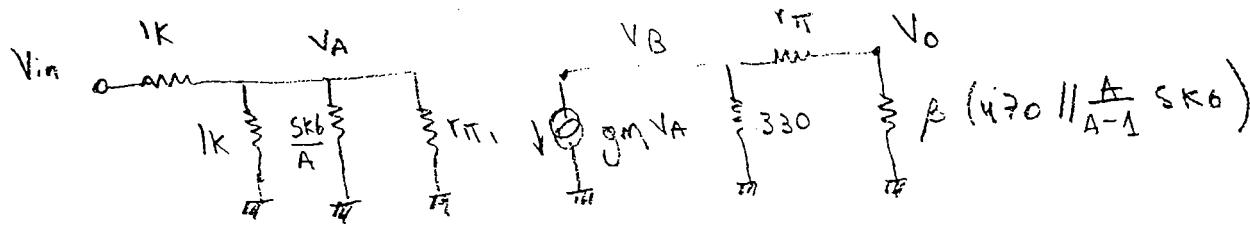
$$C_d \text{ ④ } 20 \text{ mA} = 184 \text{ pF} \cdot \frac{20 \text{ mA}}{10 \text{ mA}} = 368 \text{ pF} \Rightarrow C_{\pi Q_1} = 384 \text{ pF}$$

$$C_d \text{ ④ } 10.5 \text{ mA} = 184 \text{ pF} \cdot \frac{10.5 \text{ mA}}{10 \text{ mA}} = 193 \text{ pF} \Rightarrow C_{\pi Q_2} = 203 \text{ pF}$$



5/9

## frecuencias medias



$$\frac{V_B}{V_A} = -A$$

$$V_O \approx V_B$$

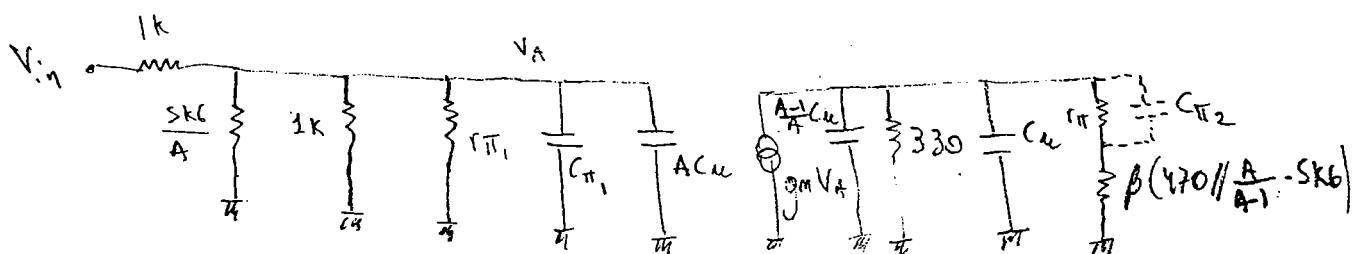
$$V_B = -gm \cdot V_A \cdot \left( 330 \parallel \left( r_{\pi} + \beta \left( r_{\pi} \parallel \frac{A}{A-1} Sk_6 \right) \right) \right) \uparrow$$

$\uparrow S: A \gg 1$

$$\Rightarrow A = gm \cdot 330 = \frac{20 \text{ mA}}{26 \text{ mV}} \cdot 330 = 254$$

$$V_A = \frac{V_{in} \cdot \left( \frac{Sk_6}{A} \parallel 1k \parallel r_{\pi} \right)}{1k + \left( \frac{Sk_6}{A} \parallel 1k \parallel r_{\pi} \right)} = \frac{V_{in} \cdot \frac{Sk_6}{A}}{1k \cdot A}$$

$$V_O = A \cdot V_A = V_{in} \cdot \frac{Sk_6}{1k} \Rightarrow \boxed{\frac{V_O}{V_{in}} = 5,6}$$

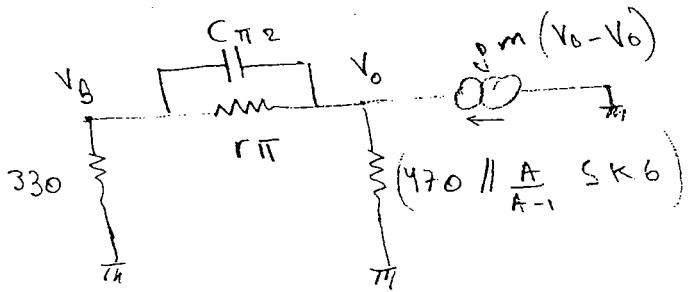


$$2^{\text{a}} 1^{\text{a}} \text{ salida } f_{ps} = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot 330 \cdot 2 \cdot C_u}$$

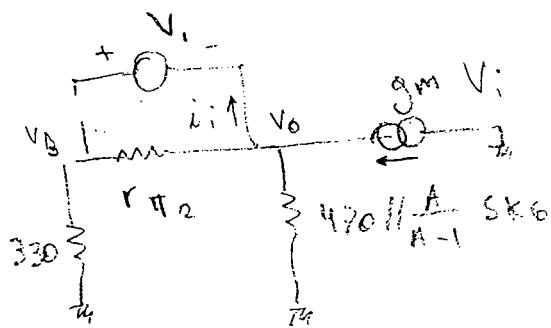
$$2^{\text{a}} 1^{\text{a}} \text{ entrada } f_{pe} = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot \left( \frac{Sk_6}{A} \parallel 1k \parallel r_{\pi} \right) \cdot (C_{\pi} + A \cdot C_u)} = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot \frac{Sk_6}{A} \cdot (C_{\pi} + A \cdot C_u)}$$

$$f_s = 60,3 \text{ MHz}$$

$$f_{pe} = 5,16 \text{ MHz} \quad | - \text{ freq. de corte sup.}$$



Se debe hallar la R\_V asociada a  $C_{\pi_2}$



$$i_i = g_{m2} V_i + \frac{V_i}{r_{\pi_2}} - \frac{V_o}{470 \parallel \frac{A}{A_{-1}} SK6}$$

$$V_o - V_0 = V_i \quad V_i = V_o + V_i$$

$$i_i = \frac{V_B}{330} + \frac{V_i}{r_{\pi_2}} = \frac{V_o}{330} + \frac{V_i}{330} + \frac{V_i}{r_{\pi_2}} \Rightarrow V_o = 330 i_i - V_i \left( 1 + \frac{330}{r_{\pi_2}} \right)$$

$$i_i = g_{m2} V_i + \frac{V_i}{r_{\pi_2}} - \frac{330 i_i}{470 \parallel SK6} + V_i \left( 1 + \frac{330}{r_{\pi_2}} \right)$$

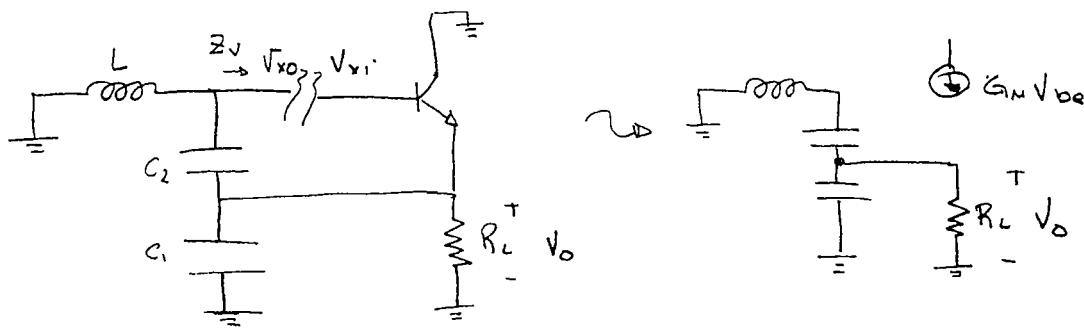
$$i_i \left( 1 + \frac{330}{470 \parallel SK6} \right) = V_i \left( g_{m2} + \frac{1}{r_{\pi_2}} + \frac{1 + \frac{330}{r_{\pi_2}}}{470 \parallel SK6} \right) \Rightarrow \frac{V_i}{i_i} = 4,4 \Omega$$

$$\Rightarrow f_{PC_{\pi_2}} = \frac{1}{4,4 \cdot 20^9 F \cdot 2 \pi} = 173 \text{ Hz}$$

✓ La suposición es correcta

Problema 2

a)



$$Z_v = r_\pi + \beta \left( R_L \parallel Z_{c_1} \parallel Z_{c_2+L} \right) = r_\pi + \beta Z_L$$

Para que se cumpla el siguiente planteo suponemos que  $Z_L \ll Z_v$

$$\text{a)} V_{be} = V_{xi} - V_0 \rightarrow V_{xi} = V_{be} + V_0 \quad (1)$$

$$\text{b)} V_0 = \frac{Z_{c_1}}{Z_{c_1} + Z_{c_2}} \cdot V_{xi} = \frac{sC_2}{sC_1 + sC_2} V_{xi} \rightarrow V_{xi} = \left( 1 + \frac{C_1}{C_2} \right) V_0 \quad (2)$$

$$\text{c)} G_m \cdot V_{be} = \frac{V_0}{R_L} + V_0 sC_1 + \frac{V_0}{\frac{1}{sC_2} + sL} = V_0 \left[ \frac{1}{R_L} + sC_1 + \frac{sC_2}{1 + s^2 C_2 L} \right] \quad (3)$$

$$\text{De (1) y (3): } V_{xi} = \frac{V_0}{G_m} \left[ \frac{1}{R_L} + sC_1 + \frac{sC_2}{1 + s^2 C_2 L} + G_m \right] \quad (4)$$

$$\text{De (2), (4): } \frac{V_{xi}}{V_{xi}} = G_m \frac{\frac{1}{R_L} + \frac{C_1}{C_2}}{\frac{1}{R_L} + G_m + s \left[ C_1 + \frac{C_2}{1 + s^2 C_2 L} \right]}$$

Se debe cumplir que  $\begin{cases} \text{Im} (V_{xi}/V_{xi}) = 0 \quad (\text{a}) \\ \text{Re} (V_{xi}/V_{xi}) = 1 \quad (\text{b}) \end{cases}$

$$\Rightarrow \text{(a) vale si } s^2 L C_1 C_2 + C_1 + C_2 = 0 \Leftrightarrow \boxed{\omega^2 = \frac{C_1 + C_2}{L C_1 C_2}}, \quad s = j\omega$$

$$\text{(b) vale si } G_m \left( 1 + \frac{C_1}{C_2} \right) = 1 \quad \text{DIFERENTE DE } G_m \Leftrightarrow \boxed{G_m = \frac{C_2}{C_1 R_L}}$$

21 A

en el circuito arranque  $\frac{V_{x0}}{V_{xi}} > 1 \Rightarrow g_m > \frac{C_2}{C_1 R_L}$

este caso  $g_{mu} = g_m = \frac{I_1}{V_T}$  (toda la corriente  $I_1$  pasa por Q.1)

ando arranca  $G_m = g_{mu} \Rightarrow \frac{I_1}{V_T} > \frac{C_2}{C_1 R_L}$

•  $I_1 > \frac{C_2}{C_1 R_L} \cdot V_T$

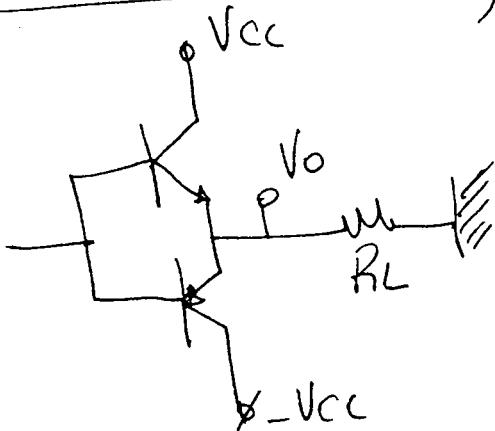
mediante que el voltaje  $J_{BE}$  aumenta, las componentes nortales de ic aumentan, por tanto la componente fundamental ic disminuye entonces  $J_{BE}$  disminuye  $\Rightarrow V_o$  disminuye (razonamiento analogo se hace si  $J_{BE}$  disminuye)

•  $\uparrow \rightarrow \begin{cases} V_o \uparrow \\ V_b - V_e \uparrow \\ (V_o = \frac{Z_{C_1} - Z_{C_2} \cdot V_e}{Z_{C_1}}) \end{cases} \rightarrow z_c = \frac{V_o - V_e}{V_T} \uparrow \rightarrow \frac{G_m}{g_{mu}} \downarrow \rightarrow$

$\rightarrow C_C \downarrow \rightarrow V_o \downarrow$



Lema 3:



$$e) \text{ Pmáx corfa} = \frac{V_{cc}^2}{2R_L} = 28 \text{ W}$$

$\hat{V}_0 = V_{cc}$

$$\rightarrow \text{ Pmáx disipado por C de Transistor} = \frac{\frac{1}{2}V_{cc}^2}{\pi^2 R_L} = 5.7 \text{ W}$$

que ocurre cuando  $\hat{V}_0 = \frac{2V_{cc}}{\pi}$

el rendimiento es 50%.

$$j) \theta_{jA} = 62.5^\circ/\text{W}$$

$$\text{ Pmáx disipable sin disipar } = \frac{T_{j\max} - T_A}{\theta_{jA}} =$$

$$= 1.68 \text{ W}$$

$$P_{disipado} = \frac{\frac{1}{2}V_{cc}V_{cc}}{\pi R_L} - \frac{1}{4} \frac{\hat{V}_0^2}{R_L} = 1.68 \text{ W}$$

$$\Rightarrow \hat{V}_0 = 1.53 \text{ V} \rightarrow P_L = 0.3 \text{ W}$$

$$T_j = 150^\circ \text{C}$$

$$d) \theta_{jA} = \theta_{jc} + \theta_{cs} + \theta_{sa} = 6.42^\circ/\text{W}$$

$$|| \quad || \quad ||$$

$$1.82 \quad 0.5 \quad 4$$

$$\Rightarrow \text{ Pmáx disipable} = \frac{150 - 45}{6.42} = 16.35 \text{ W}$$

que es menor que lo calculado en b)  $\Rightarrow P_{máx} = 28 \text{ W}$  (como en e)

