

**2<sup>do</sup> Parcial de Electrónica 2**  
**02/12/2011**

Resolver cada problema en hojas separadas.

Duración de la prueba: 3 horas 30 minutos.

La prueba es sin material.

Los puntajes de los problemas se indican sobre un total de 100 puntos.

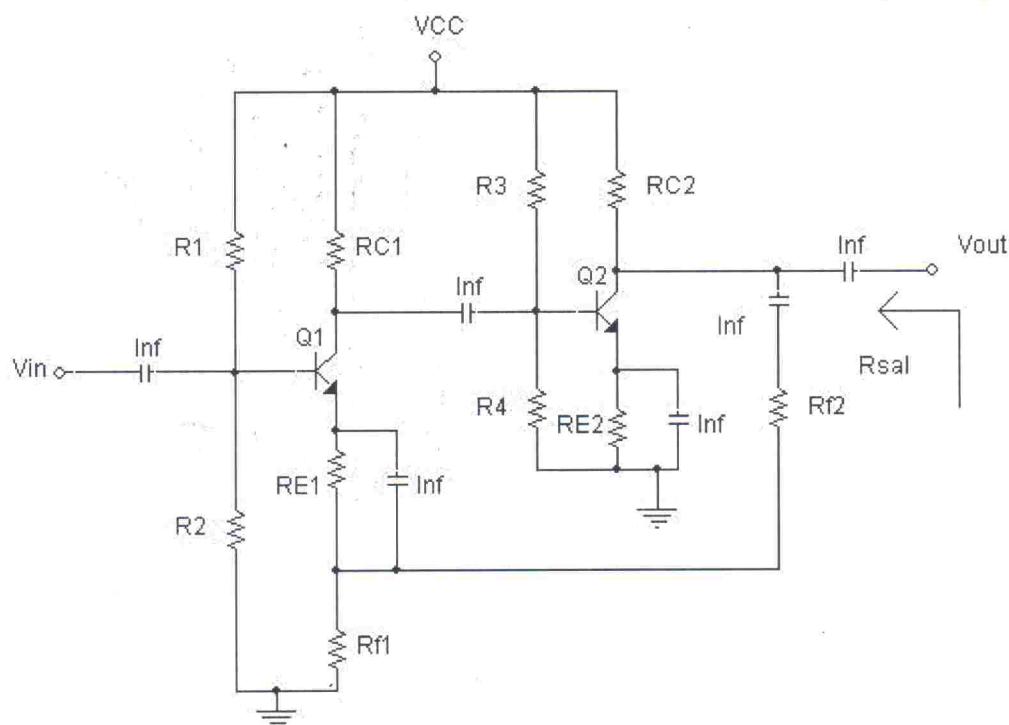
**Problema 1 : (28 puntos)**

En el amplificador de la Figura:

- a) Determinar los valores de A y  $\beta$  que permiten representar al amplificador en un diagrama de bloques de sistema realimentado.
- b) Determinar la ganancia  $V_{out}/V_{in}$ .
- c) Determinar la resistencia vista  $R_{sal}$  indicada en la Figura.

Datos:  $R_1 = 150\text{k}\Omega$ ,  $R_2 = R_3 = 47\text{ k}\Omega$ ,  $R_{E1} = R_{E2} = R_{C2} = R_{f2} = 4,7\text{ k}\Omega$ ,  $R_{C1} = 10\text{ k}\Omega$ ,  $R_4 = 33\text{ k}\Omega$ ,  $R_{f1} = 100\text{ }\Omega$ ,  $V_{CC} = 25\text{ V}$ .  
 $Q_1, Q_2 : \beta=200$ , Voltaje de Early se podrá considerar infinito.

$$\checkmark V_{BE} = 0,7$$



**Problema 2 : (28 puntos)**

El circuito de la figura representa la arquitectura del amplificador operacional LM4250.

- Determinar la corriente de polarización por todos los transistores.
- Calcular el rango de modo común de entrada del amplificador.
- Calcular la ganancia diferencial a baja frecuencia ( $A_0$ ) del amplificador si la carga es igual a  $2\text{k}\Omega$ . Dar la expresión literal y numérica de esta ganancia.
- Calcular el  $f_T$  del circuito.

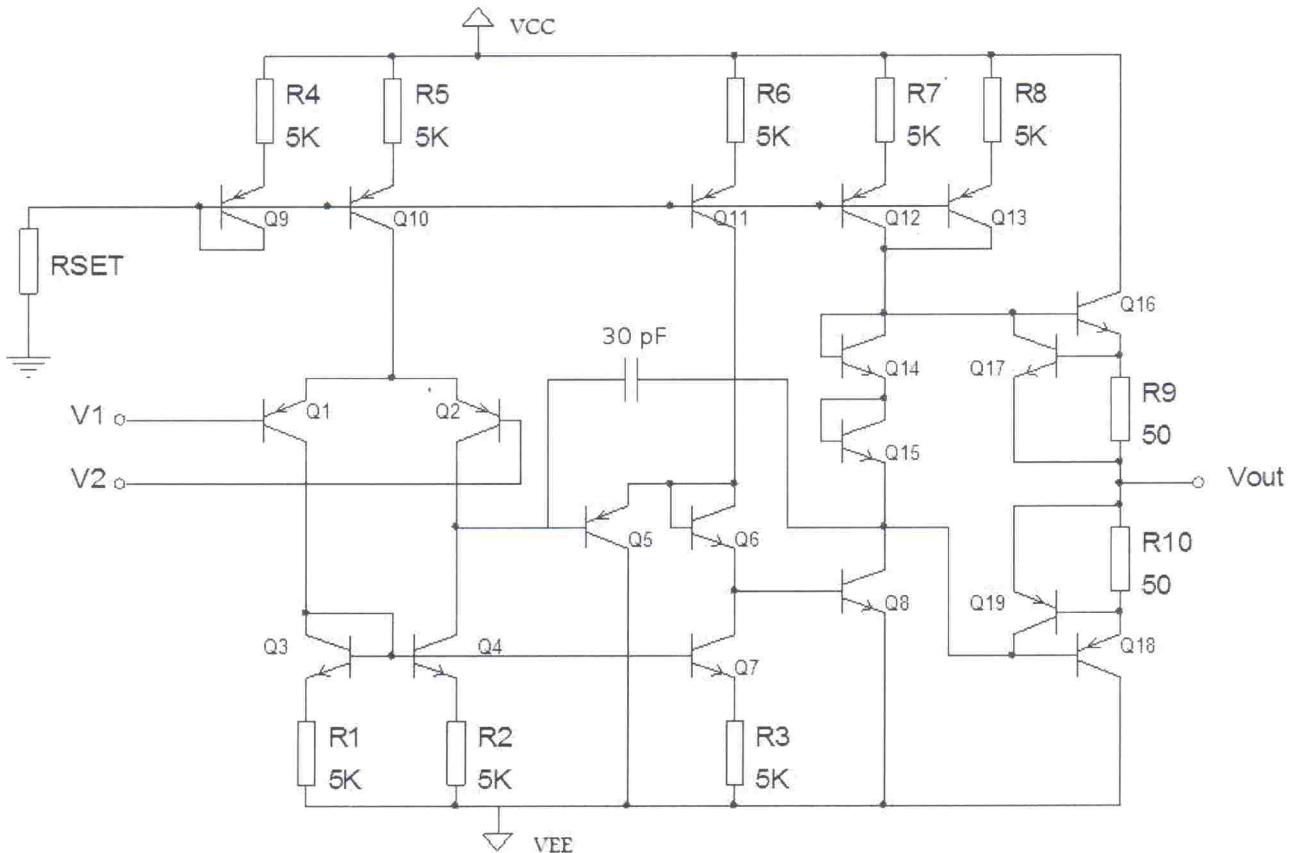
**Datos:**

Q16 y Q18: Corriente de saturación  $I_{Sout} = 4*Is$ ;  $\beta = 30$ .

Resto de los transistores: Corriente de saturación  $Is$ ;  $\beta = 200$ .

Común a todos los transistores:  $V_{BE} = 0.7\text{V}$ ;  $V_{CESAT} = 0.3\text{V}$ ;  $V_{Early} = 100\text{V}$ .

$V_{DD} = 2.5\text{V}$ ;  $V_{SS} = -2.5\text{V}$ ;  $R_{SET} = 175\text{ k}\Omega$ .



**Problema 3: (24 puntos)**

El circuito de la Figura es un amplificador de potencia. Se lo quiere diseñar para poder manejar una carga variable a potencia constante igual 8W. La potencia entregada a la carga se asumirá constante en éste valor en todo el ejercicio.

- a) Determinar  $V_{cc}$  mínimo que asegura el correcto funcionamiento en todos los casos.

De ahora en más, se asumirá que  $V_{cc}$  es el calculado en la parte A y se despreciará el consumo de los amplificadores operacionales.

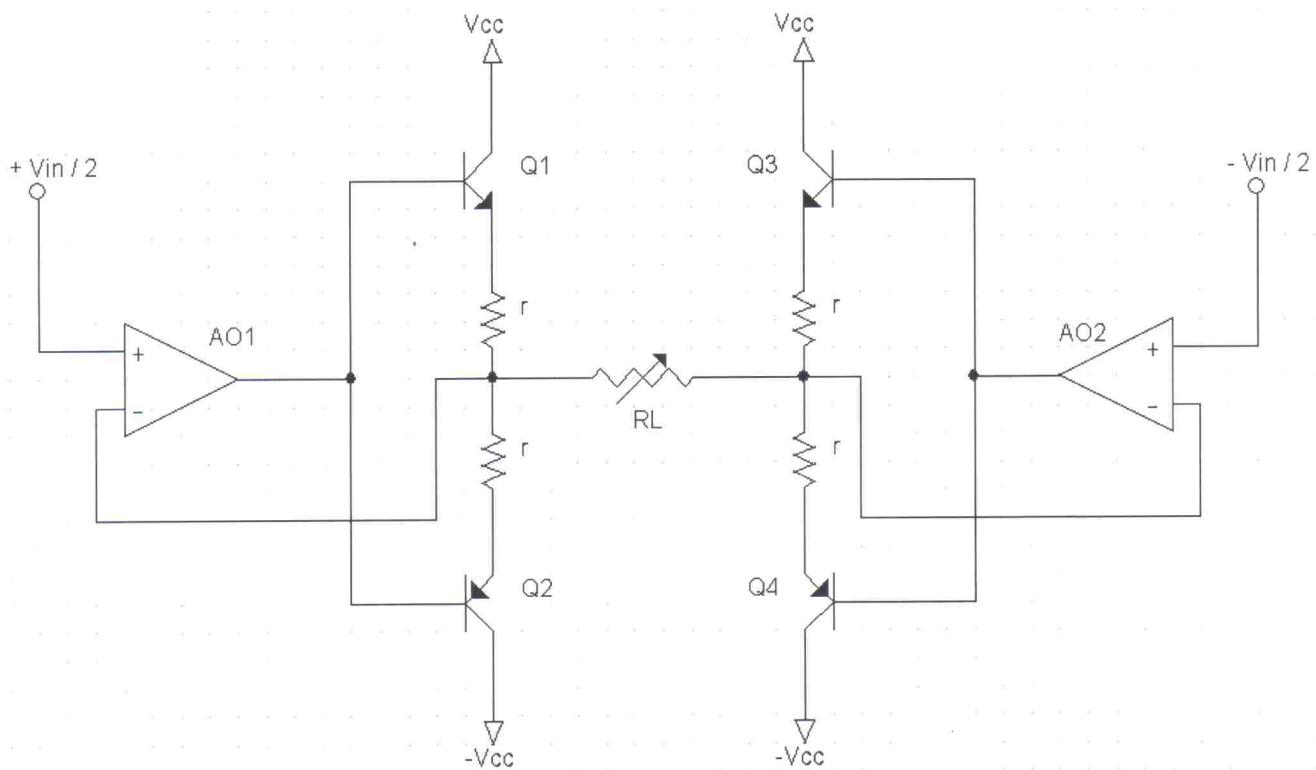
- b) Calcular la máxima y mínima eficiencia del circuito en todo el rango de  $R_L$ .  
 c) Determinar cuál es la máxima potencia que deben disipar los transistores Q1, Q2, Q3 y Q4 en todo el rango de  $R_L$ . *por transistor.*  
 d) Si se utiliza un disipador cuya resistencia térmica por unidad de área es  $\theta_{sa} = 350^{\circ}\text{C.cm}^2/\text{W}$ . Calcular el tamaño de dicho disipador para que a  $T_{\text{Amb}} = 50^{\circ}\text{C}$  el circuito funcione correctamente si  $\theta_{cs} = 2^{\circ}\text{C}/\text{W}$ .

**DATOS:**

Q1..Q4:  $V_{CESAT}$  despreciable ;  $T_{jmax} = 150^{\circ}\text{C}$ ;  $\theta_{jc} = 5^{\circ}\text{C}/\text{W}$

$R_L$ : Varia entre 4 y 16  $\Omega$

r : despreciable



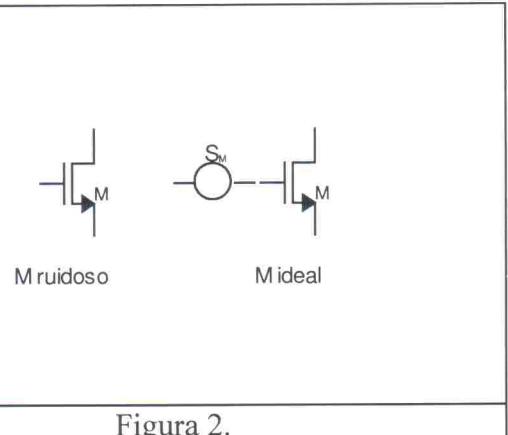
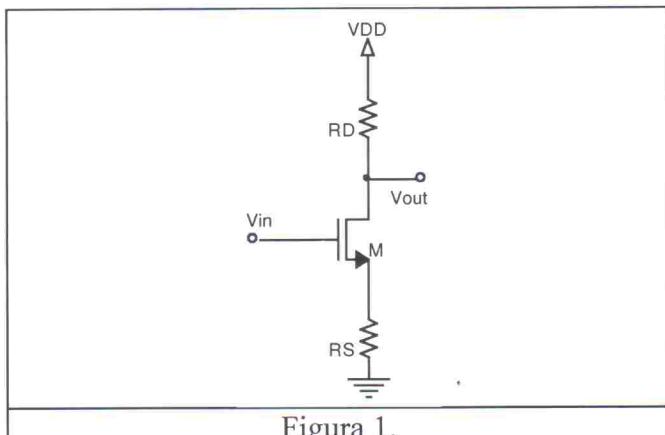
### Problema 4: (20 puntos)

Para el circuito de la figura 1 determinar el voltaje RMS de ruido equivalente a la salida. Para ello deberá considerarse el ruido aportado por las resistencias y por el transistor M, y que se trabaja sobre un ancho de banda ideal de B Hz.

El ruido que introduce el transisor MOS, a los efectos del presente ejercicio, puede modelarse como una fuente de ruido con densidad espectral de potencia  $S_M$  constante en serie con el gate (ver figura 2).

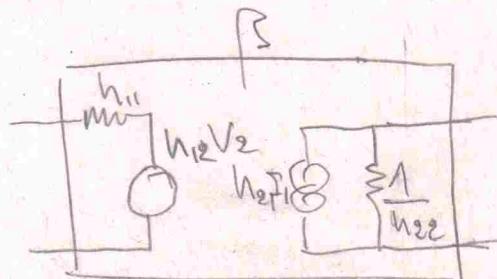
Adicionalmente, podrá tomarse en cuenta la siguientes simplificaciones sobre el transistor M:

- ∞ Voltaje de early infinito.
- ∞ Las terminales de Bulk y Source cortocircuitados.
- ∞ Capacidades internas despreciables.
- ∞  $gm \cdot R_s \gg 1$

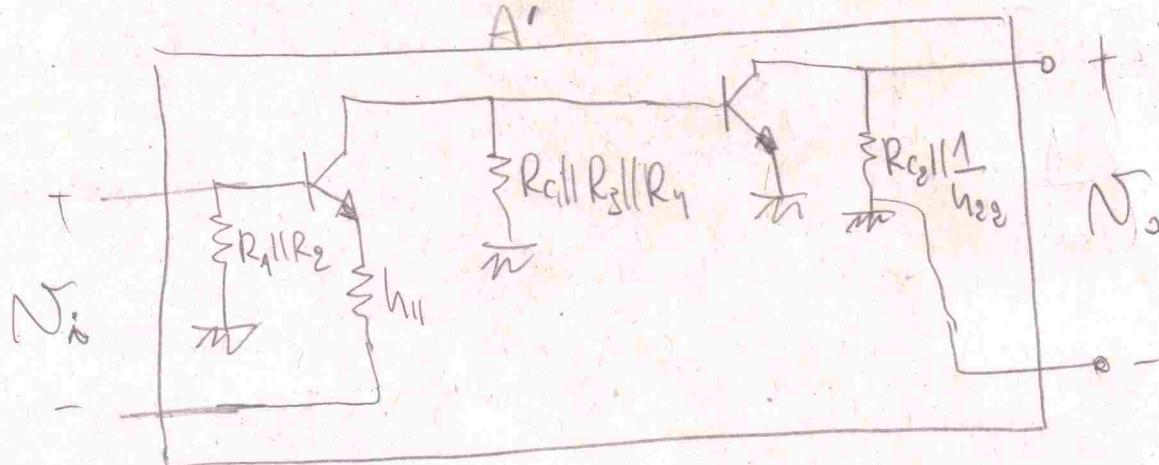


# Problema 1

$\Rightarrow$



Paso  $h_{11}$  y  $\frac{1}{h_{22}}$  a A  
 $\Updownarrow$



$$A' = \left[ -\frac{g_{m1}(R_{c1}||R_3||R_4||R_{f2})}{1 + g_m h_{11}} \right] \cdot \left[ -g_{m2}\left(R_{c2}||\frac{1}{h_{22}}\right) \right] = 2820 \text{ V/V}$$

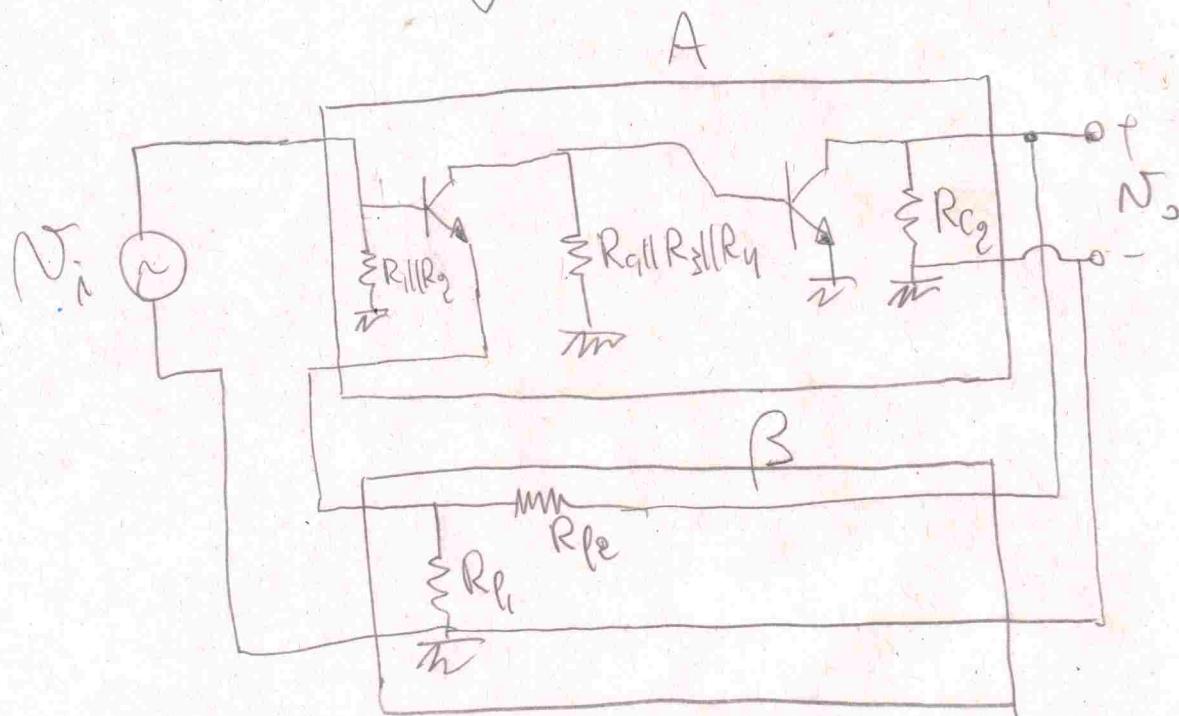
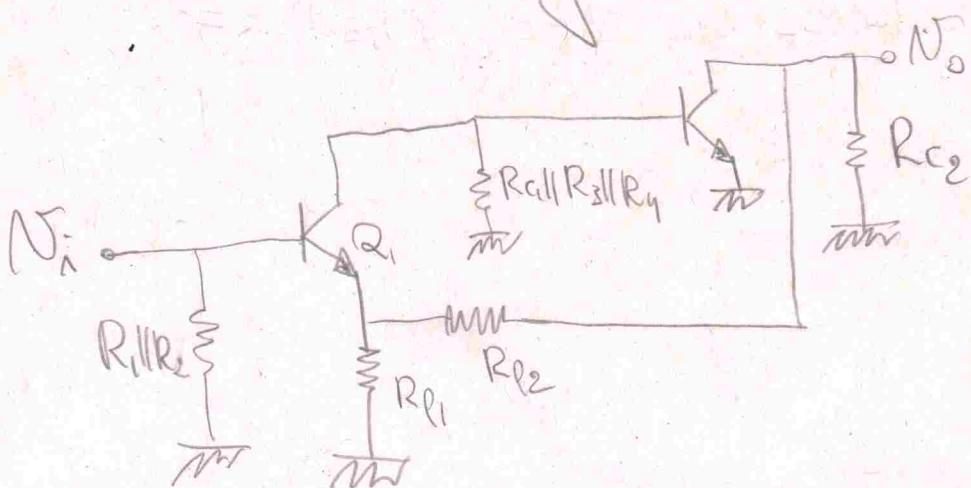
$$\beta = \frac{R_{f1}}{R_{f1} + R_{fe}} = 0,021$$

b)  $\frac{N_2}{N_1} = \frac{A'}{1 + A'\beta} \neq \frac{1}{\beta} = 48 \Rightarrow A_{CL} = 48 \text{ V/V}$

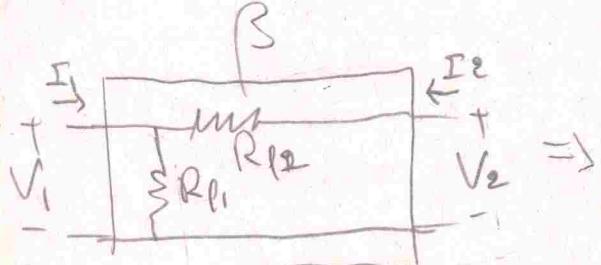
## Problema 1

2)

En señal el circuito queda:



Represento  $\beta$  con los parámetros h:



$$h_{11} = \left| \frac{V_1}{I_1} \right| = R_{l1} || R_{l2} \quad |h_{12}| = \left| \frac{V_1}{V_2} \right| = \frac{R_{l1}}{R_{l1} + R_{l2}} \quad I_1 = 0$$

$$h_{21} = \left| \frac{I_2}{I_1} \right| = \frac{R_{l1}}{R_{l1} + R_{l2}} \quad |h_{22}| = \left| \frac{I_2}{V_2} \right| = \frac{1}{R_{l1} + R_{l2}} \quad I_F = 0$$

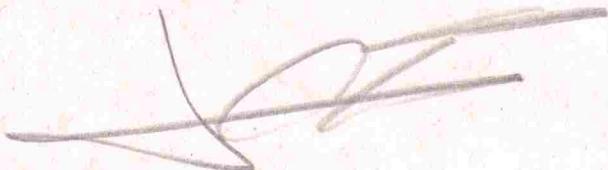
# Probleme 1

c)

$$R_o = R_{C2} \parallel \frac{1}{h_{FE}} \Rightarrow R_{OCL} = \frac{R_o}{1 + A' \beta}$$

$$R_o = 2,4 k\Omega \Rightarrow R_{OCL} = 40 \Omega$$

Pablo Castro



(2)

Espejos P: Q<sub>9</sub>, Q<sub>10</sub>, Q<sub>11</sub>, Q<sub>12</sub>, Q<sub>13</sub>

$$I_B = I_{C9} = \frac{V_{DS} - V_{EB9}}{R_{SEF} + R_A} = \boxed{10 \mu A. = I_B}$$

$$I_{C10} = I_{C11} = I_{C12} = I_{C13} = \underline{\underline{I_B}}$$

Par diferencial: I<sub>C1</sub> = I<sub>C2</sub> = I<sub>C3</sub> = I<sub>C4</sub> = I<sub>B</sub>/2

$$\text{Espejo } Q_3 - Q_7 \Rightarrow \underline{\underline{I_{C7} = I_B/2}}$$

$$\Rightarrow I_{CG} = \underline{\underline{I_B/2}} \Rightarrow I_{Cs} = \underline{\underline{I_B/2}}$$

$I_{BS} \ll I_B/2$

Q<sub>17</sub>, Q<sub>19</sub>: proyección de los corpos

$$\rightarrow \text{Están OFF} \Rightarrow \underline{\underline{I_{C17} = I_{C19} = 0}}$$

Etapa de salida clase AB:

$$\boxed{I_{AB} = 2I_B (I_{C12} + I_{C13})}$$

$$I_{CB} = I_{C15} = I_{AB} - I_{B16} \rightarrow I_{CB} = I_{AB} + (I_{B13} - I_{B16})$$

$$I_{CO} = I_{C15} + I_{B16}$$

ASÍS  $I_{B13} - I_{B16} \ll I_{AB}$ 

$$\rightarrow \boxed{I_{CB} = I_{AB}}$$

(Q) (signe)

$$V_{BE16} + V_{EB18} = V_{BE14} + V_{DE15} \quad | \quad I_{C16} = I_{18} = I_Q$$

$$\Rightarrow V_T L \left( \frac{I_Q}{I_{S16}} \right) + V_T L \left( \frac{I_Q}{I_{S18}} \right) = V_T L \left( \frac{I_{C14}}{I_{S14}} \right) + V_T L \left( \frac{I_{C15}}{I_{S15}} \right)$$

$$\Rightarrow \cancel{2V_T L \left( \frac{I_Q}{I_{S16}} \right)} = \cancel{2V_T L \left( \frac{I_{C14}}{I_{S14}} \right)}$$

$$\Rightarrow I_Q = \frac{I_{S16}}{I_{S14}} \cdot I_{C14} = 4 I_{C14}$$

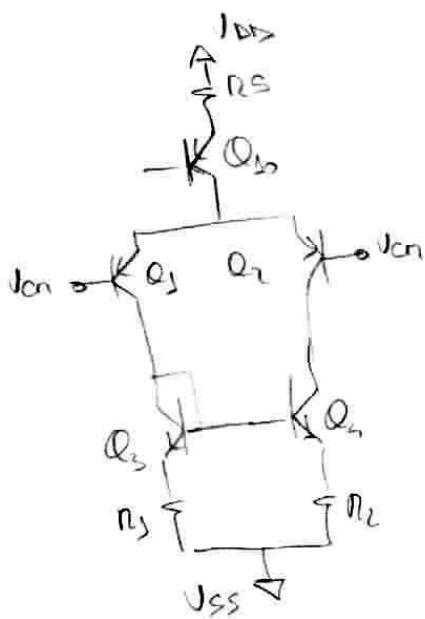
$$\Rightarrow I_{C14} = I_{AB} - \frac{I_Q}{\beta_{16}} = I_{C14} \left( 1 + \frac{4}{\beta_{16}} \right) = I_{AB}$$

$$\Rightarrow I_{C15} = I_{C14} = \frac{1}{17} I_{AB} = 17,65 \mu A$$

$$I_{B18} = I_{B16} \Rightarrow \text{ok } I_{CB} = I_{AB} \checkmark$$

$$\Rightarrow I_Q = \frac{60}{17} I_{AB} = 70,6 \mu A$$

(b)



•  $V_{C1, \text{max}}$ :  $V_{DD} - V_{RS} - (V_{CE1} + V_{BS1}) > V_{EC_{S1, \text{max}}}$   
 $\rightarrow V_{CE1} < V_{DD} - V_{RS} - V_{BS1} - V_{EC_{S1, \text{max}}}$   
 $\Rightarrow \boxed{V_{CE1, \text{max}} = 1,45 \text{ V}}$

•  $V_{C1, \text{min}}$ :  $V_{CE1} + V_{BS3} - (V_{SS} + V_{RS} + V_{BS3}) > V_{EC_{S1, \text{min}}}$   
 $\rightarrow V_{CE1} > V_{SS} + V_{RS} + V_{BS3} - V_{BS3} + V_{EC_{S1, \text{min}}}$   
 $\Rightarrow \boxed{V_{CE1, \text{min}} = -2,15 \text{ V}}$

(c) Punto diferencial:



$$g_{m_{1,2}} = \frac{I_B}{2V} = 193 \mu A/V$$

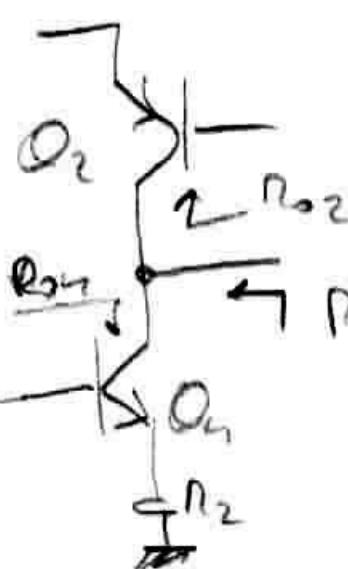
$$r_{\pi_{1,2}} = \frac{\beta}{g_{m_{1,2}}} = 1,04 M\Omega$$

R<sub>in</sub> → 6m<sub>1</sub> trivales:

$$R_{in} = 2r_{\pi_{1,2}} = 2,111 \Omega$$

$$G_{m_1} = g_{m_{1,2}} = 193 \mu A/V$$

N<sub>o3</sub>:



$$R_o = R_o1 // R_o2$$

$$R_{o2} = r_o2 = \frac{V_o}{I_{o2}} = 20 M\Omega$$

$$R_{o1} = r_{o1} \left( 1 + \frac{\beta}{r_{\pi_2} + R_{o2}} (R_2 // (r_{\pi_2} + R_{o2})) \right)$$

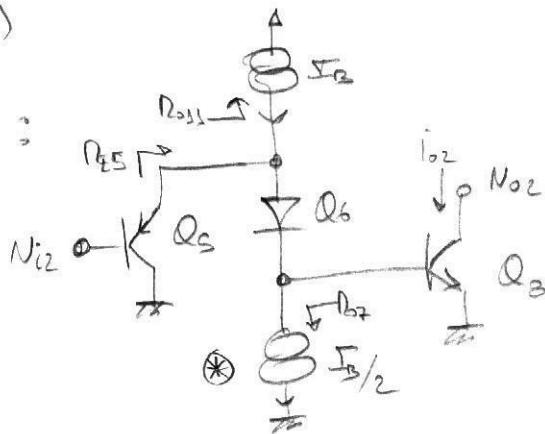
$$\rightarrow R_{o1} \approx r_{o1} \left( 1 + g_{m_2} R_2 \right)$$

$$R_{o1} = \frac{(1/g_{m_2} + R_2)}{2n} // \frac{r_{o2}}{2n} // \frac{(r_{\pi_2} + (\beta+1)R_2)}{2n} \approx 39.26 M\Omega$$

$$\Rightarrow R_{o1} = 39,3 M\Omega$$

$$\Rightarrow R_{o3} = 13,25 M\Omega$$

(c) (sigue 2)

2º etapa:

$$\sim N_{i2} \left\{ \begin{array}{l} R_{i2} \\ \beta \end{array} \right\}$$

$$Gm_2 N_{i2} \left( \begin{array}{l} R_{i2} \\ \beta \end{array} \right) \parallel R_{o2}$$

$$R_{o21} = \frac{V_A}{I_2} = 157 \Omega$$

$$R_{o21} = R_{21} \left( 1 + \frac{\beta}{R_{21} + R_{B2}} \left( R_6 \parallel (R_{21} + R_{B2}) \right) \right)$$

$$R_{B2} = R_{B4} = R_2 = 207 \Omega$$

$$R_{SS} = \frac{(1/g_m + R_4) \parallel R_{21} \parallel (R_{23} + \beta R_6)}{7.6 \text{ nA} \parallel 175 \text{ nA} \parallel 152 \Omega \approx 500 \Omega} \approx 7.6 \Omega \quad (52 \text{ h})$$

$$R_{SS} = R_{21} = 1.04 \Omega$$

$$g_{m2} = g_{m3} = 193 \mu A/V$$

$$\Rightarrow R_{o21} = R_{SS} \left( 1 + g_{m2} R_6 \right) \approx 29.3 \Omega \parallel$$

$$R_{o2} = R_2 \left( 1 + \frac{\beta}{R_2 + R_{B2}} \left[ R_3 \parallel (R_2 + R_{B2}) \right] \right) \quad \Rightarrow \quad R_{o2} = R_2 \left( 1 + g_{m2} R_3 \right) \approx 39.4 \Omega \parallel$$

$$R_{B2} = R_{B4} = 50.2 \text{ nA} \ll R_{X2} = 1.04 \Omega$$

$$N_{i2} : \quad N_{i2} = R_{X2} + (\beta + 1) R_{ES} \quad / \quad R_{ES} = R_{SS} \parallel \left( \frac{1}{g_{m6}} + \frac{R_{27}}{R_{X3}} \parallel \frac{1}{g_{m3}} \right)$$

$$g_{m6} = g_{m3} = 193 \mu A/V \rightarrow \frac{1}{g_{m6}} = 5.26 \Omega \rightarrow R_{ES} \approx R_{X3} = 259 \Omega$$

$$R_{X3} = \frac{1}{g_{m6}} = 259 \Omega$$

$$g_{m3} = \frac{I_{21}}{V_T} = \frac{256}{4} = 772 \mu A/V$$

$$\Rightarrow R_{ES} \approx R_{X3} = 259 \Omega$$

$$\Rightarrow N_{i2} = R_{X2} + (\beta + 1) R_{X3} \Rightarrow R_{i2} = 52.3 \Omega \parallel$$

$$Gm_2 : \quad N_{es} = \frac{g_{m3} R_{es}}{1 + g_{m3} R_{es}} \cdot N_{i2} \approx N_{i2} \quad (g_{m3} R_{es} \gg 1)$$

$$N_{bs} = \frac{R_{27} \parallel R_{X3}}{1/g_{m6} + R_{27} \parallel R_{X3}} \cdot N_{es} \approx N_{es} \quad (R_{27} \parallel R_{X3} \gg 1/g_{m6})$$

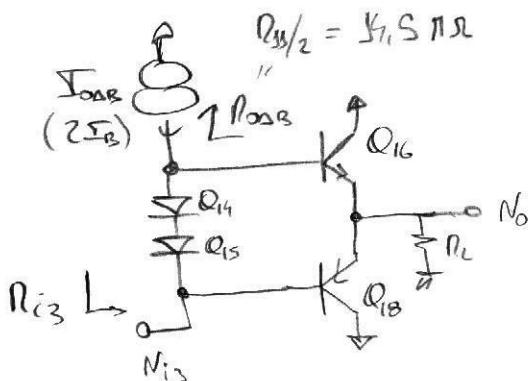
$$Gm_2 = \frac{i_{21}}{N_{i2}} \Big|_{N_{i2}=0} = g_{m3} \frac{N_{bs}}{N_{es}} \cdot \frac{N_{es}}{N_{i2}} \Rightarrow Gm_2 = g_{m3} = 772 \mu A/V$$

$$R_{o2} = R_2 \Rightarrow R_{o2} = 5 \Omega \parallel$$

• señal en Q2 se desprecia,  
ver ANEXO al final

(c) (sigue 3)

Etapas de salida:



Tomando el caso Q<sub>18</sub> on, Q<sub>16</sub> off

$$R_{i3} = \left( R_{Q18} + \beta_{18} R_L \right) \parallel \left( \frac{2}{g_{m18}} + R_{Q18} \right) \approx R_{Q18}$$

Resistencias  
R<sub>Q18</sub> despreciable

$$\Rightarrow | R_{i3} | \approx \beta_{18} R_L = 60 k\Omega$$

• Calculo A<sub>3</sub> =  $\frac{N_0}{N_{i3}}$  considerando R<sub>L</sub>

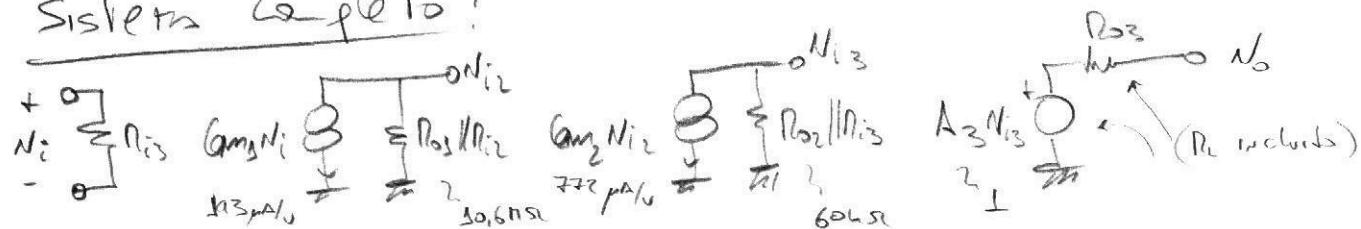
$$\Rightarrow A_3 = \frac{g_{m18} R_L}{1 + g_{m18} R_L} \approx 1 \text{ V/V} \Leftrightarrow g_{m18} R_L \gg 1$$

$$\Rightarrow \frac{I_{Q18} R_L}{V_t} \gg 1 \Rightarrow I_{Q18} \gg 53 \mu A$$

$$\Rightarrow A_3 \approx 1 + \eta_{op} > 0,26 \text{ mV}$$

• Como ya calculé A<sub>3</sub> considerando R<sub>L</sub>, no es necesario calcular R<sub>Q18</sub>

⇒ Sistema completo:



$$A_{DIF} = \underbrace{6m_1 (R_{Q18} / R_{i3})}_{2044 \text{ V/V}} \underbrace{6m_2 (R_L / R_{i3})}_{46,3 \text{ V/V}} A_3^{-1} \Rightarrow | A_{DIF} | \approx 94,6 \text{ kV/V} \approx 99,5 \text{ dB}$$

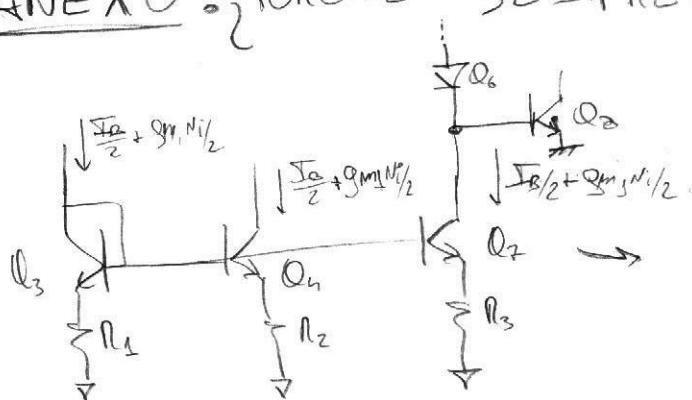
(d)

A pesar de la baja en las ganancias de los 2º etapas debidas al efecto de R<sub>i3</sub> ( $R_{Q18} + R_L$ ), el efecto Miller domina y se puede asumir un  $\beta_{18}$  dominante → la expresión usual para f<sub>T</sub>

$$f_T = \frac{1}{2\pi} \cdot \frac{6m_1}{C_C} = \frac{113 \mu A}{2\pi 30 pF}$$

$$\Rightarrow | f_T | \approx 1 \text{ MHz}$$

ANEXO: ¿Porque DESPRECIOSEMOS LA SEÑAL EN Q7?



La 2da etapa tiene otras entradas superficiales:

→ "Canal B" de ganancia:

$$R_{i2B} = R_{o7} \parallel R_{o8} \parallel \left( \frac{1}{g_{m3}} + R_{o3} \parallel \frac{R_{o5} + R_{o3}}{\beta} \right)$$

$$R_{o7} = 39,4 \text{ m}\Omega$$

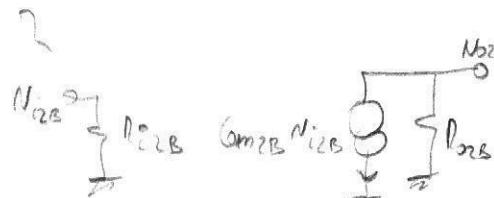
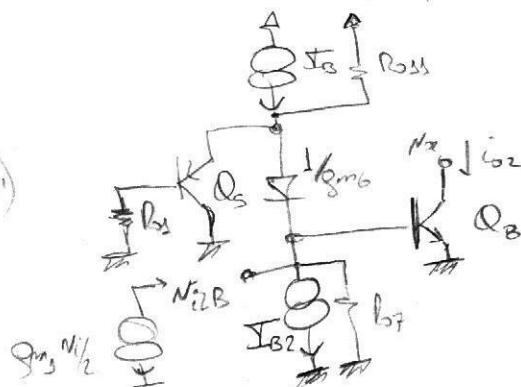
$$R_{o8} = 260 \text{ m}\Omega$$

$$\frac{1}{g_{m3}} = 5,2 \text{ h}$$

$$R_{o3} = 29,3 \text{ m}\Omega \quad \left\{ \rightarrow \frac{1}{g_{m3}} + R_{o3} \parallel \frac{R_{o5} + R_{o3}}{\beta} \approx 75 \text{ h} \right.$$

$$\frac{R_{o5} + R_{o3}}{\beta} = 70 \text{ h}$$

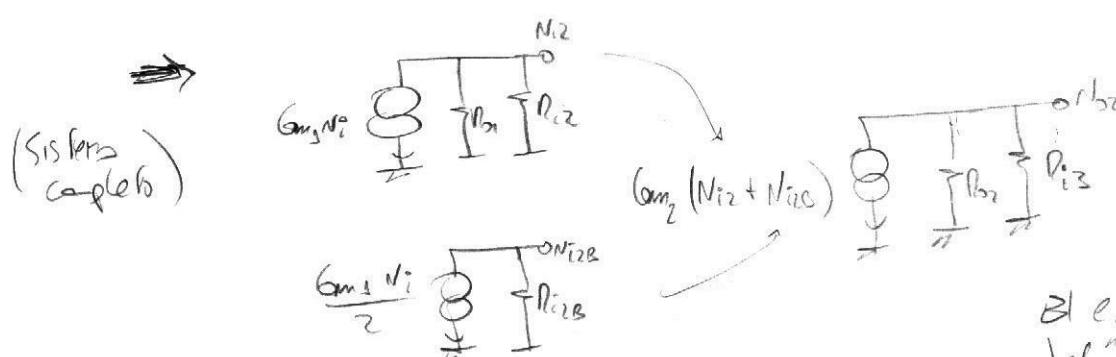
$$\rightarrow R_{i2B} \approx 58,2 \text{ h}\Omega$$



$$6m_{2B}: \text{ trivial } \quad 6m_{2B} = g_{m3} = 6m_2$$

$$R_{o2B}: \quad R_{o2B} = R_{o2} = R_{o3}$$

ESTA deducción no se exigía en el parcial.  
Se adjunta a la solución  
de fines ilustrativos



El efecto en la ganancia del "Canal B" es despreciable

$$N_{o2} = 6m_3 (6m_2 N_i R_{o2} \parallel R_{o3}) \left[ R_{o3} \parallel R_{o2} + \frac{R_{i2B}}{2} \right] \approx 6m_3 (R_{o3} \parallel R_{o2}) \cdot 6m_2 (R_{o2} \parallel R_{o3})$$

$$50,6 \text{ m}\Omega \gg 29,3 \text{ k}\Omega$$

$$a) P = 8W = \frac{\hat{V}_o^2}{2R_L}$$

$$R_L \in (4\Omega - 16\Omega)$$

El  $\hat{V}_o$  mayor se da para  $R_L$  máxima =  $16\Omega$ .

$$8W = \frac{\hat{V}_o^2}{2 \cdot 16\Omega} \Rightarrow \hat{V}_o^2 = 256 \Rightarrow \hat{V}_o = 16V$$

En la configuración de la figura  $\hat{V}_o \max = 2V_{cc}$   
 $\Rightarrow V_{cc} \geq 8$

$$b) \eta = \frac{P_L}{P_S}$$

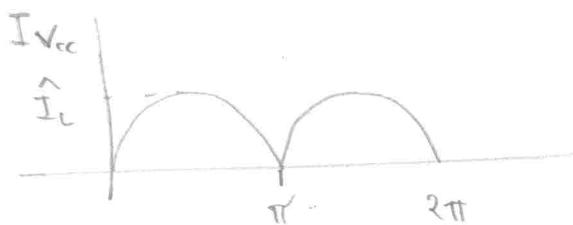
$$P_L = 8W = \frac{\hat{V}_o^2}{2R_L} \Rightarrow \hat{V}_o = \sqrt{2 \cdot 8 \cdot R_L}$$

Durante semiciclo positivo se toma una corriente  $I_L$

d)  $V_{cc}$  conectado a  $Q_1$  y  $-V_{cc}$  conectado a  $Q_4$

Durante el semiciclo negativo se toma una corriente  $I_L$

d)  $V_{cc}$  conectado a  $Q_3$  y  $-V_{cc}$  conectado a  $Q_2$



$$\begin{aligned} P_{Vcc} = P_{-Vcc} &= \frac{1}{\pi} \int_{0}^{\pi} V_{cc} \cdot I_L \text{ sen } \theta = \\ &= \frac{1}{\pi} V_{cc} \cdot I_L \left[ -\cos \theta \right]_0^{\pi} = \frac{1}{\pi} V_{cc} \cdot \frac{\hat{V}_o}{R_L} \cdot 2 = \end{aligned}$$

$$= \frac{2}{\pi} \cdot V_{cc} \cdot \frac{\hat{V}_o}{R_L}$$

$$P_S = P_{VCC} + P_{VAC} = \frac{4}{\pi \cdot R_L} \cdot V_{AC} \cdot \hat{V}_O$$

$$n = \frac{P_L \cdot \pi \cdot R_L}{4 \cdot V_{AC} \cdot \sqrt{2 \cdot 8 \cdot R_L}} = \frac{P_L \cdot \pi \cdot R_L}{4 \cdot V_{AC} \cdot 4 \cdot \sqrt{R_L}} = \frac{P_L \pi \cdot \sqrt{R_L}}{4 \cdot V_{AC} \cdot 4}$$

$$n_{min} \text{ cuando } R_{Lmin} = \frac{8 \cdot \pi \cdot 2}{4 \cdot 8 \cdot 4} = \frac{\pi}{8}$$

$$n_{max} \text{ cuando } R_{Lmax} = \frac{8 \cdot \pi \cdot 4}{8 \cdot 4 \cdot 4} = \frac{\pi}{4}$$

c).

$$P_D = P_S - P_L = \frac{4}{\pi \cdot R_L} \cdot V_{AC} \cdot \sqrt{2 \cdot 8 \cdot R_L} - 8$$

$$P_D^{\text{total}} = \frac{4 \cdot V_{AC} \cdot 4}{\pi \cdot \sqrt{R_L}} - 8 \quad \text{para } C_{250} \quad R_{Lmin}$$

$$P_D^{\text{total}} = \frac{4 \cdot V_{AC} \cdot 4}{\pi \cdot 2} - 8 = \frac{4 \cdot 8 \cdot 4}{\pi \cdot 2} - 8 = \frac{64}{\pi} - 8 = 12,38 \text{ W}$$

$$P_D^{\text{q1, q2, q3, q4}} = \frac{P_D^{\text{total}}}{4} \approx 3,1 \text{ W}$$

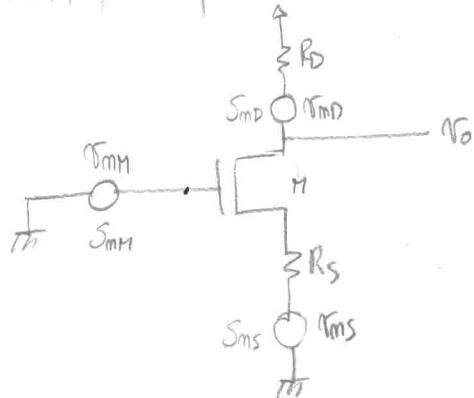
d)

$$\frac{T_{jmax} - T_A}{\theta_{jA}} = P_D \Rightarrow \theta_{jA} = \frac{T_{jmax} - T_A}{P_D} = \frac{150^\circ C - 50^\circ C}{3,1 \text{ W}} = 32,2^\circ C/\text{W}$$

$$\theta_{jA} = \theta_{jct} + \theta_{cst} + \theta_{SA} = 32,2^\circ C/\text{W} - 5^\circ C/\text{W} - 2^\circ C/\text{W} = 25,2^\circ C/\text{W}$$

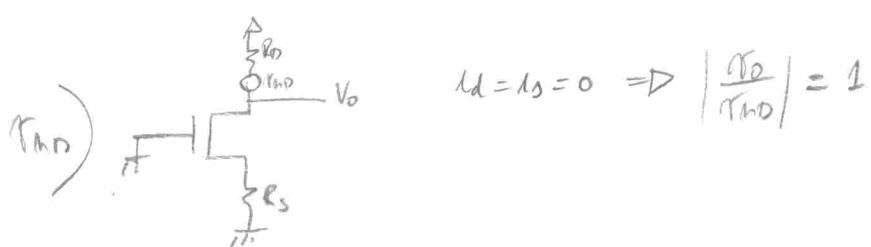
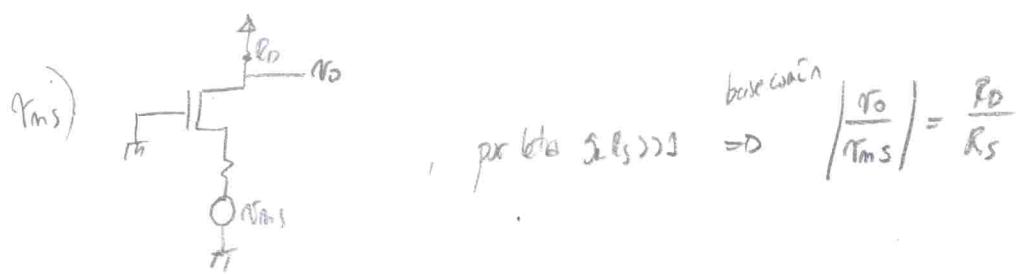
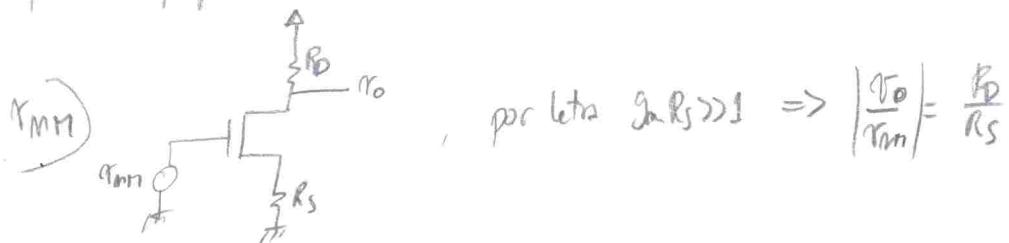
$$\theta_{SA} = \theta_{SA \text{ por } A_{rez}} / A_{rez} \Rightarrow A_{rez} = \frac{\theta_{SA \text{ por } A_{rez}}}{25,2^\circ C/\text{W}} \approx 14 \text{ cm}^2$$

Identifico fuentes de ruido: M, R<sub>D</sub> y R<sub>S</sub>



$$\left\{ \begin{array}{l} S_{MD} = 4kTR_D \rightarrow \text{densidad espectral de ruido de } R_D \\ S_{MS} = 4kTR_S \rightarrow " " " " \text{ de } R_S \\ S_{MM} = S_M \rightarrow " " " " \text{ de } M \end{array} \right.$$

Aplico superposición, trabajó con el modelo de pequeña señal y baja frec:



$$\left( \frac{R_{out}}{R_{out}} \right)^2 = \int_B S_{out}(f) df = \int_B \left[ S_{mm} \left( \frac{R_D}{R_S} \right)^2 + S_{ms} \left( \frac{R_D}{R_S} \right)^2 + S_{MD} \right] df =$$

$$= B \cdot \left[ S_{mm} \left( \frac{R_D}{R_S} \right)^2 + 4kTR_S \left( \frac{R_D}{R_S} \right)^2 + 4kTR_D \right] \Rightarrow$$

$$R_{out}^{MS} = \sqrt{B \left[ S_{mm} \left( \frac{R_D}{R_S} \right)^2 + 4kTR_S \left( \frac{R_D}{R_S} \right)^2 + 4kTR_D \right]}$$

J -