

EXAMEN - Física 1  
21 de Julio de 2012

$g = 9,8 \text{ m/s}^2$

C.I:

No de Parcial

- Cada pregunta tiene sólo una respuesta correcta.
- Cada respuesta correcta suma 10 puntos.
- Las respuestas incorrectas restan, a lo sumo, 2,5 puntos.
- El tribunal se reserva el derecho de asignar puntos negativos a las respuestas incorrectas, de acuerdo a la calidad del error cometido.
- Se aprueba con un mínimo de 50/100 puntos, correspondiente a nota 3 (RRR).

|   |                                       |
|---|---------------------------------------|
| <b>Momentos de inercia, respecto de un eje que pasa por el centro de masa de los objetos.</b> |                                       |
| <b>Todos los objetos tienen masa M, radio R (si corresponde) y largo L (si corresponde).</b>  |                                       |
| <b>Aro:</b> $I = MR^2$  | <b>Esfera:</b> $I = \frac{2}{5} MR^2$ |
| <b>Cilindro o Disco:</b> $I = MR^2/2$   | <b>Barra:</b> $I = ML^2/12$           |

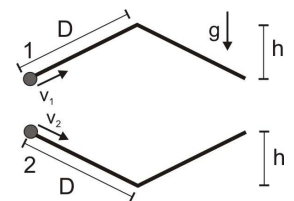
**Ejercicio 1**

Una partícula se mueve en un movimiento unidimensional sobre el eje OX. Parte del origen con una velocidad inicial  $v(0) = 5 \text{ m/s}$  y desacelera con una aceleración constante de  $-10 \text{ m/s}^2$ . Determine la posición máxima ( $x_m \geq 0$ ) que alcanza y la velocidad ( $v'$ ) de la partícula cuando vuelve a pasar por el origen.

|  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|
| a) $x_m = 0,50 \text{ m}$ ,<br>$v' = -5 \text{ m/s}$ | b) $x_m = 1,25 \text{ m}$ ,<br>$v' = -2,5 \text{ m/s}$ | c) $x_m = 1,25 \text{ m}$ ,<br>$v' = -7,5 \text{ m/s}$ | d) $x_m = 0,75 \text{ m}$ ,<br>$v' = -5 \text{ m/s}$ | e) $x_m = 1,25 \text{ m}$ ,<br>$v' = -5 \text{ m/s}$ |
|--|--|--|--|--|

**Ejercicio 2**

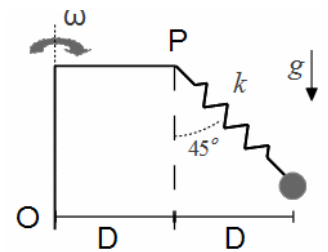
Dos cuentas se mueven sin fricción sobre dos alambres distintos. Uno de los caminos es la imagen invertida del otro. El largo total de cada alambre es  $2D = 3,00 \text{ m}$  y el de nivel es  $h = 0,92 \text{ m}$ . ambas parten en  $t = 0$  de los extremos izquierdos de los alambres con velocidades  $\vec{v}_1$  y  $\vec{v}_2$ , de igual módulo ( $|\vec{v}_1| = |\vec{v}_2| = \sqrt{3gh}$ ), como se muestra en la figura. ¿Cuales son los tiempos  $t_1$  y  $t_2$  que demoran las cuentas en llegar al extremo derecho de cada uno de los alambres (en segundos)?



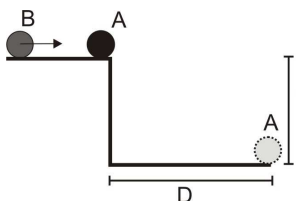
|                              |                              |                              |                              |                              |
|------------------------------|------------------------------|------------------------------|------------------------------|------------------------------|
| a) $t_1 = 0,5$ y $t_2 = 0,5$ | b) $t_1 = 0,5$ y $t_2 = 0,7$ | c) $t_1 = 0,7$ y $t_2 = 0,5$ | d) $t_1 = 0,7$ y $t_2 = 0,7$ | e) $t_1 = 0,9$ y $t_2 = 0,9$ |
|------------------------------|------------------------------|------------------------------|------------------------------|------------------------------|

**Ejercicio 3**

El sistema de la figura consiste de una barra rígida horizontal de longitud D, que gira alrededor de un eje vertical O, con velocidad angular  $\omega$ . En el extremo de la barra horizontal se encuentra un resorte de longitud natural nula y constante elástica k. Una masa puntual m se encuentra pegada al otro extremo del resorte. El resorte puede girar libremente alrededor del punto P permaneciendo siempre en el mismo plano vertical que contiene la barra. Cuando  $\omega = 0$  el resorte está alineado con la vertical. Si el sistema gira con  $\omega \neq 0$ , de manera que la masa se encuentre a una distancia horizontal D del punto P, formando un ángulo fijo de  $45^\circ$  con la vertical, calcule cual debe ser la velocidad angular del sistema.



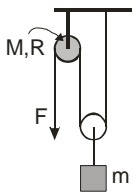
|                                   |                                   |                                  |                                    |                                    |
|-----------------------------------|-----------------------------------|----------------------------------|------------------------------------|------------------------------------|
| a) $\omega = \sqrt{\frac{2g}{D}}$ | b) $\omega = \sqrt{\frac{g}{2D}}$ | c) $\omega = \sqrt{\frac{g}{D}}$ | d) $\omega = \sqrt{\frac{3g}{2D}}$ | e) $\omega = \sqrt{\frac{2g}{3D}}$ |
|-----------------------------------|-----------------------------------|----------------------------------|------------------------------------|------------------------------------|



**Ejercicio 4**

Sobre una mesa de altura h se encuentra en reposo una partícula de masa  $m_A$ . Otra partícula de masa  $m_B$  que tiene velocidad  $V_0$  choca elásticamente con la primera, como se muestra en la figura. La distancia D a la que cae la masa A es:

|  |   |                              |   |  |
|--|---|------------------------------|---|--|
| a) $\frac{m_B V_0}{m_A} \sqrt{\frac{2h}{g}}$ | b) $\frac{2m_B V_0}{m_A + m_B} \sqrt{\frac{2h}{g}}$ | c) $V_0 \sqrt{\frac{2h}{g}}$ | d) $\frac{2m_A V_0}{m_B} \sqrt{\frac{2h}{g}}$ | e) $\frac{m_A V_0}{m_A + m_B} \sqrt{\frac{2h}{g}}$ |
|--|---|------------------------------|---|--|



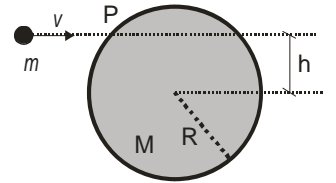
**Ejercicio 5**

El sistema de la figura muestra una cuerda inextensible y sin masa atada al techo, y que pasa por dos poleas, una polea ideal (inercia de rotación despreciable) móvil y otra polea de masa  $M$  y radio  $R$ , fija en el techo. Al extremo de la cuerda se ejerce una fuerza  $F$ , vertical para abajo. Una masa  $m$  está colgada de la polea móvil. Calcule la aceleración adquirida por la masa  $m$ .

|                             |                               |                            |                             |                             |
|-----------------------------|-------------------------------|----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|
| a) $\frac{4F - mg}{2M + m}$ | b) $\frac{2(F - mg)}{2M + m}$ | c) $\frac{2F - mg}{M + m}$ | d) $\frac{2F - mg}{2M + m}$ | e) $\frac{2F - mg}{M + 2m}$ |
|-----------------------------|-------------------------------|----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|

**Ejercicio 6**

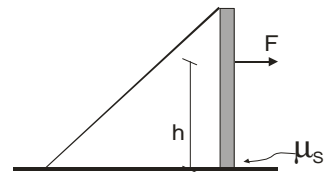
Un cilindro de masa  $M$  y radio  $R$  puede girar alrededor de su eje de simetría, que está fijo y alineado con la vertical. La figura muestra un corte horizontal. Un proyectil de masa  $m = M/10$  con velocidad horizontal  $v$  se incrusta en la superficie lateral del cilindro, en el punto  $P$ , a una altura  $h = 3/4 R$  con respecto al centro. La velocidad angular del sistema después del evento es.



|                            |                            |                            |                             |                              |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|-----------------------------|------------------------------|
| a) $\omega = \frac{v}{4R}$ | b) $\omega = \frac{v}{8R}$ | c) $\omega = \frac{2v}{R}$ | d) $\omega = \frac{3v}{4R}$ | e) $\omega = \frac{9v}{16R}$ |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|-----------------------------|------------------------------|

**Ejercicio 7**

Un tablón de madera de **masa despreciable** y largo  $L$  está apoyado verticalmente sobre el piso, donde existe un coeficiente de rozamiento estático  $\mu_s$ . Al otro extremo del tablón está atada una cuerda sin masa, cuyo otro extremo está atado al piso, formando un ángulo de  $45^\circ$  con la horizontal. Sobre el tablón se aplica una fuerza  $F$  horizontal a una altura  $h$  del piso. ¿Cuál la altura  $h$  mínima necesaria para que el tablón no se mueva?



|                                 |                                    |                                  |                                  |                                    |
|---------------------------------|------------------------------------|----------------------------------|----------------------------------|------------------------------------|
| a) $h \geq \frac{L}{1 + \mu_s}$ | b) $h \geq \frac{L}{2(1 + \mu_s)}$ | c) $h \geq \frac{2L}{1 + \mu_s}$ | d) $h \geq \frac{L}{1 + 2\mu_s}$ | e) $h \geq \frac{L}{3(1 + \mu_s)}$ |
|---------------------------------|------------------------------------|----------------------------------|----------------------------------|------------------------------------|

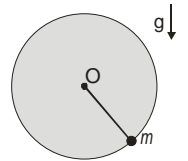
**Ejercicio 8**

Una partícula de masa  $m$  en movimiento rectilíneo sobre el eje  $Ox$  tiene una energía potencial dada por:  $U(x) = \frac{U_0}{2} \left( \frac{x-a}{a} \right)^2$ , donde las constantes  $U_0$  y  $a$  son, respectivamente, una energía y una longitud positiva. Sabiendo que la magnitud máxima de la velocidad que puede adquirir la partícula es  $V_{MAX}$ . Determine la distancia máxima con respecto al origen, a la que se puede encontrar a la partícula. Sugerencia: trazar una gráfica de  $U(x)$ .

|  |                                     |  |                                 |         |
|--|-------------------------------------|--|---------------------------------|---------|
| a) $a \left( 1 - \sqrt{\frac{m}{U_0}} V_{MAX} \right)$ | b) $a \sqrt{\frac{m}{U_0}} V_{MAX}$ | c) $a \left( 1 + \sqrt{\frac{m}{U_0}} V_{MAX} \right)$ | d) $a \frac{m}{2U_0} V_{MAX}^2$ | e) $2a$ |
|--|-------------------------------------|--|---------------------------------|---------|

**Ejercicio 9**

Un disco de masa  $M = 8 \text{ Kg}$  y radio  $R = 0.2 \text{ m}$  puede girar sin rozamiento alrededor de un eje horizontal que pasa por  $O$  y coincide con el eje de simetría. Se le pega una masa puntual  $m = 0.9 \text{ Kg}$  en el borde. Determine la frecuencia angular de las pequeñas oscilaciones (en rad/s):



|      |      |       |       |       |
|------|------|-------|-------|-------|
| a) 3 | b) 9 | c) 10 | d) 15 | e) 18 |
|------|------|-------|-------|-------|

**Ejercicio 10**

Un sistema masa-resorte (masa  $m$  y constante elástica  $k$ ) oscila en el plano horizontal sin rozamiento de acuerdo con las siguientes condiciones iniciales:  $x(0) = 0$  (posición de equilibrio) y  $v(0) = v_0$ . Determine la energía potencial almacenada en el resorte en tiempo  $t = T/8$ , donde  $T$  es el periodo de las oscilaciones.

|                        |                       |                       |                       |                       |
|------------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| a) $\frac{mv_0^2}{12}$ | b) $\frac{mv_0^2}{6}$ | c) $\frac{mv_0^2}{2}$ | d) $\frac{mv_0^2}{8}$ | e) $\frac{mv_0^2}{4}$ |
|------------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|