Programación 2

La Previa: Multiconjuntos y Tablas

Multisets

Multisets

Lists

- Hay orden posicional de elementos
- Los elementos pueden repetirse

Sets

- No hay orden posicional de elementos
- Los elementos no se repiten

MultiSets

- No hay orden posicional de elementos
- Los elementos pueden repetirse

Ejemplo de Multiset: stock de productos

Relación entre Multisets y Permutaciones

Un TAD Multiset

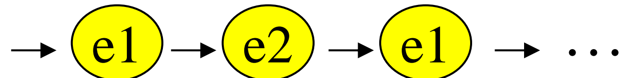
- **Vacio** m: construye el multiset m vacío;
- **Insertar x m: agrega x a m;**
- **EsVacio** m: retorna true si y sólo si el multiset m está vacío;
- **Ocurrencias** x m: retorna la cantidad de veces que está x en m;
- **Borrar** x m: elimina una ocurrencia de x en m, si x está en m;
- **Destruir** m: destruye el multiset m, liberando su memoria.

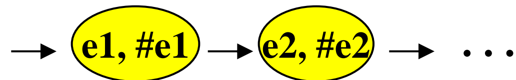
Implementaciones

Multiset m = {(e1,#e1), …, (ei,#ei), …, (en,#en)}

Adaptar y analizar para *multisets* las siguientes implementaciones vistas para conjuntos:

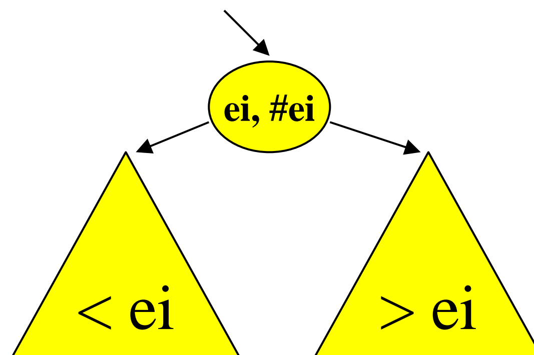
– Variantes de Listas





– Arreglos de Booleanos (ahora…)

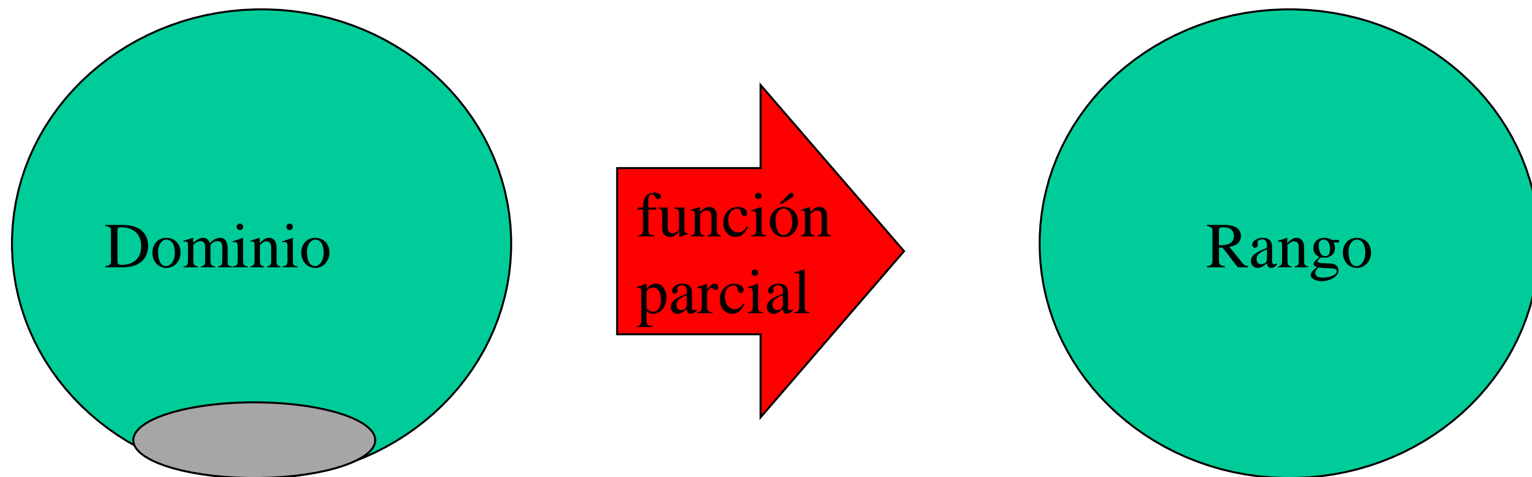
– ABBs



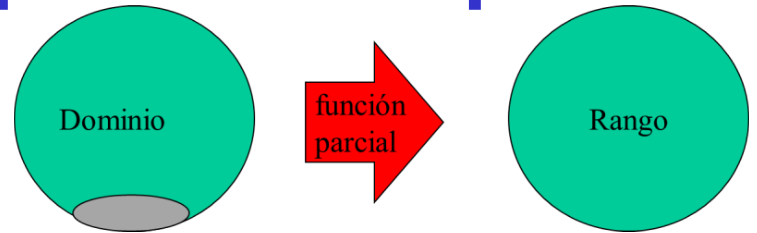
Tablas - Funciones Parciales (*Mappings*)

El TAD Tabla (Función parcial, *Mapping*)

Una **tabla** es una función parcial de elementos de un tipo, llamado el tipo *dominio*, a elementos de otro (posiblemente el mismo) tipo, llamado el tipo *recorrido* o *rango* o *codominio*.



TAD Tabla/*Mapping*. Operaciones para:

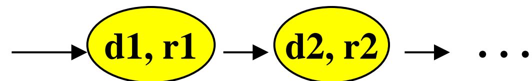


- construir una tabla vacía;
- insertar una correspondencia (d,r) en una tabla t. Si d está definida en t (tiene imagen), actualiza su correspondencia con r;
- saber si una tabla está vacía;
- saber si un valor d tiene imagen en una tabla t;
- obtener la imagen de un valor d (que existe) en una tabla t;
- eliminar una correspondencia de una tabla, dado un valor del dominio.
- destruir una tabla.

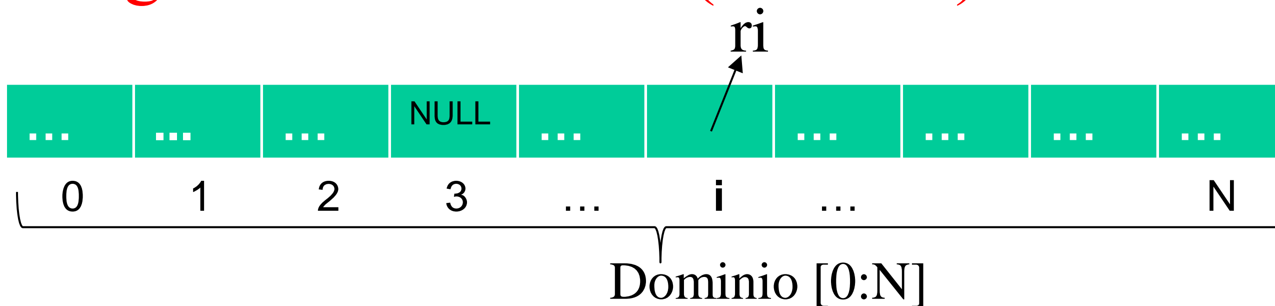
Tabla t $\subseteq$ Dominio x Rango = {(d1,r1), …, (di,ri), …, (dn,rn)}

Implementaciones

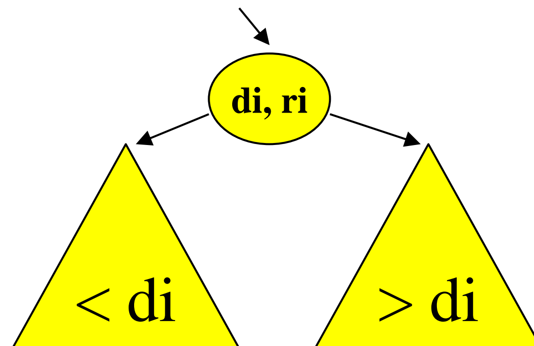
- Adaptar y analizar para *mappings* las siguientes implementaciones vistas para conjuntos:
  - Listas



  - Arreglos de Booleanos (ahora…)



  - ABBs

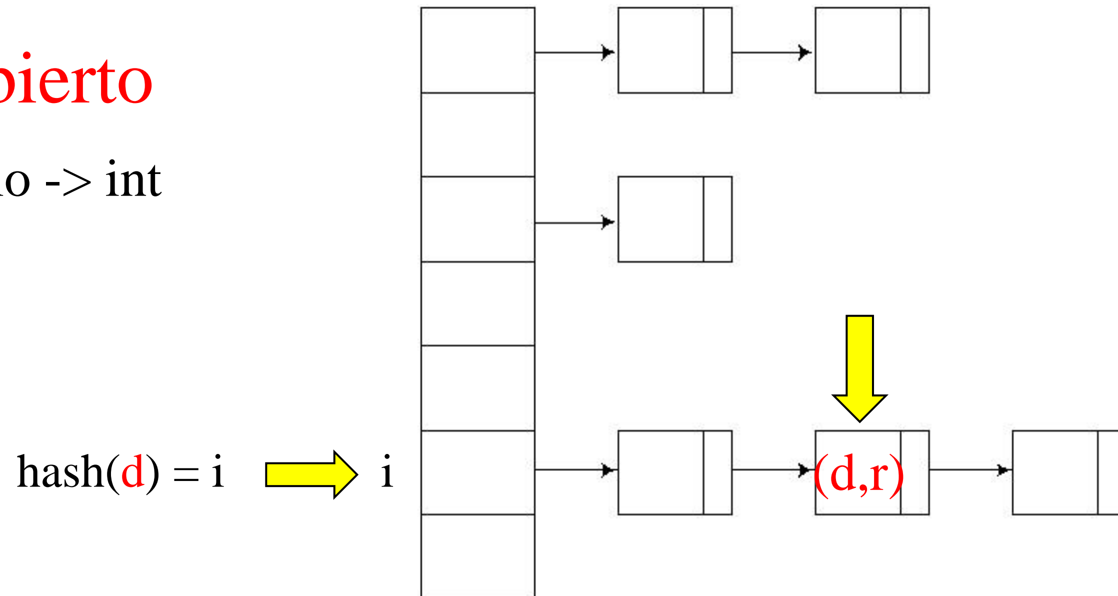


Implementaciones (cont)

- Adaptar y analizar para *mappings* las siguientes implementaciones vistas para conjuntos:
  - Arreglos con tope de pares (d,r) ordenado por dominio

  - Hashing abierto

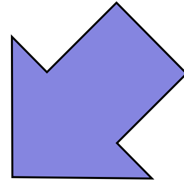
hash: Dominio -> int



Insertar con Hashing

```
unsigned int hash (D d){return …;}
\\ hash podría aplicarse a d y un entero M, realizando %M internamente
struct nodoHash{
   D dom;
   R ran;
   nodoHash* sig;
}
struct RepresentacionTabla{
   nodoHash** tabla;
   int cantidad;
   int cota;
}
```

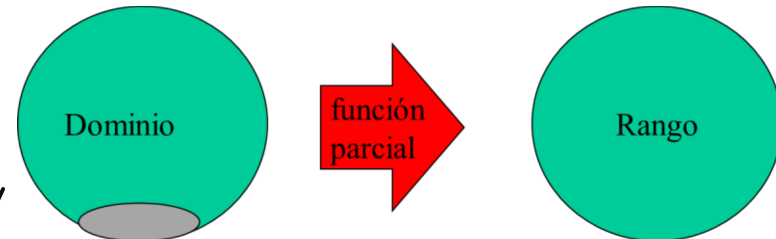
insertar una correspondencia (d,r) en una tabla t. Si d está definida en t (tiene imagen), actualiza su correspondencia con r.



```
void insertarTabla (D d, R r, Tabla &t) {
   int posicion = hash(d)%(t->cota); \\ hash podría aplicarse a d y t->cota…
   nodoHash* lista = t->tabla[posicion];
   while (lista!=NULL && lista->dom!=d)
        lista = lista->sig;
   if (lista==NULL){
        nodoHash* nuevo = new nodoHash;
        nuevo->dom = d;
        nuevo->ran = r;
        nuevo->sig = t->tabla[posicion];
        t->tabla[posicion] = nuevo;
        t->cantidad++;
   }
   else lista->ran = r;
}
```

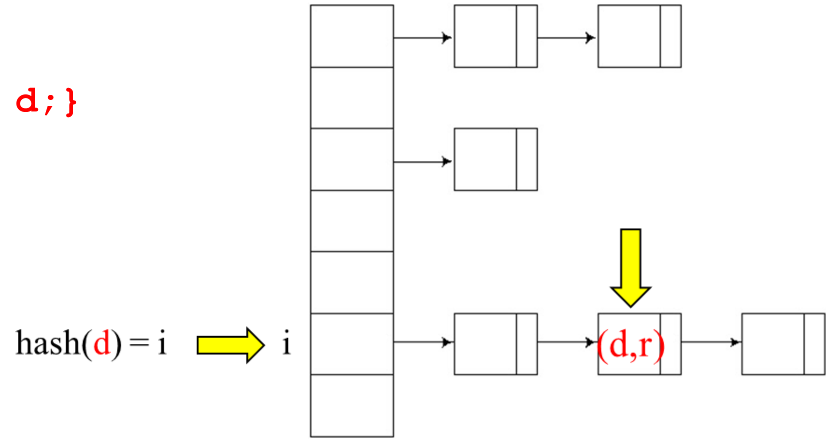
Especificación del TAD Tabla no acotada de D en R (D→R)

```
#ifndef _TABLA_H
#define _TABLA_H
struct RepresentacionTabla;
typedef RepresentacionTabla * Tabla;

Tabla crearTabla (int cantidadEsperada);
// Devuelve la Tabla vacía no acotada, donde se estiman cantidadElementos.
void insertarTabla (D d, R r, Tabla &t);
/* Agrega la correspondencia (d,r) en t, si d no tenia imagen en t. En
   caso contrario actualiza la imagen de d con r. */
bool estaDefinidaTabla (D d, Tabla t);
// Devuelve true si y sólo si d tiene imagen en t.
bool esVaciaTabla (Tabla t);
// Devuelve true si y sólo si t es vacía.
R recuperarTabla (D d, Tabla t);
/* Retorna la imagen de d en t.
   Precondición: estaDefinidaTabla(d,t). */
void eliminarTabla (D d, Tabla &t);
/* Elimina de t la correspondencia que involucra a d, si d está definida
   en t. En caso contrario la operación no tiene efecto. */
int cantidadEnTabla (Tabla &t);
// retorna la cantidad de correspondencias (d,r) en t.
Tabla copiarTabla (Tabla t);
// retorna una copia de t sin compartir memoria.
void destruirTabla (Tabla &t);
// Libera toda la memoria ocupada por t.

#endif /* _Tabla_H */
```



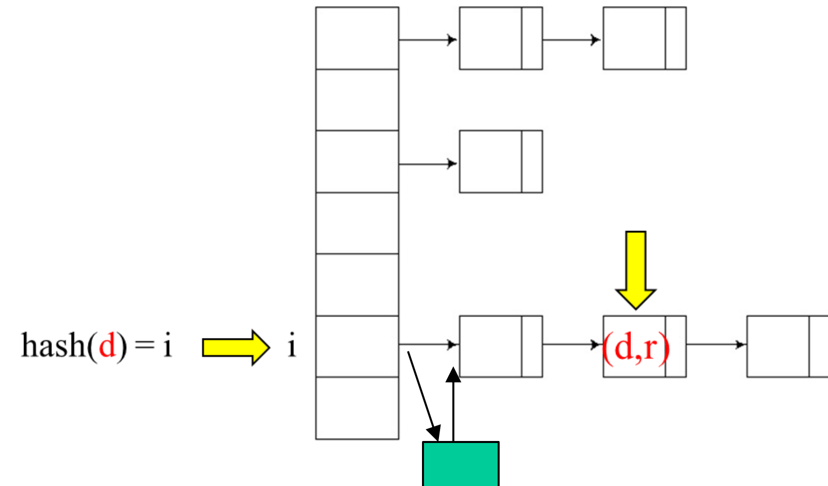
Implementación de un Tabla no acotada de D en R (D→R) con hashing abierto

```
#include ...
#include "Tabla.h"
int hash (D d){ return ... }
\\unsigned int hash (unsigned int d){return d;}
struct nodoHash{
    D dom;
    R ran;
    nodoHash* sig;
}
struct RepresentacionTabla{
    nodoHash** tabla;
    int cantidad;
    int cota;
}
Tabla crearTabla (int cantidadEsperada) {
    Tabla t = new RepresentacionTabla();
    t->tabla = new (nodoHash*) [cantidadEsperada];
    for (int i=0; i<cantidadEsperada; i++) t->tabla[i]=NULL;
    t->cantidad = 0;
    t->cota = cantidadEsperada;
    return t;
}
```



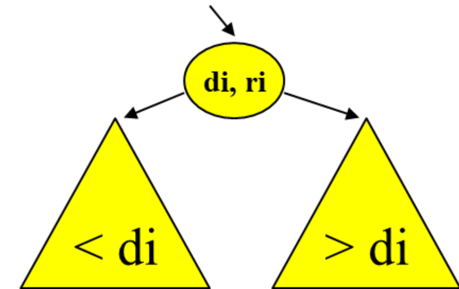
Implementación de Tabla acotado de D en R (D→R) con hashing abierto

```
void insertarTabla (D d, R r, Tabla &t) {
    int posicion = hash(d)%(t->cota);
    nodoHash* lista = t->tabla[posicion];
    while (lista!=NULL && lista->dom!=d)
          lista = lista->sig;
    if (lista==NULL){
          nodoHash* nuevo = new nodoHash;
          nuevo->dom = d;
          nuevo->ran = r;
          nuevo->sig = t->tabla[posicion];
          t->tabla[posicion] = nuevo;
          t->cantidad++;
    }
    else lista->ran = r;
}

bool estaDefinidaTabla (D d, Tabla t) {
    int posicion = hash(d)%(t->cota);
    nodoHash* lista = t->tabla[posicion];
    while (lista!=NULL && lista->dom!=d)
          lista = lista->sig;
    return lista!=NULL;
}

bool esVaciaTabla (Tabla t) { return t->cantidad==0; }
...
```



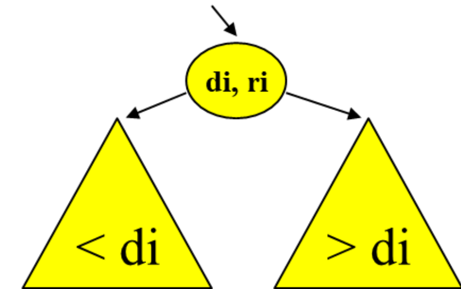
Implementación de un Tabla no acotada de D en R (D→R) con un ABB

```
#include ...
#include "Tabla.h"

struct nodoABB{
   D dom;
   R ran;
   nodoABB* izq;
   nodoABB* der;
};
struct RepresentacionTabla{
   nodoABB* abb;
   int cantidad;
};

Tabla crearTabla (int cantidadEsperada) {
   Tabla t = new RepresentacionTabla();
   t->abb = NULL;
   t->cantidad = 0;
   return t;
}
```



Implementación de Tabla acotado de D en R (D→R) con un ABB

```
/* Inserta en el ABB la pareja (d,r); si d está en a actualiza el r y devuelve
   false. En caso contrario retorna true. */
bool insertarABB (D d, R r, nodoABB* & a){
   if (a==NULL){
         a = new nodoABB;
         a->dom = d; a->ran = r;
         a->izq = a->der = NULL;
         return true;
   }
   else if (d == a->dom){
                 a->ran = r;
                 return false;
   }
   else if (d < a->dom) return insertarABB(d, r, a->izq);
   else return insertarABB(d, r, a->der);
}

void insertarTabla (D d, R r, Tabla &t) {
   if (insertarABB(d, r, t->abb))
         t->cantidad++;
}
```



Ejemplo - Especificación

Considere la especificación del TAD *Tabla* no acotada de *unsigned int* (dominio) en *float* (codominio):

```
struct RepTabla;

typedef RepTabla * Tabla;

typedef unsigned int nat;

// POS: Devuelve la Tabla vacía, sin correspondencias.

Tabla crear();

/* POS: Agrega la correspondencia (d,c) en t, si d no tenía imagen en t. En caso
   contrario actualiza la imagen de d con c. */

void insertar (nat d, float c, Tabla & t);

// POS: Devuelve true si y sólo si d tiene imagen en t.

bool definida (nat d, Tabla t);

// POS: Devuelve la cantidad de correspondencias en t. En particular, 0 si t es la tabla
   vacía.

int cantidad (Tabla t);
```

Ejemplo - Especificación

```
// PRE: definida(d,t). POS: Retorna la imagen de d en t.
float recuperar (nat d, Tabla t);

/* POS: Elimina de t la correspondencia que involucra a d, si d está definida en t. En otro
   caso la operación no tiene efecto. */
void eliminar (nat d, Tabla & t);

// PRE: cantidad(t)!=0. POS: Retorna el mínimo valor del dominio que tiene imagen en t.
nat minDomino (Tabla t);

// PRE: cantidad(t)!=0. POS: Retorna el máximo valor del dominio que tiene imagen en t.
nat maxDominio (Tabla t);

//POS: Imprime las correspondencias (d,c) de t, ordenadas de mayor a menor por los
   valores del dominio (d).
void imprimir(Tabla t);
```

Ejemplo - Uso

Una empresa almacena los precios de sus productos en tablas (de tipo Tabla), donde el dominio de tipo unsigned int (nat) corresponde a los identificadores de los productos (no acotados) y el codominio de tipo float corresponde a los precios. La empresa quiere evitar inconsistencias de precios de productos de varias tablas y para esto se propone implementar una función iterativa preciosUnicos que, dadas dos tablas t1 y t2 (de tipo Tabla) no vacías genere una nueva tabla (de tipo Tabla) que contenga las correspondencias entre productos y precios que no generan conflictos entre t1 y t2. Esto es, una correspondencia (producto, precio) estará en la tabla resultado si y solo si:

- **su producto está en una sola tabla (ó en t1 ó en t2), ó**
- **si el producto está en ambas tablas (t1 y t2), el precio tiene que ser el mismo.**

Implemente preciosUnicos sin acceder a la representación del TAD Tabla y sin modificar las tablas parámetro.

```
// PRE: t1 y t2 no vacías
Tabla preciosUnicos(Tabla t1, Tabla t2)
```

Ejemplo - Uso

```
Tabla preciosUnicos(Tabla t1, Tabla t2){
    Tabla res = crear();
    nat inf = min (minDominio(t1), minDominio(t2)); // min: mínimo en nat
    nat sup = max (maxDominio(t1), maxDominio(t2)); // max: máximo en nat
    bool def_t1, def_t2;
    float precio;
    for (nat i = inf; i <= sup; i++) {
        def_t1 = definida(i, t1); def_t2 = definida(i, t2);
        if (def_t1 && def_t2){
            precio = recuperar(i, t1);
            if (precio == recuperar(i, t2)) insertar(i, precio, res);
        }
        else if (def_t1)  insertar(i, recuperar(i, t1), res);
        else if (def_t2) insertar(i, recuperar(i, t2), res);
    }
    return res;
}
```