

HIDROLOGÍA ESTADÍSTICA



Edición 2024

Rafael Terra

Instituto de Mecánica de los Fluidos e Ingeniería Ambiental (IMFIA)
Facultad de Ingeniería, Universidad de la República, Uruguay

rterra@fing.edu.uy

- ❖ Interpretación de registros hidrológicos históricos, rara vez completos y que contienen errores, de modo de caracterizar el comportamiento de los estadísticos más relevantes de las variables hidrológicas con el objetivo del diseño hidrológico.

Hidrología Aplicada

Ven Te Chow, David R. Maidment y Larry W. Mays

Capítulo 11: Hidrología Estadística

Diseño Hidrológico

- ❖ Puentes y alcantarillas.
- ❖ Control de avenidas e inundaciones.
- ❖ Estructuras para almacenar agua.
- ❖ Abastecimiento de agua a ciudades e industrias.
- ❖ Sistemas y obras de riego.
- ❖ Sistemas de drenaje.
- ❖ Recolectar, tratar y disponer aguas residuales.
- ❖ Gestión integral de los Recursos Hídricos.

Diseño Hidrológico

- ❖ Línea de base
 - ✓ Documentar el estado actual del medio ambiente, con el fin de establecer futuros cambios resultantes, por ejemplo, de la instalación de nuevos emprendimientos

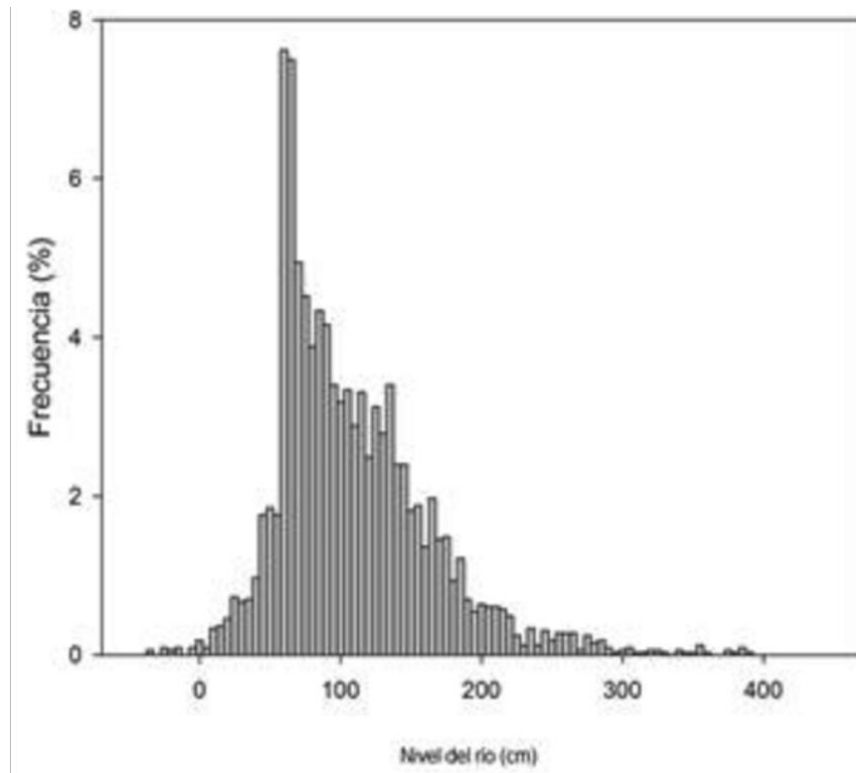
- ❖ Evaluación de impacto
 - ✓ Nuevas obras hidráulicas, como la construcción de un puente o una represa, o accidentes como derrames

- ❖ Monitoreo
 - ✓ Detectar tendencias y cambios en variables hidrológicas y ambientales

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Representaciones gráficas

No importa el ordenamiento – *1 point statistics*

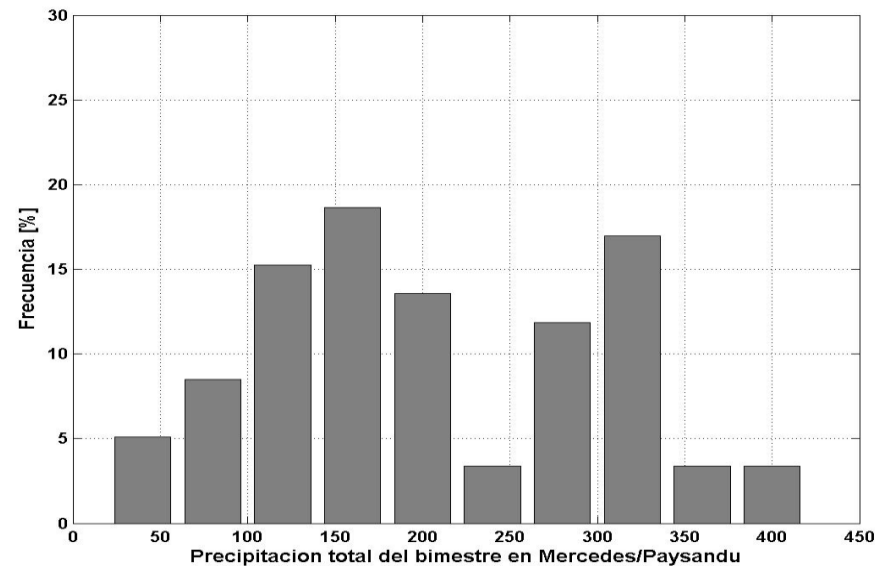
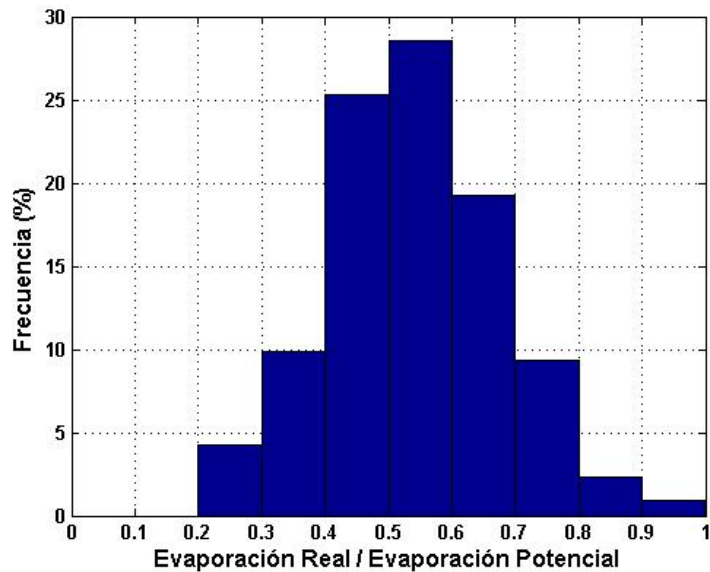


Histograma de frecuencias → Distribución empírica de frecuencia → Función de densidad de probabilidad (PDF)

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Representaciones gráficas

No importa el ordenamiento – *1 point statistics*

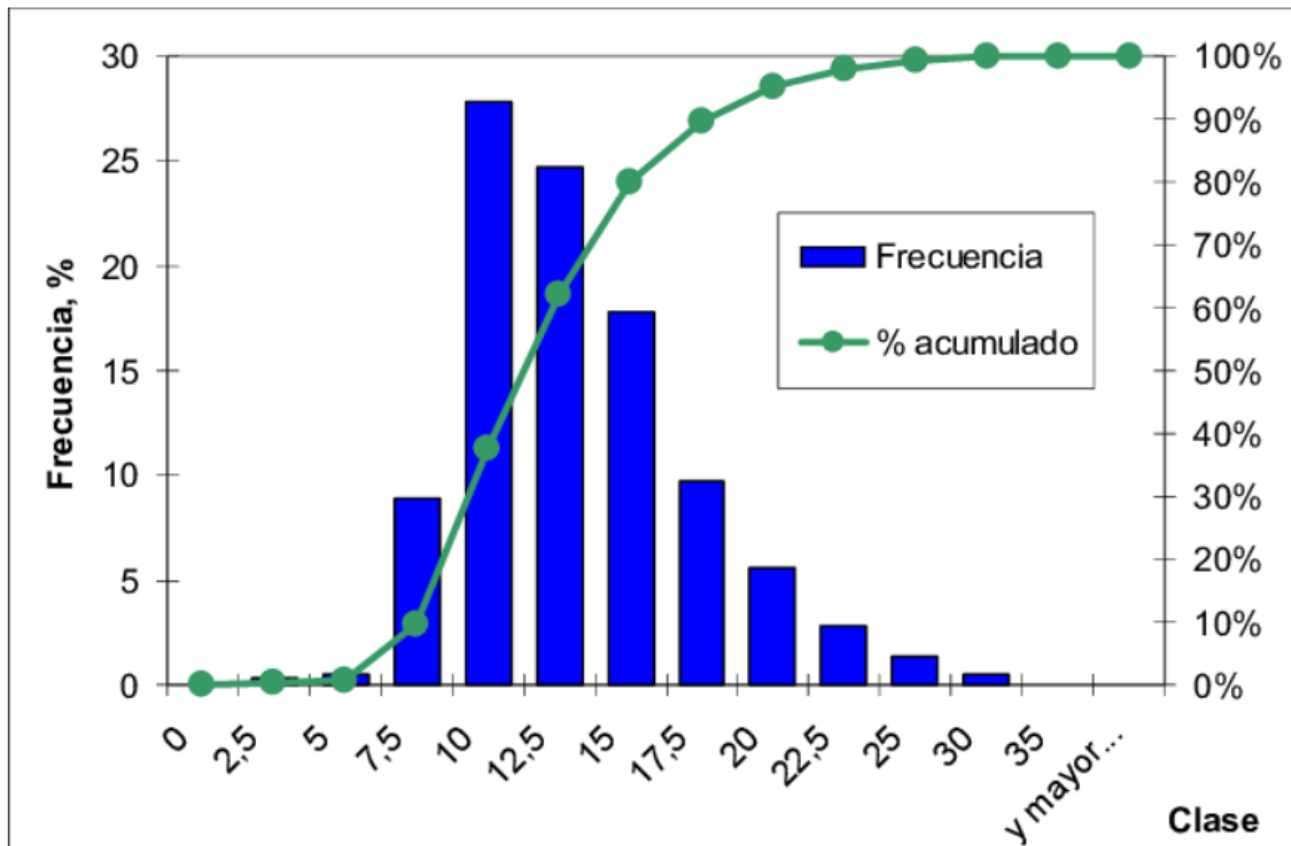


Cuan “poblado” queda el histograma, uni-modalidad, bi-modalidad, huecos ...

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Representaciones gráficas

No importa el ordenamiento – *1 point statistics*

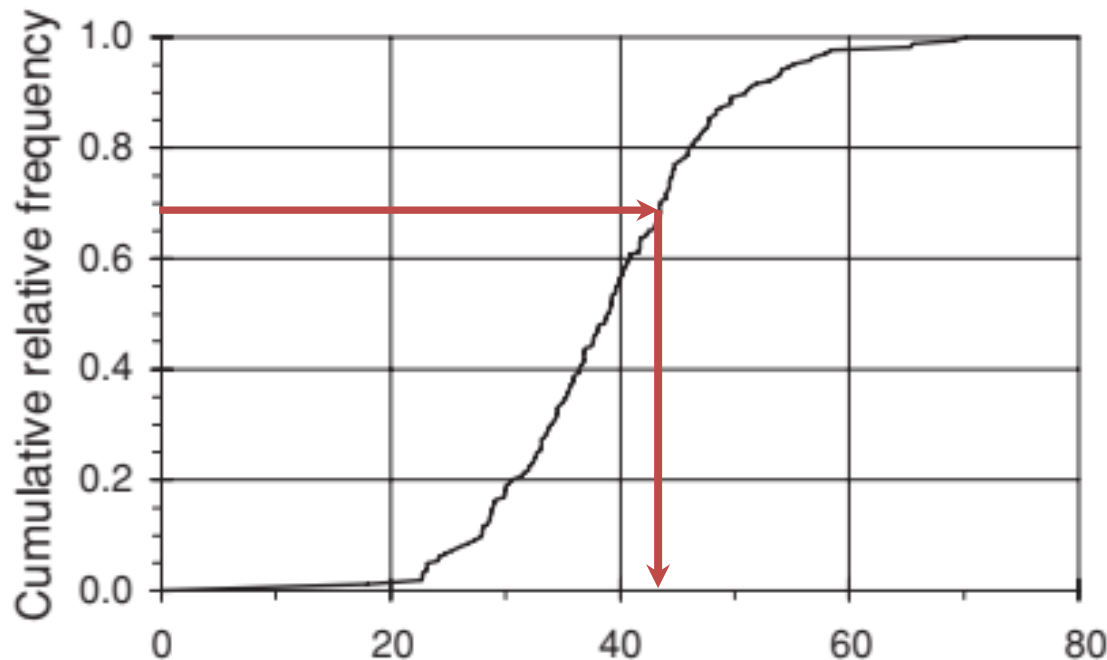


Distribución empírica de frecuencia **acumulada** → Función de probabilidad **acumulada** (CDF)

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Representaciones gráficas

No importa el ordenamiento – *1 point statistics*



Percentiles →
 p th percentil es
el valor que es
mayor a $p\%$ de
los datos.

Distribución empírica de frecuencia **acumulada** → Función de probabilidad **acumulada** (CDF)

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Cuantiles de una muestra aleatoria

(percentiles, cuartiles, quintiles, deciles, etc)

En general, los percentiles no son únicos y por lo tanto, no hay una única forma de estimarlos.

Una forma posible para una muestra aleatoria de tamaño n es:

- 1) tomar los estadísticos de orden como los cuantiles $(0.5/n)$, $(1.5/n)$, ..., $([n-0.5]/n)$ respectivamente
- 2) para los cuantiles con probabilidades entre $(0.5/n)$ y $([n-0.5]/n)$, se interpola linealmente.
- 3) los valores mínimo o máximo de la muestra se asignan a los cuantiles para probabilidades fuera de ese rango.

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

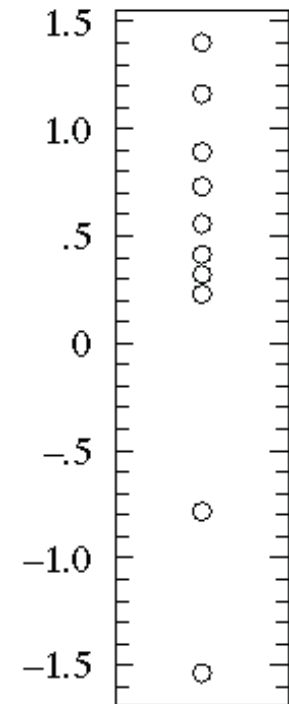
Diseño Hidrológico

- ❖ Se conceptualiza las variables hidrológicas como resultantes de un **Proceso estocástico** que describen su variabilidad espacio-temporal.
- ❖ Si bien realizaciones individuales de dicho proceso estocástico tienen un componente **aleatorio**, la distribución de ocurrencias respetan **propiedades estadísticas** inspiradas en la serie observada.
- ❖ A mayor **calidad, densidad y longitud** de las series observadas, mayor precisión en la **estimación** de los procesos estocásticos que son capaces de reproducir propiedad más **sutiles** de la serie observada.
- ❖ Esta conceptualización, bien utilizada, es muy útil para el **diseño hidrológico**. Aún frente a **eventos extremos** no muestreados en la serie histórica como veremos más adelante en el curso.

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Principales medidas numéricas de resumen de un conjunto de datos

- 1) **Localización:** ej. valor de “tendencia central” del conjunto
- 2) **Dispersión:** alrededor del valor central
- 3) **Simetría:** cómo están distribuidos los datos respecto del valor central
- 4) **Momentos de mayor orden ...**



CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Localización

En general los datos tienden a agruparse en torno a un valor central, el cual puede ser tomado como un valor representativo de la muestra.

Existen distintas formas de estimar la tendencia central de la muestra, pero los tres **estadísticos** más utilizados son la moda, la mediana y la media.

Un estadístico es cualquier cantidad (o función) calculada a partir de la muestra

TABLA 11.3.1
Parámetros de población y estadísticas de muestra

Parámetro de la población	Estadística de la muestra
---------------------------	---------------------------

1. *Punto medio*

Media aritmética

$$\mu = E(X) = \int_{-\infty}^{\infty} xf(x) dx$$

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

Mediana

x tal que $F(x) = 0.5$

Valor de la información en el 50o. percentil

Media geométrica

antilog $[E(\log x)]$

$$\left(\prod_{i=1}^n x_i \right)^{1/n}$$

2. *Variabilidad*

Varianza

$$\sigma^2 = E[(x - \mu)^2]$$

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

Desviación estándar

$$\sigma = \{E[(x - \mu)^2]\}^{1/2}$$

$$s = \left[\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \right]^{1/2}$$

Coefficiente de variación

$$CV = \frac{\sigma}{\mu}$$

$$CV = \frac{s}{\bar{x}}$$

3. *Simetría*

Coefficiente de asimetría (oblicuidad)

$$\gamma = \frac{E[(x - \mu)^3]}{\sigma^3}$$

$$C_s = \frac{n \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^3}{(n-1)(n-2)s^3}$$

Estadístico
de la
Muestra

Es un
Estimador
del
Parámetro
de la
Distribución

Parámetro
de la
Distribución

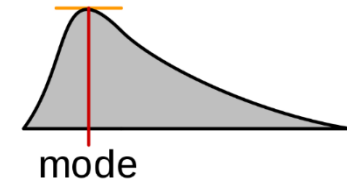
CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Localización

Moda: es el valor más frecuente (el que aparece mayor número de veces en la muestra).

Para variables discretas el cálculo es inmediato.

Para variables continuas puede haber más de una forma de cálculo (típicamente a partir de un histograma).



CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Localización

Moda: es el valor más frecuente (el que aparece mayor número de veces en la muestra).

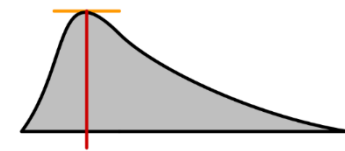
Para variables discretas el cálculo es inmediato.

Para variables continuas puede haber más de una forma de cálculo (típicamente a partir de un histograma).

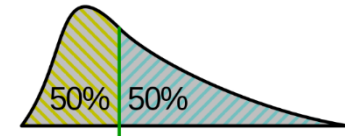
Mediana: es el valor que es superado por el 50% de los datos y que supera al otro 50%.

Se calcula a partir de la muestra ordenada.

Si n es impar, la mediana es el valor del dato que queda en el lugar $(n-1)/2+1$; si n es par, la mediana será el promedio de los datos en posición $n/2$ y $n/2+1$.



mode



median

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Localización

Moda: es el valor más frecuente (el que aparece mayor número de veces en la muestra).

Para variables discretas el cálculo es inmediato.

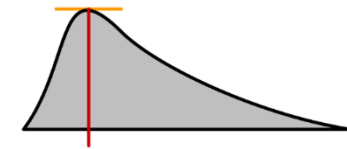
Para variables continuas puede haber más de una forma de cálculo (típicamente a partir de un histograma).

Mediana: es el valor que es superado por el 50% de los datos y que supera al otro 50%.

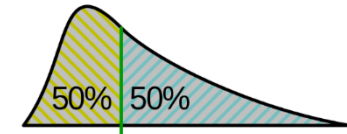
Se calcula a partir de la muestra ordenada.

Si n es impar, la mediana es el valor del dato que queda en el lugar $(n-1)/2+1$; si n es par, la mediana será el promedio de los datos en posición $n/2$ y $n/2+1$.

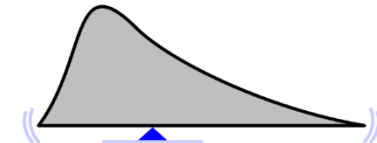
Media muestral: es la media aritmética de los datos



mode



median



mean

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Localización

Media muestral

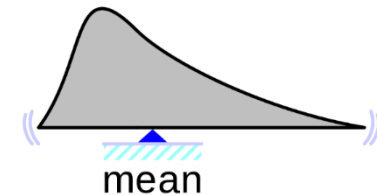
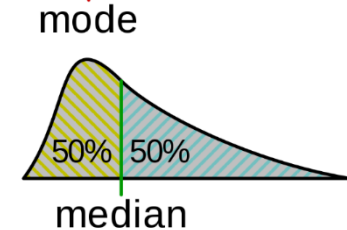
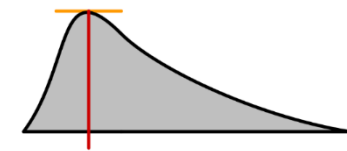
$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

La media es el principal **estadístico** para caracterizar la tendencia central.

La media muestral \bar{x} es un **estimador** de la media de la población μ .

Da la posición del centroide de del histograma (o la PDF).

Un **estimador** se refiere a algún método para estimar una constante propia de la población de la que proviene la muestra.



¿Ventajas y desventajas?

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Ejemplo: (con muy pocos datos!!)

2 4 9 11 14 $\bar{x} = 8$

2 4 9 11 7004 $\bar{x} = 1406$

(outlier, valor fuera de rango) ??

La media no es robusta ni resistente

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

¿Por qué se usa más la media que la mediana?

Porque en el caso (“muy frecuente”) de una distribución gaussiana es un estimador más **eficiente** que la mediana:

con menos valores (o sea, una muestra más pequeña) se obtiene la misma dispersión del estimador.

Además, la media es más fácil de tratar matemáticamente, y es única para una muestra dada.

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Dispersión

Una vez definida la tendencia central de los datos, interesa saber qué tan dispersos están los datos respecto a ésta, o cuál es la variabilidad de los datos respecto a la tendencia central.

Existen varias medidas de la dispersión de los datos, como el *rango*, el rango inter-cuartiles (*iqr*), etc., pero la más utilizada es la *desviación estándar muestral*.

Rango (range): es la diferencia entre el valor máximo y el mínimo de la muestra.

Iqr: Intervalo intercuartil, es la diferencia entre el primer y el tercer cuartil.

mad: Desviación absoluta de la mediana, **MAD = median { |xi - q0.5 | }**

Desviación estándar muestral: $\hat{s} = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum (x_i - \bar{x})^2}$

Coefficiente de variación muestral: $v = \frac{\hat{s}}{\bar{x}}$

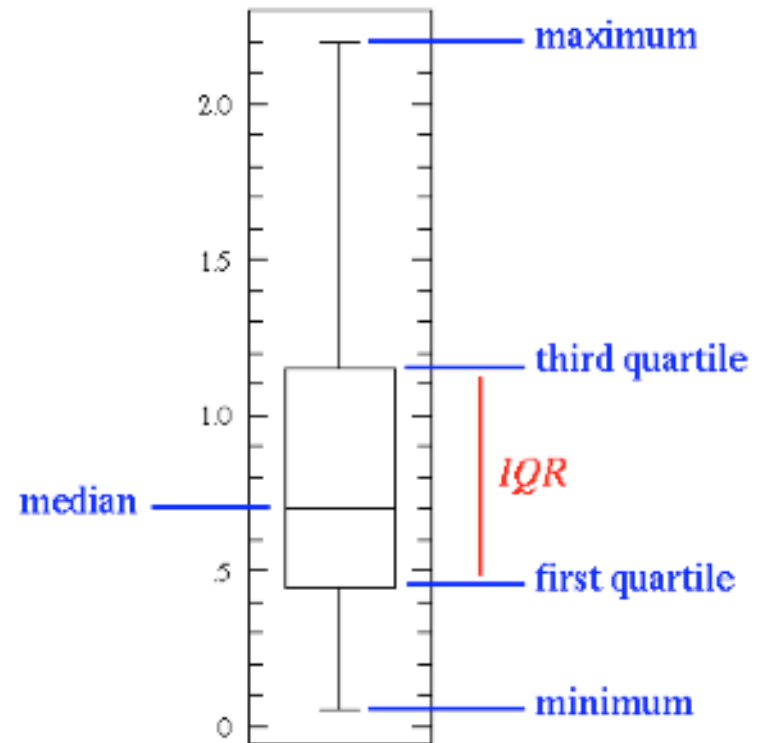
CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Intervalo intercuartil

$$IQR = q_{0.75} - q_{0.25}$$

“No usa” el 25% superior e inferior de los datos

Robusta y resistente,
pero le presta poca atención
a los datos extremos



CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Desviación estándar muestral

$$\hat{s} = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum (x_i - \bar{x})^2}$$

La desviación estándar muestral \hat{s} es un estimador de la desviación estándar de la población σ .

Se usa $n - 1$ en lugar de n porque se perdió un grado de libertad al calcular la media muestral (i.e. dada la media \bar{x} y $n - 1$ datos x_i , el valor del dato restante queda determinado).

Ni robusta ni resistente

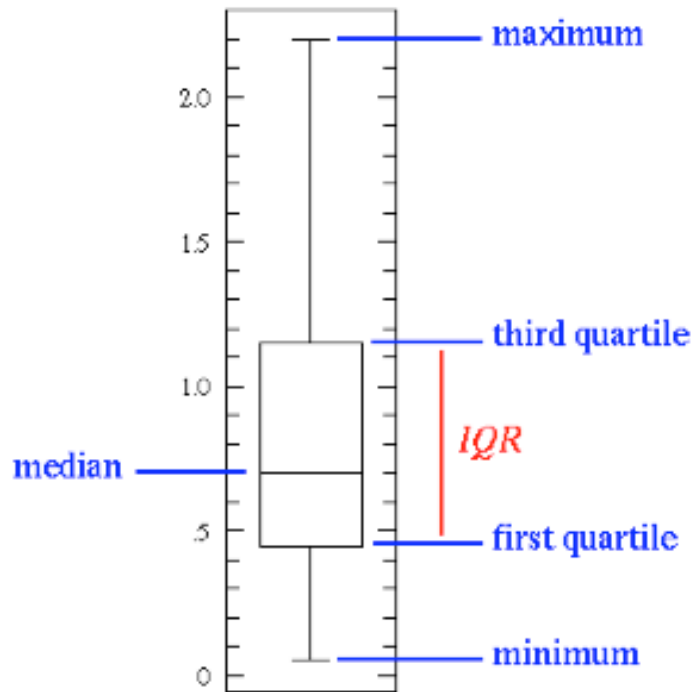
$$\hat{s}^2 = \frac{1}{n-1} \sum (x_i - \bar{x})^2$$

La desviación estándar muestral \bar{s} al cuadrado es un estimador de la **varianza** de la población σ^2 .

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Boxplots

Diagrama de cajas



Usa unos pocos valores para describir un conjunto de datos: la mediana, el primer y tercer cuartiles, el máximo y el mínimo y/o algún otro percentil (eventualmente con alguna restricción)

Ojo, no todos los boxplots son iguales, ver instrucciones

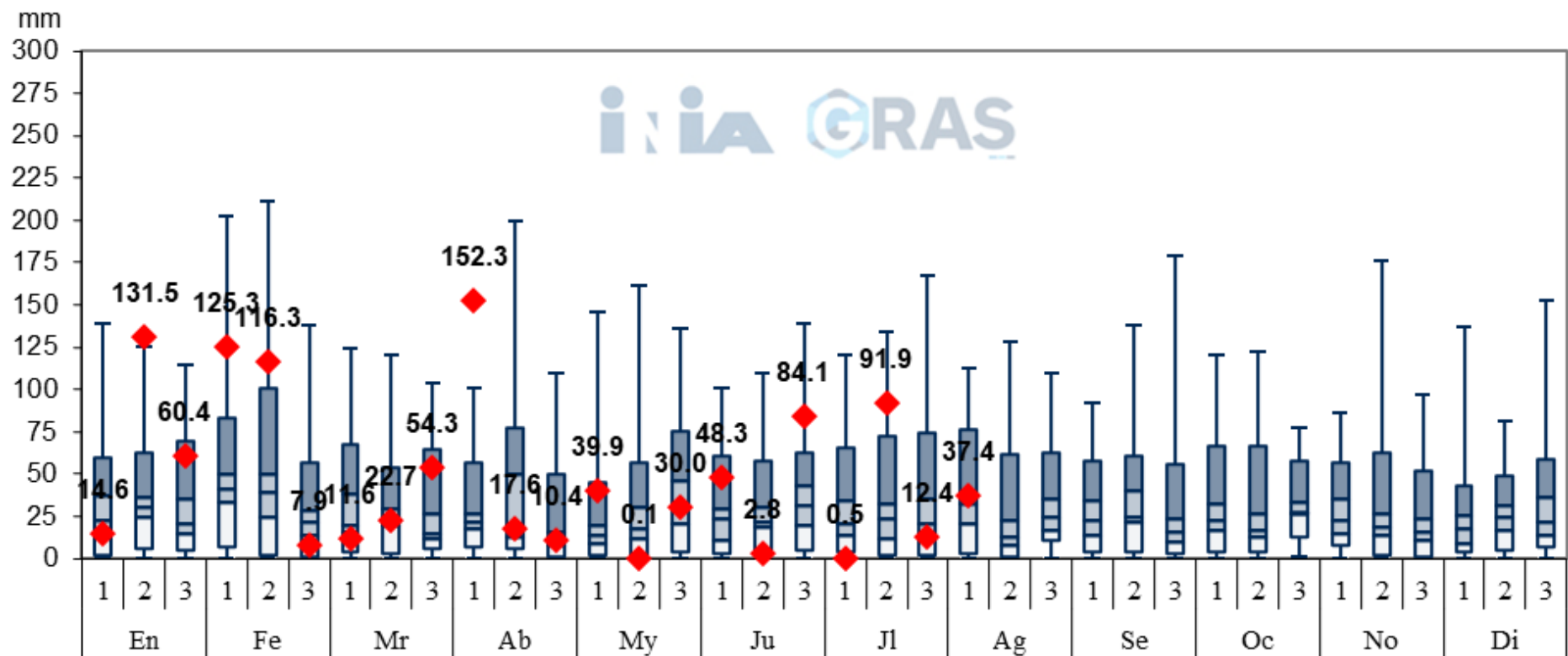
CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Diagramas de Cajas (Box plots)

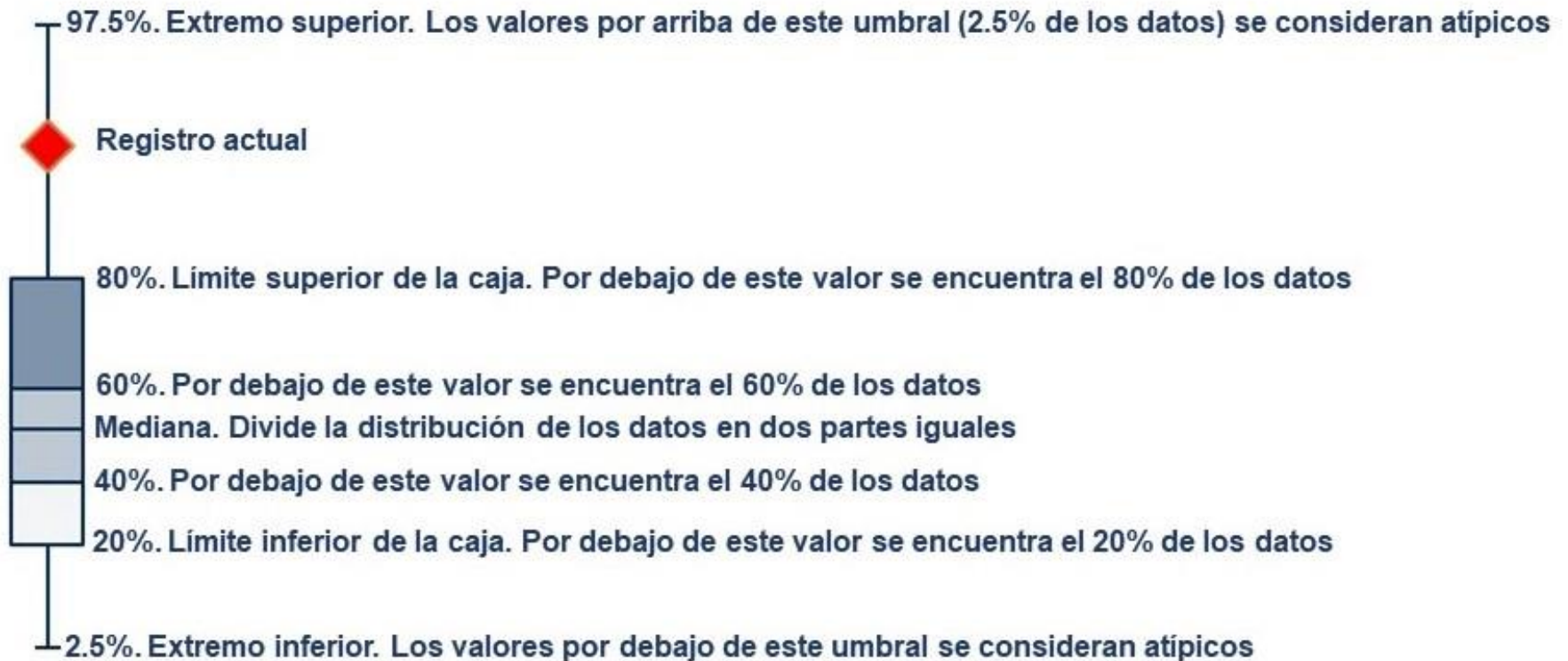
<http://www.inia.uy/gras/Clima>

Treinta y Tres

Precipitación decádica



CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

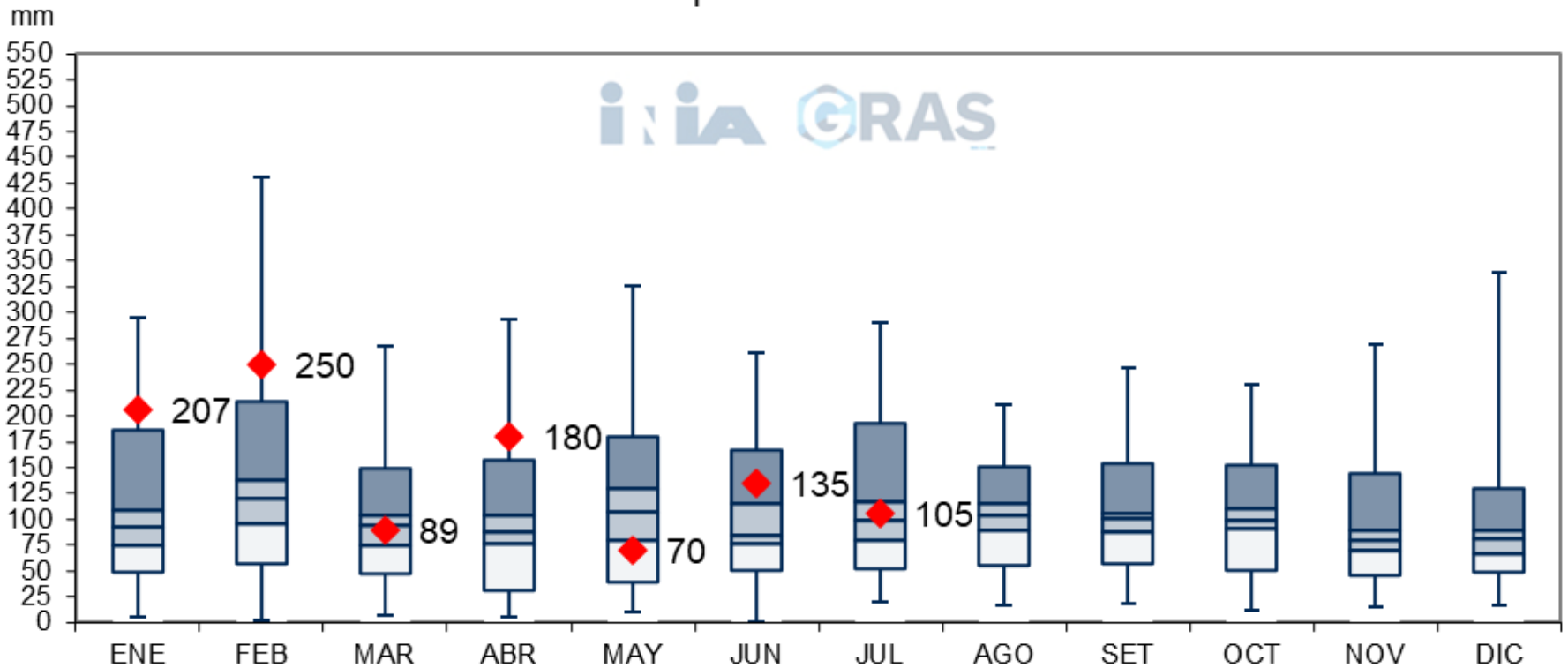


CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Ejemplo

Treinta y Tres

Precipitación mensual

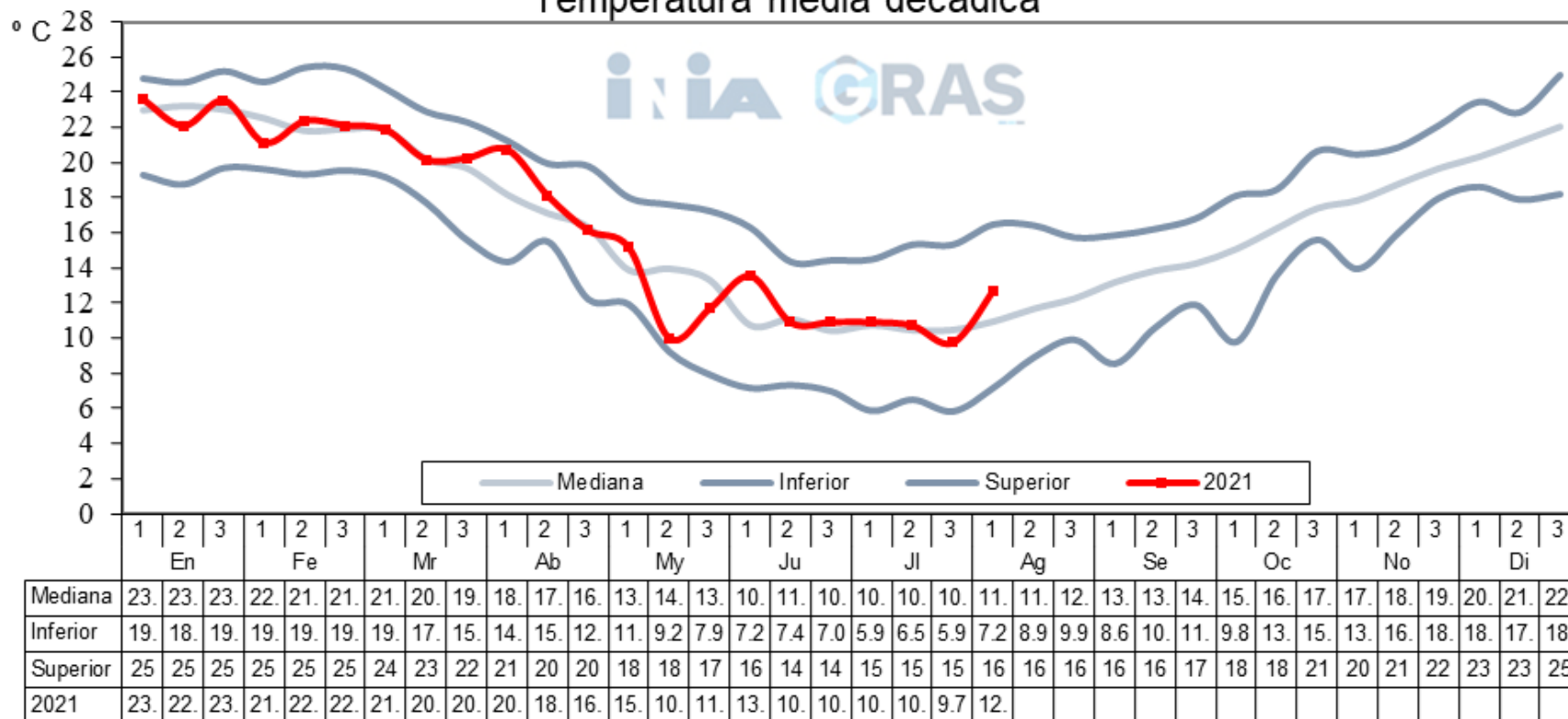


CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Ejemplo

Treinta y Tres

Temperatura media decadica



20-ile
80-ile

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

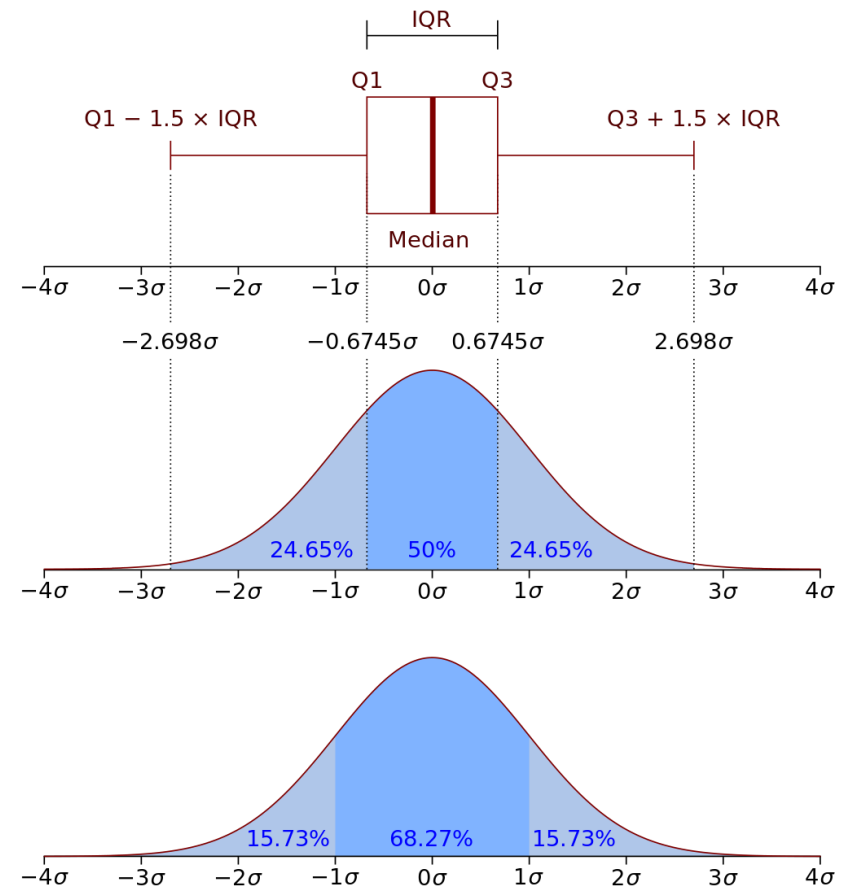
Outliers Valores fuera de rango

En algunos casos se incluye alguna regla de identificación de *outliers*. (p.e. todo dato menor a $Q1 - 1.5 \text{ iqr}$ o mayor a $Q3 + 1.5 \text{ iqr}$).

Se denomina *outlier* a datos con valores inesperadamente altos o bajos, que no parecieran seguir la misma distribución que el resto de los datos.

Estos valores pueden estar asociados a errores de medida o de lectura y, en estos casos, deberán ser descartados del análisis.

Pero también pueden estar justificados o tener una explicación física; en este caso habrá que decidir cómo se utiliza la información proporcionada por estos datos según el tipo de análisis estadístico que se vaya a hacer.



CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

Anomalías

Hace 8 °C afuera, ¿está frío?

Dónde, a qué hora, en qué estación del año, etc.

$$Z = X - \bar{X}$$

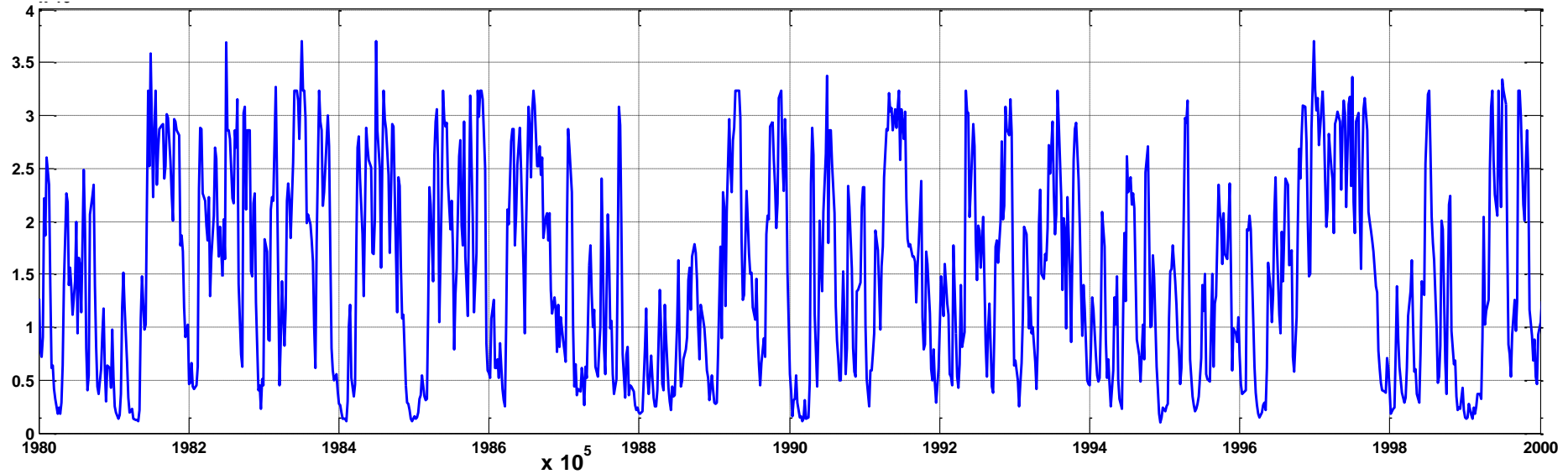
En general se definen respecto del ciclo anual
(o eventualmente el ciclo diario si fuera el caso)

\bar{X}

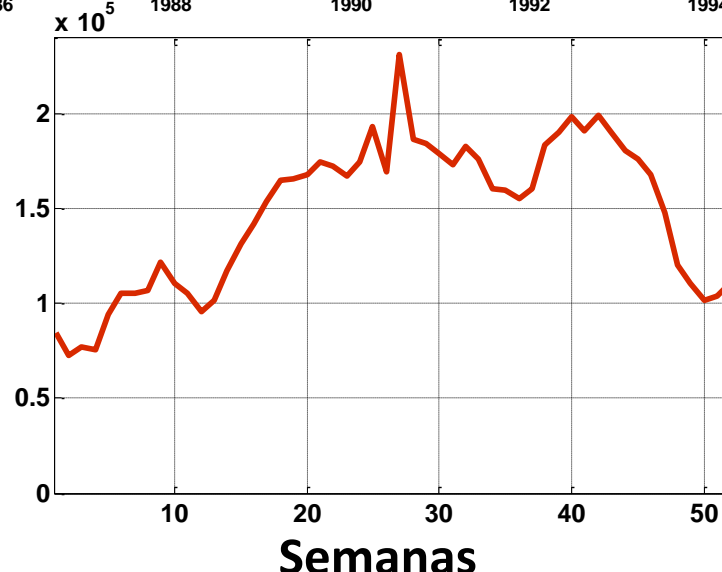
Es entonces el promedio de la variable para cada mes.

CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA

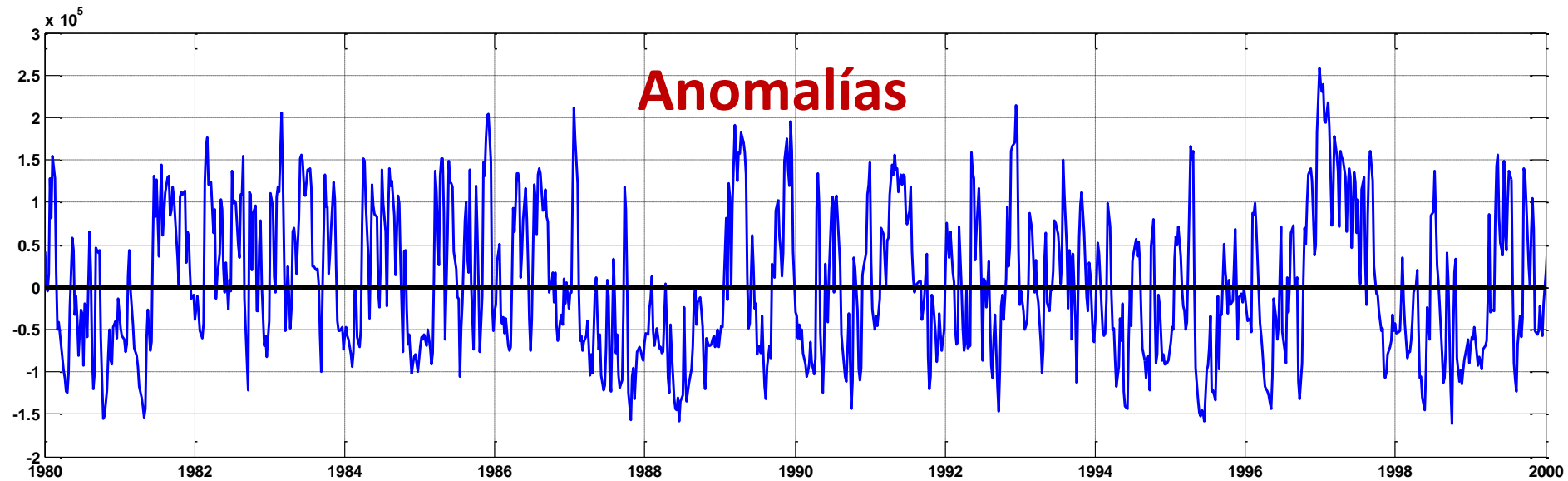
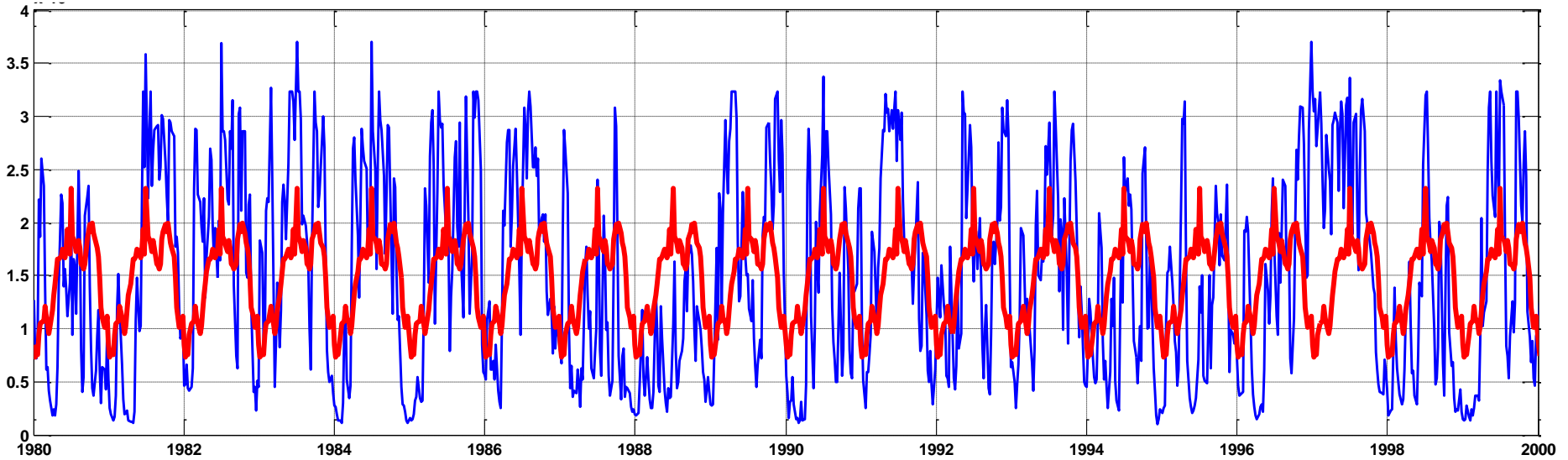
Caudales



Ciclo anual



CARACTERIZACIÓN DE LA INFORMACIÓN HIDROLÓGICA



RELACIÓN ENTRE DOS VARIABLES “APAREADAS”

Dos Variables
Hidro-Climáticas

¡ Graficar !

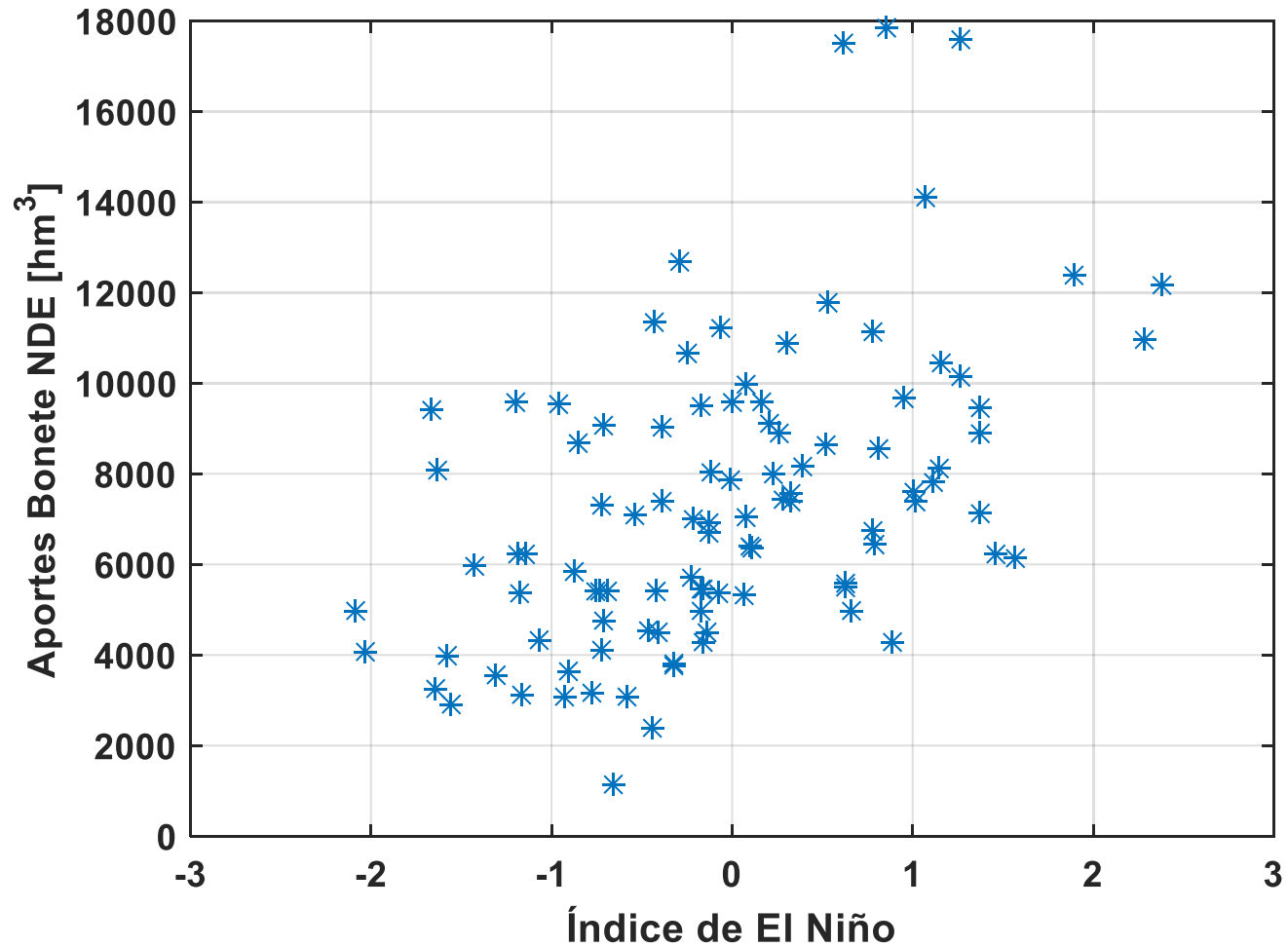


Gráfico de Dispersión - Scatter Plot

REGRESIÓN LINEAL SIMPLE

Busca “capturar” la relación entre dos variables mediante una función lineal en los parámetros, capturar aquél comportamiento de “y” que ‘está asociado’ a “x”

“X”

“Y”

Non - random

Random

Explicativa

Respuesta

Observada

No observada

Independiente

Dependiente

Input (Entrada)

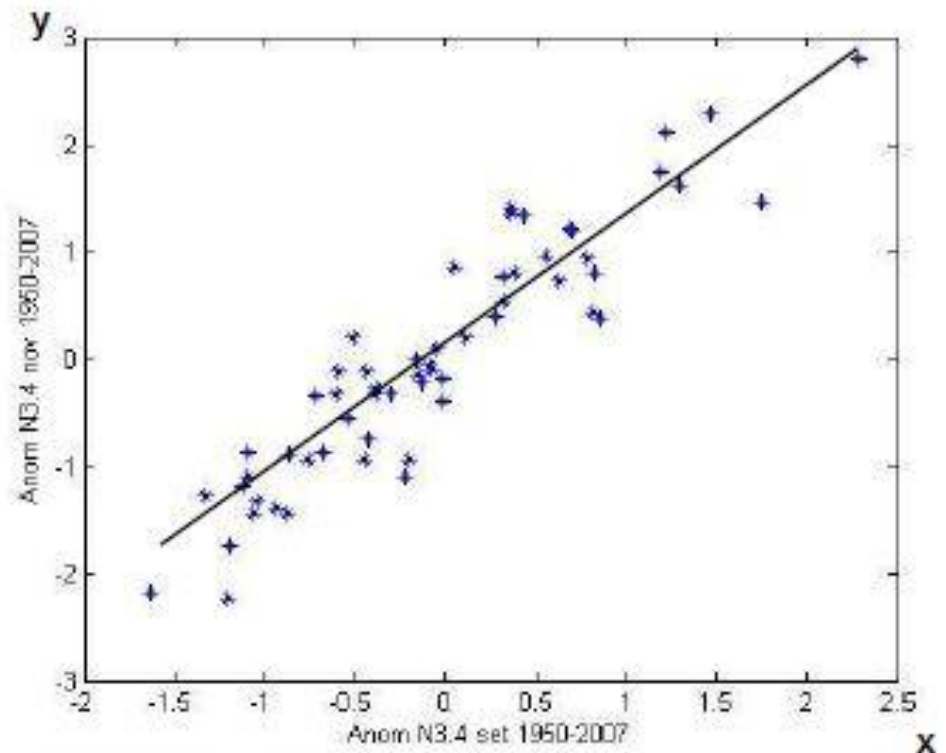
Output (salida)

Regresor

“Regresando”

Predictor

Predictando



REGRESIÓN LINEAL SIMPLE

Obviamente hay una correlación entre “x” e “y” (el coeficiente de correlación va a aparecer) pero hay una asimetría: se modela **y** en función de **x**, juegan roles distintos. Sigue sin implicar causalidad.

$$\hat{y} = a + b \cdot x$$

a, b: Parámetros, función lineal en ellos
x: Variable independiente
ŷ: Variable modelada

Pronóstico estadístico

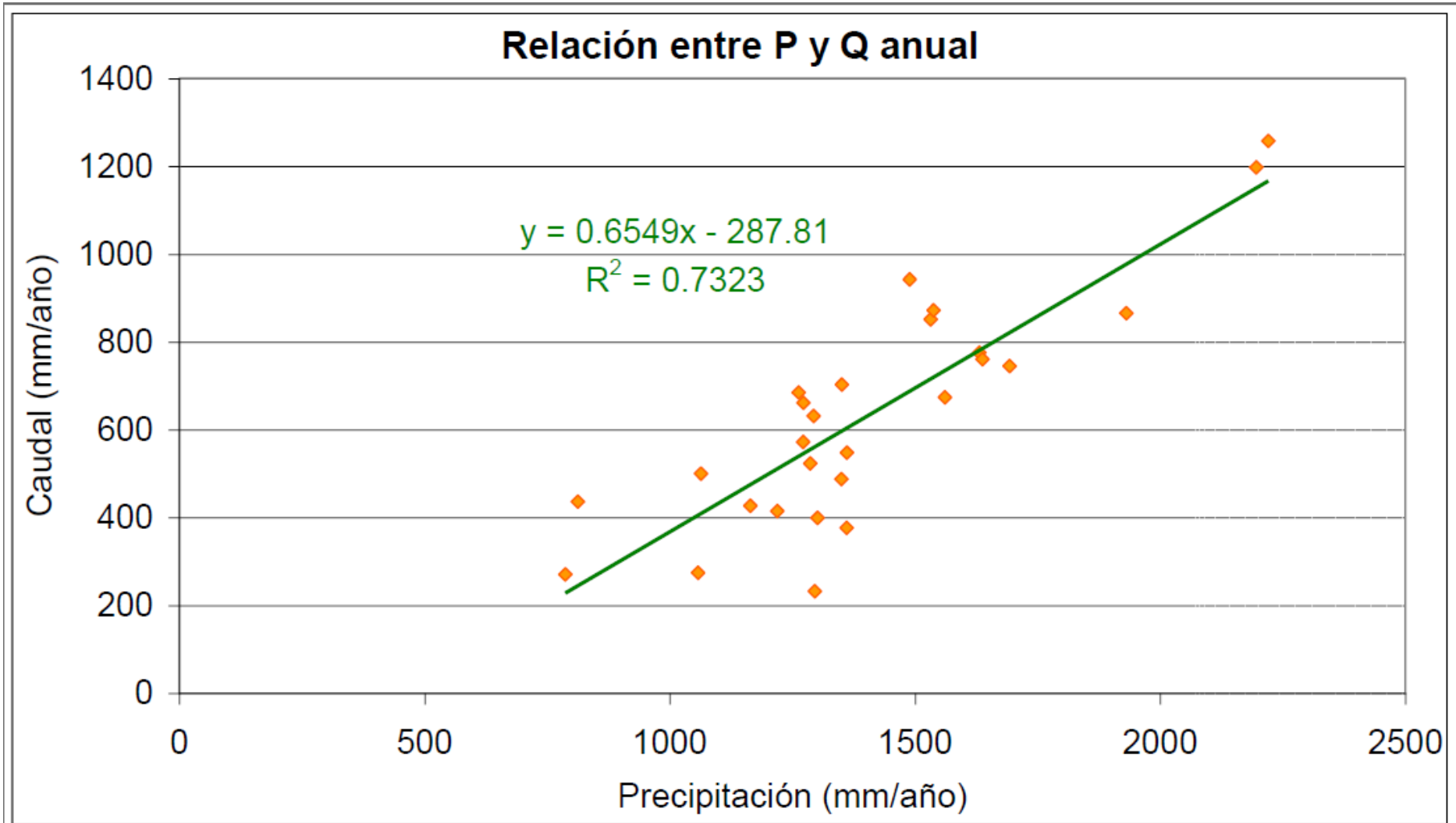
(“x” antecede a “y”, o “x” cuenta con un modelo predictivo propio)

Relleno de datos de “y”

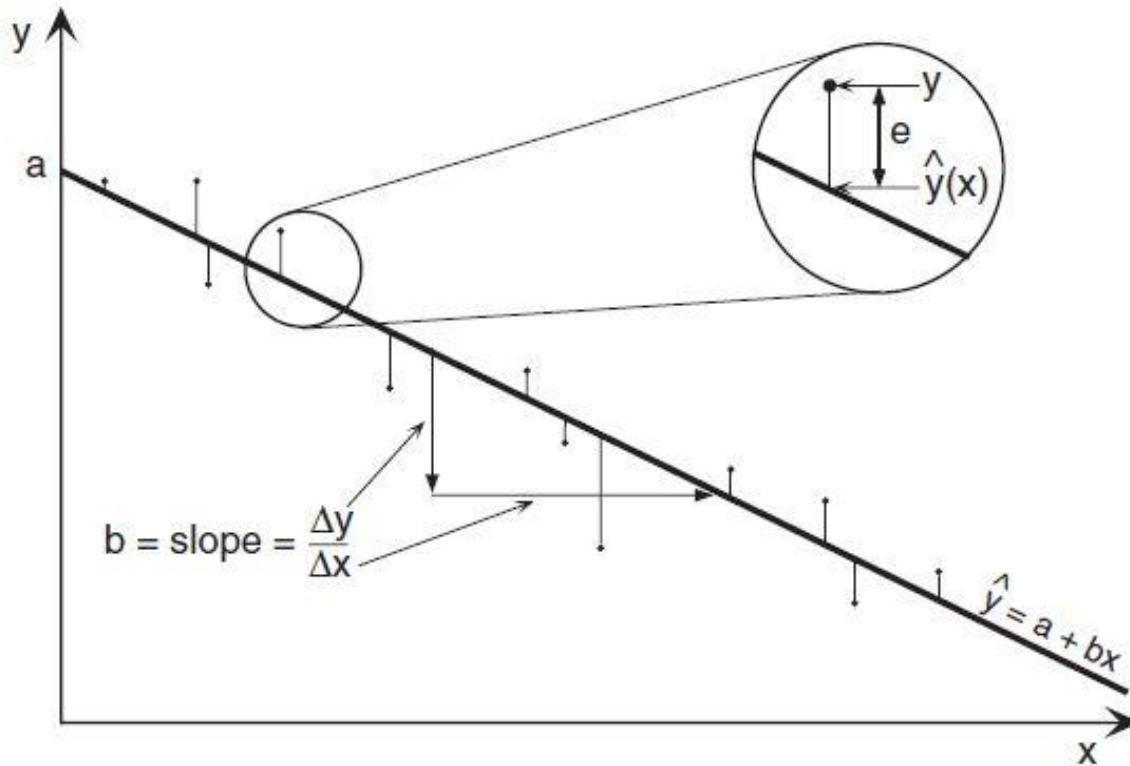
En general: escribir una variable en función de otra

Se obtiene una descripción de “y” que solo captura aquello que “x” explica

REGRESIÓN LINEAL SIMPLE



REGRESIÓN LINEAL SIMPLE



Error o Residuo
 $e_i = y_i - \hat{y}(x_i)$

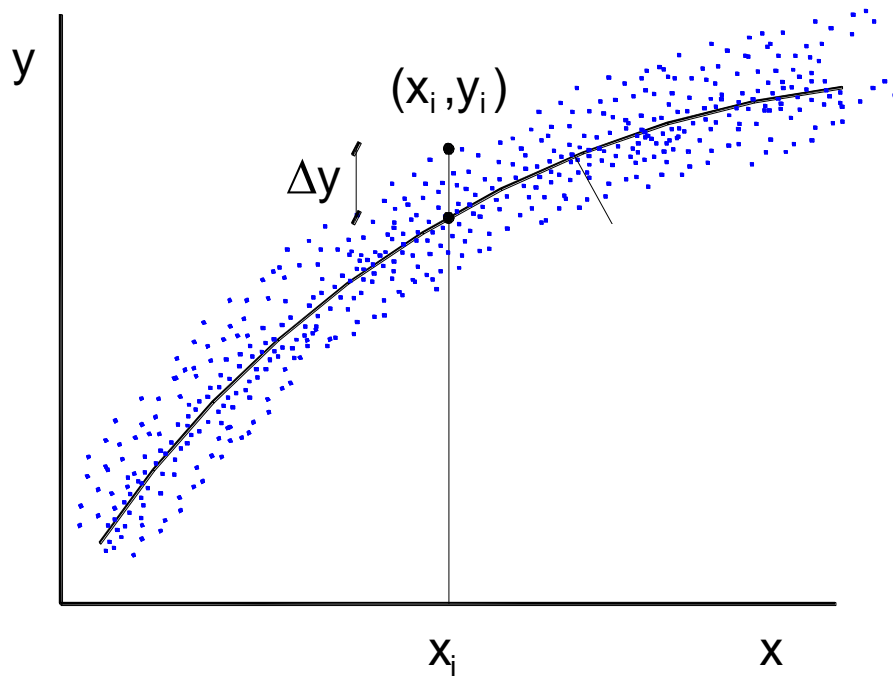
$$y_i = a + b \cdot x_i + e_i$$

Estimación
por
Mínimos
Cuadrados

$$b = \frac{\sum_{i=1}^n [(x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})]}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} = \frac{n \sum_{i=1}^n x_i y_i - \left(\sum_{i=1}^n x_i\right) \left(\sum_{i=1}^n y_i\right)}{n \sum_{i=1}^n (x_i)^2 - \left(\sum_{i=1}^n x_i\right)^2}$$

$$a = \bar{y} - b\bar{x}.$$

REGRESIÓN LINEAL SIMPLE



$$(x_i, y_i) \Rightarrow q=f(x_i) , w=g(y_i)$$

Transformación o cambio de variable

$$\hat{w} = a + b \cdot q$$

Por ejemplo

$$\hat{y} = a + b \cdot x + c \cdot x^2$$

es lineal en a, b y c de orden 2

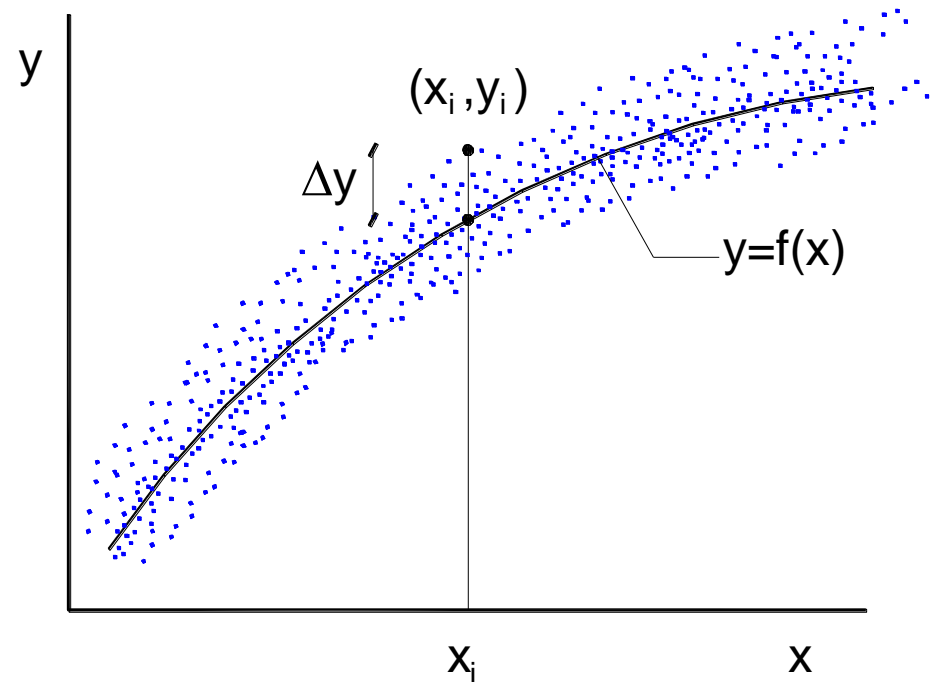
$$\hat{y} = a + b \cdot x^2$$

es una regresión lineal simple en y, x^2

REGRESIÓN LINEAL SIMPLE

Justificación de e_i

- ✓ Pueden existir **otras variables** no consideradas en la explicación de la variable dependiente
- ✓ Puede existir un **término estocástico** que persiste sobre los factores determinísticos
- ✓ **Errores de medición** de la variable dependiente

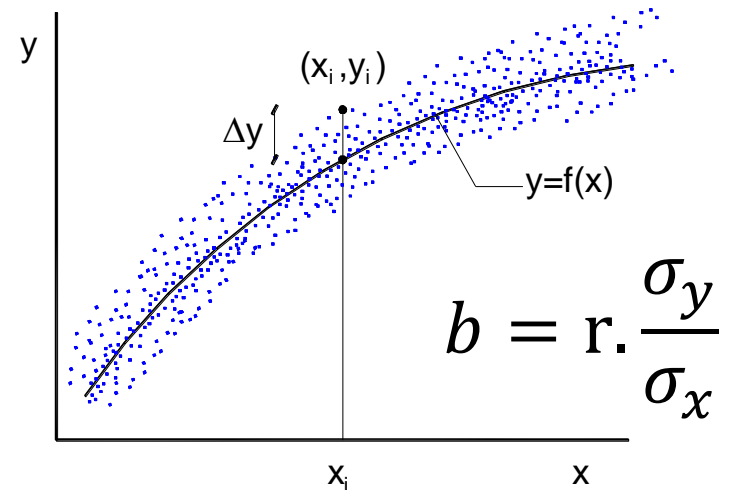


COEFICIENTE DE CORRELACIÓN DE PEARSON

Coeficiente adimensional que proporciona una medida de cuán fuerte es la correlación **lineal** entre dos variables.

Coeficiente de determinación: $R^2 = r^2$

$$r = \frac{Cov(x, y)}{\sigma_x \cdot \sigma_y}$$
$$Cov(x, y) = \frac{1}{n-1} \sum (x - \bar{x}) \cdot (y - \bar{y})$$
$$-1 < r < 1$$



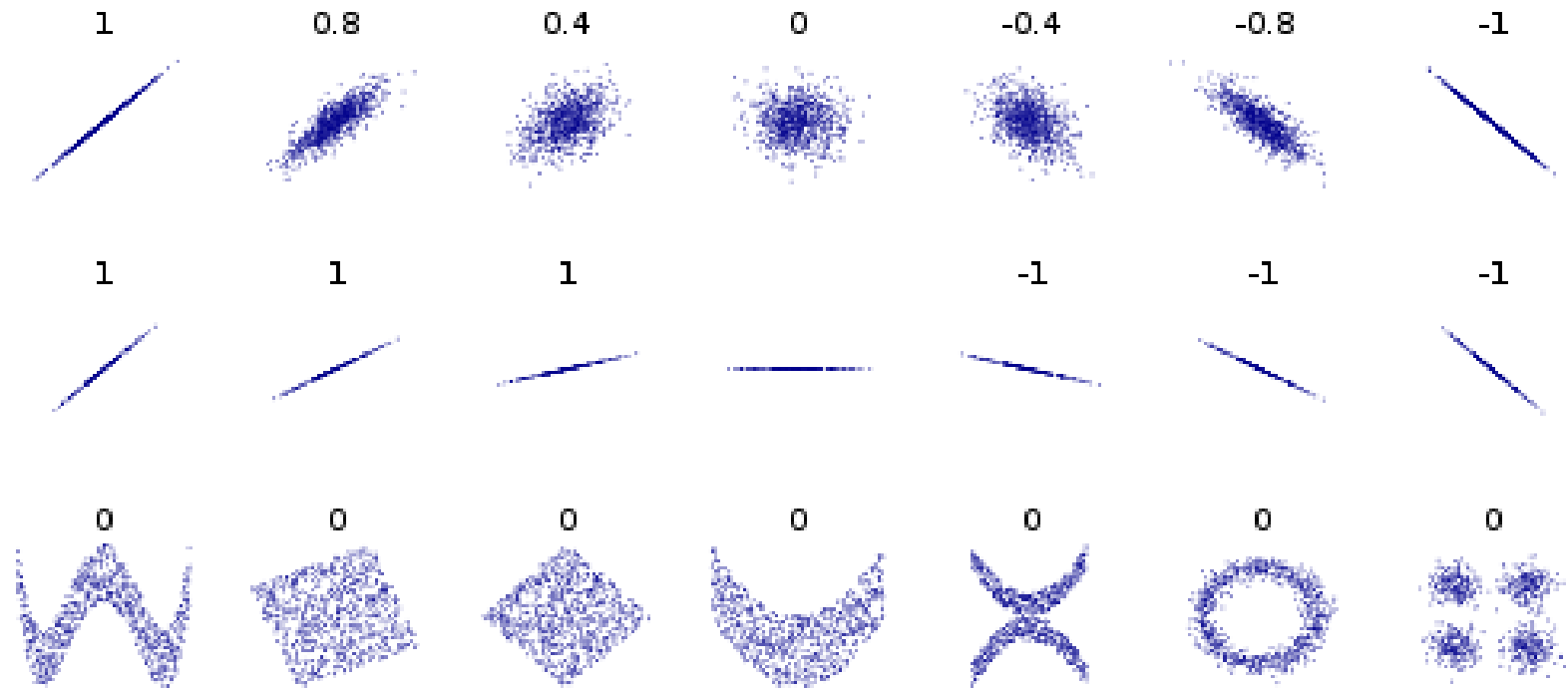
Cuando $r \rightarrow 0$ se dice que son no correlacionadas.

Cuando $|r| \rightarrow 1$ se dice que las variables están fuertemente correlacionadas

La correlación no evidencia una relación causal

COEFICIENTE DE CORRELACIÓN DE PEARSON

$$-1 \leq r_{xy} \leq 1$$

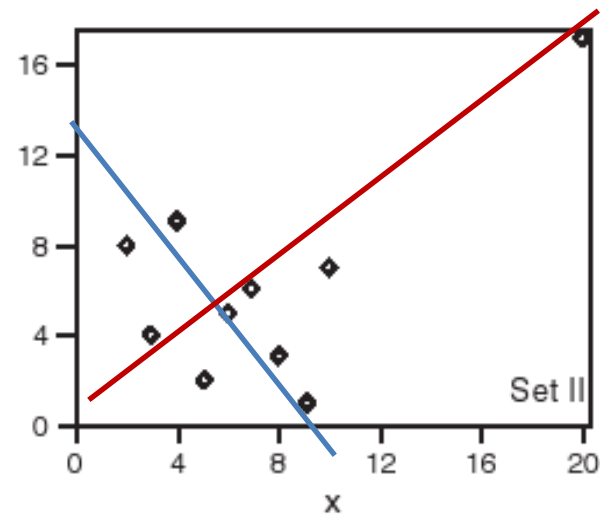
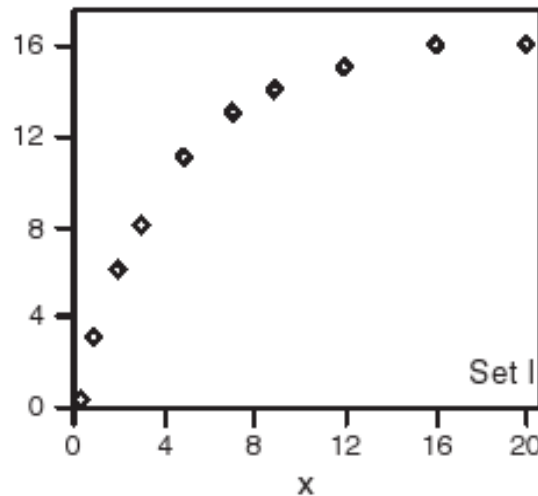


COEFICIENTE DE CORRELACIÓN DE PEARSON

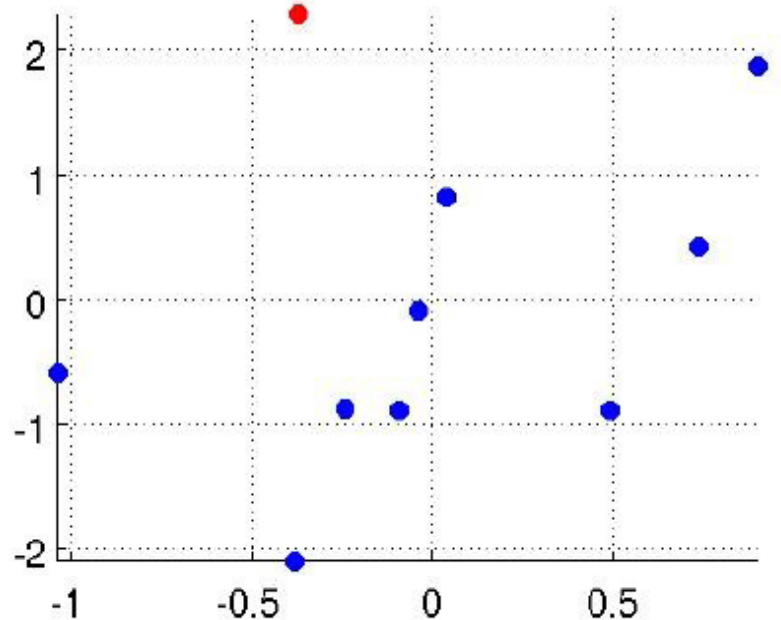
 r_{xy}^2

Indica la fracción de la varianza de una de las dos variables que está descrita linealmente por la otra

No es **ni robusta** (caracteriza relaciones lineales)
ni resistente (sensible a outliers)



COEFICIENTE DE CORRELACIÓN DE PEARSON



Poca resistencia a outliers

Correlación con punto rojo

$r=0.34$

Correlacion sin dato rojo

$r=0.61$

SIGNIFICANCIA DEL COEFICIENTE DE CORRELACIÓN

Significancia Estadística

- ❖ Verificación de que un enunciado no se pueda explicar simplemente por el azar.
- ❖ Algo es estadísticamente significativo al 95% quiere decir que las chances de que ocurra por azar (sin señal alguna) es 5%

Significancia del coeficiente de correlación de Pearson

- ❖ Se ha diseñado un test estadística para determinar si el coeficiente de correlación es “significativamente distinto” de cero (Hipótesis Nula)

Significancia Estadística NO ES LO MISMO que relevancia, importancia
Protege frente a la “interpretación del azar” y es crítico cuando las
muestras son chicas.

SIGNIFICANCIA DEL COEFICIENTE DE CORRELACIÓN

Se construye el siguiente estadístico de contraste:
$$t = \frac{r\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}}$$

La Hipótesis que la correlación es nula se rechaza si $|t| > t_{\text{critico}}$, donde t_{critico} es el punto en la distribución t-Student con $n-2$ grados de libertad con probabilidad de excedencia de $\alpha/2$ (α =nivel de confianza).

Critical Values for Correlation Coefficient r

n	$\alpha = 0.05$	$\alpha = 0.01$	n	$\alpha = 0.05$	$\alpha = 0.01$	n	$\alpha = 0.05$	$\alpha = 0.01$
3	1.00	1.00	13	0.53	0.68	23	0.41	0.53
4	0.95	0.99	14	0.53	0.66	24	0.40	0.52
5	0.88	0.96	15	0.51	0.64	25	0.40	0.51
6	0.81	0.92	16	0.50	0.61	26	0.39	0.50
7	0.75	0.87	17	0.48	0.61	27	0.38	0.49
8	0.71	0.83	18	0.47	0.59	28	0.37	0.48
9	0.67	0.80	19	0.46	0.58	29	0.37	0.47
10	0.63	0.76	20	0.44	0.56	30	0.36	0.46
11	0.60	0.73	21	0.43	0.55			
12	0.58	0.71	22	0.42	0.54			

COEFICIENTE DE CORRELACIÓN DE SPEARMAN (DE RANGO)

Consiste en hacer lo mismo que en Pearson pero a los rangos de los datos.

Como los números son naturales, haciendo cuentas, se puede expresar la correlación como:

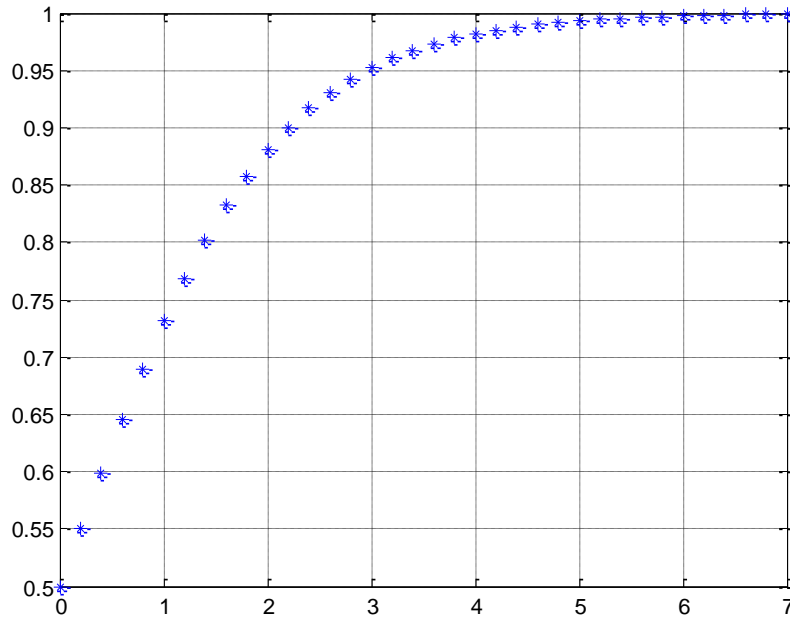
$$r_{\text{rank}} = 1 - \frac{6 \sum_{i=1}^n D_i^2}{n(n^2 - 1)}$$

Donde $D_i = \text{rango}(x_i) - \text{rango}(y_i)$

Es robusta y resistente

COEFICIENTE DE CORRELACIÓN DE SPEARMAN (DE RANGO)

Así como Pearson captura la relación lineal,
Spearman captura una relación monotónica



$r_{\text{Pearson}}=0.85$

$r_{\text{Spearman}}=1$

CONTROL DE CALIDAD

- ❖ En ausencia de contexto alguno es muy difícil detectar errores puntuales o sistemáticos que no sean elementales
 - ❖ Sin contexto, solo se puede dar alertas de datos sospechosos que se deberán verificar
- ❖ El Control de Calidad de datos es una disciplina en sí misma, daremos solo algunos elementos de guía
 - ❖ Daremos algunos estrategias exploratorias

CONTROL DE CALIDAD

Contextos que posibilitan la detección de errores

❖ Errores puntuales en datos aislados

- ✓ Estaciones de medición “suficientemente” cercanas
- ✓ Otra información relevante (lluvia – escurrimiento)

❖ Errores sistemáticos en períodos de datos

- ✓ Conocimiento de estadísticos de la distribución de la variable (número de días de lluvia, precipitación media y su ciclo anual, etc)
- ✓ Estaciones de medición “suficientemente” cercanas
- ✓ En ausencia de conocimiento de los estadísticos o de acceso a datos cercanos, hipótesis de estacionariedad de la serie puede detectar errores en base a tendencias de estadísticos (p.e. media)

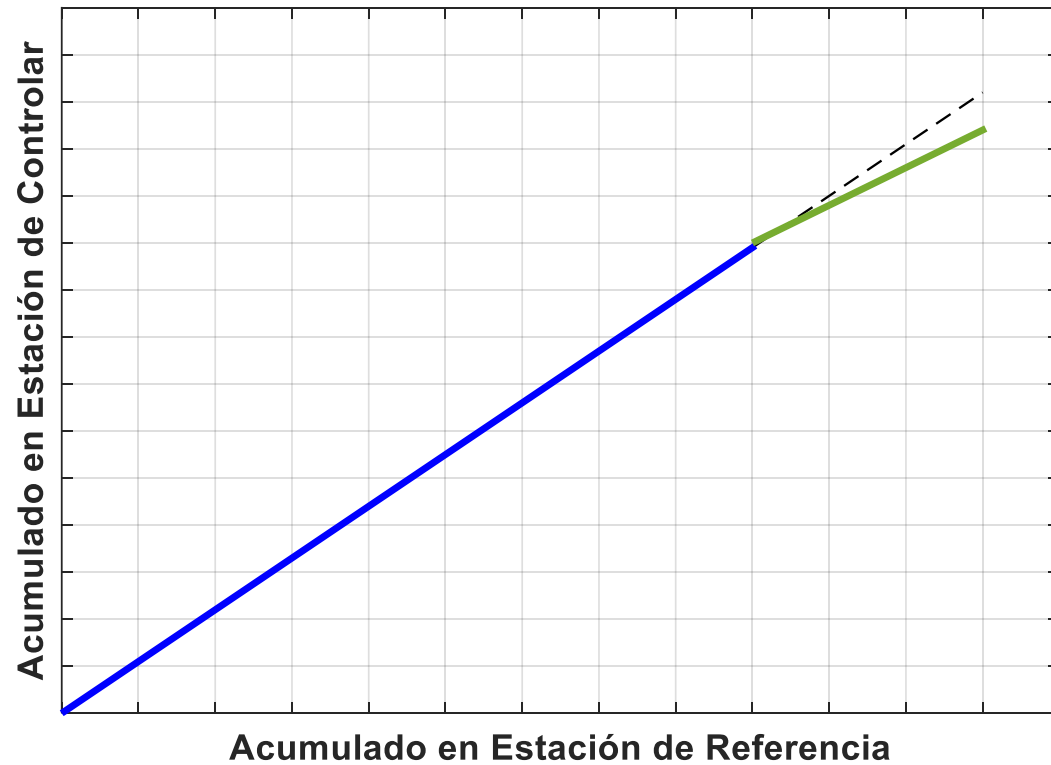
CONTROL DE CALIDAD

En contexto del país y estaciones vecinas

- ❖ Verificar estadísticos robustos
 - ✓ Frecuencias media de lluvia (¿menores a 20%?)
 - ✓ Media anual (¿muy baja/alta?)
- ❖ Verificar lluvias excepcionales (¿ $P > 100$ mm/día?)
- ❖ Acumulado de un año demasiado lejano a estación contigua, ¿cuál es más confiable?
- ❖ Métodos más objetivos para errores sistemáticos
 - ✓ Doble masa (Gilman, 1964)
 - ✓ Análisis de Correspondencias
 - ✓ Análisis de componentes principales

CONTROL DE CALIDAD

En contexto del país y estaciones vecinas



CAUDALES

- ❖ En general surge de la observación de niveles en secciones aforadas
- ❖ Como se verá, los aforos tienen rangos de validez
- ❖ Medida puntual que integra procesos hidrológicos en la cuenca de aporte
- ❖ Para analizar la relación P-Q también se incorpora la incertidumbre del conocimiento del campo de precipitaciones más allá de los puntos de observación (estimación remota: radar, satélite)

CURVA DE PERMANENCIA

- ❖ Representa la frecuencia con que ocurren valores iguales o superiores a los valores de una serie temporal.
- ❖ Es muy utilizada para evaluar el potencial de una sección fluvial
 - ❖ Determinar la garantía (95%) de contar con caudales iguales o mayores a la demanda que se desea abastecer durante un (95%) del tiempo.

CURVA DE PERMANENCIA

Trazado de la Curva de Permanencia

- a) Ordenar la variable temporal en orden decreciente, atribuyendo orden 1 al mayor valor y orden n al menor valor, en una muestra de tamaño n .
- b) Calcular la frecuencia con que cada valor ordenado es excedido o igualado (permanencia), como $100.(m/n)$, siendo m el orden y n el tamaño de la muestra.
- c) Graficar la serie ordenada con la escala de permanencia representada en el eje de las abscisas.

Es esencialmente una función de frecuencia acumulada,
contiene exactamente la misma información

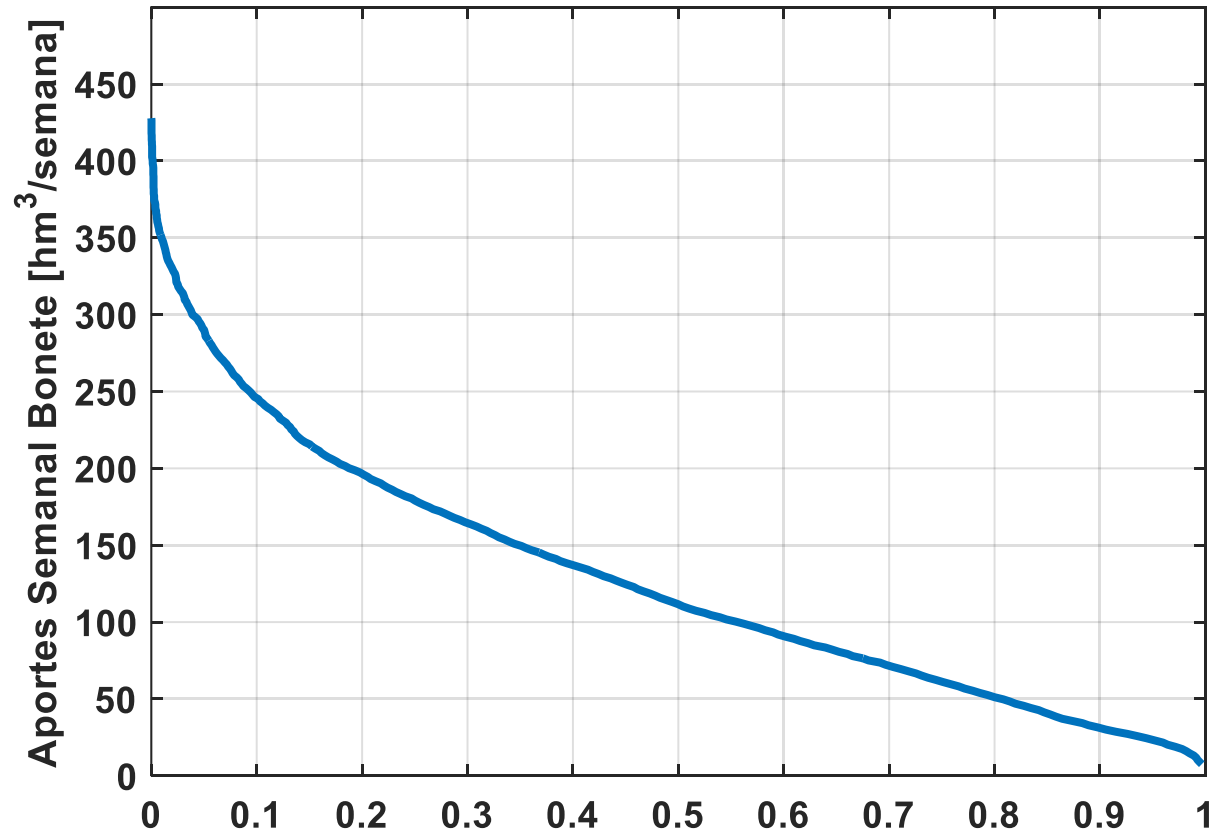
CURVA DE PERMANENCIA

Trazado de la Curva de Permanencia

100%
42 datos

Orden	Permanencia (%)	Q (m3/s)	Orden	Permanencia (%)	Q (m3/s)
1	2,38	17,622	22	52,38	8,647
2	4,76	15,711	23	54,76	8,389
3	7,14	14,491	24	57,14	8,336
4	9,52	13,471	25	59,52	8,315
5	11,90	13,251	26	61,90	7,529
6	14,29	13,047	27	64,29	7,410
7	16,67	12,945	28	66,67	7,102
8	19,05	12,719	29	69,05	6,625
9	21,43	12,496	30	71,43	6,513
10	23,81	12,226	31	73,81	6,439
11	26,19	11,993	32	76,19	5,950
12	28,57	11,932	33	78,57	5,805
13	30,95	11,697	34	80,95	5,598
14	33,33	11,376	35	83,33	5,553
15	35,71	11,328	36	85,71	4,889
16	38,10	11,307	37	88,10	4,866
17	40,48	10,661	38	90,48	4,527
18	42,86	10,470	39	92,86	4,186
19	45,24	10,231	40	95,24	3,842
20	47,62	9,841	41	97,62	3,037
21	50,00	9,281	42	100,00	2,912

CURVA DE PERMANENCIA

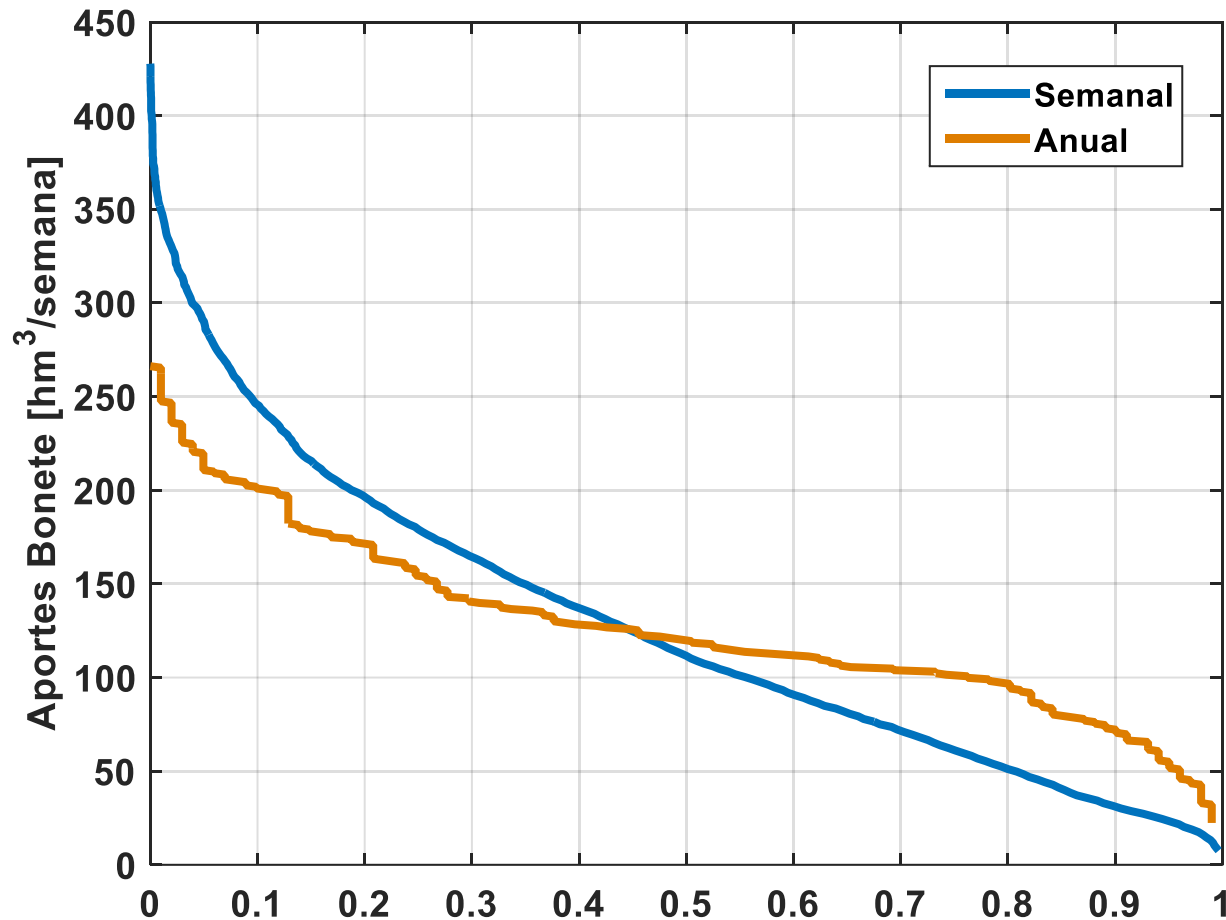


Curva de Permanencia de caudales SEMANALES en Bonete

¡ 101 años de datos !

Ojo con representatividad del período de muestreo sobretodo para los extremos

CURVA DE PERMANENCIA



La Curva de Permanencia depende del intervalo de medida
(se “achata” a medida que se integra en el tiempo)
La escala adecuada depende del Diseño Hidrológico de interés.

HIDROLOGÍA ESTADÍSTICA



Edición 2024

Rafael Terra

Instituto de Mecánica de los Fluidos e Ingeniería Ambiental (IMFIA)
Facultad de Ingeniería, Universidad de la República, Uruguay

rterra@fing.edu.uy