

2^{do} Parcial - 28 de noviembre de 2019

- Duración del parcial: 3:00 Hs.
- No se podrá utilizar ningún tipo de material (apuntes, libro, calculadora, etc). Apague su teléfono celular.
- **Sólo** se contestarán preguntas sobre interpretación de la letra hasta 30 minutos antes de la finalización del parcial.
- Escriba las hojas de un solo lado. Las partes no legibles del examen se considerarán no escritas.
- En la primera hoja a entregar ponga con letra clara, en el ángulo superior derecho, su **nombre**, número de **cédula de identidad** y **cantidad de hojas** -en ese orden-; en las demás hojas pongan nombre, número de cédula y número de página.

Para la resolución de los diferentes ejercicios **solamente** podrá utilizar las siguientes funciones brindadas por **Octave**:

- `length()` y `size()`
- `mod()` y `rem()`
- `floor()`, `ceil()` y `round()`
- `zeros()` y `ones()`

Nota: En todos los ejercicios se deben usar las estructuras de control adecuadas para cada caso.

Problema 1 | 8 (1, 1, 2, 2, 2) pts

- Represente el número -15 en complemento a 1 con 5 bits.
- Realice la suma de los siguientes enteros en complemento a 2 con 5 bits: 10011 y 10010.
- En un sistema de punto flotante con 1 bit de signo, 3 bits de exponente y 5 de mantisa, donde el exponente 000 se reserva para los números desnormalizados y el 111 se reserva para Infinito y NaN:
 - ¿Cuántos números en punto flotante (normalizados) son representables entre el 4 y el 8 (incluyendo el 4 y el 8)? Justifique
 - ¿Cuál es el decimal representado por la tira 1 101 10000?
 - Restar los siguientes números representados en el sistema anterior:

0 110 11101

1 100 10000

Problema 2 | 12 (4,8) pts

- Implementar en *Octave* la función **recursiva** *Suma* que, dado un vector retorna la suma de sus elementos.
- Implementar en *Octave* la función **recursiva** *SumaParImpar* que, dado un vector de enteros, retorne dos números: la suma de los elementos en posiciones impares y la suma de los elementos en posiciones pares.

`SumaParImpar([1,6,2,5,4]) = [1+2+4,6+5]=[7,11]`

`SumaParImpar([1]) = [1,0]`

`SumaParImpar([]) = [0,0]`

Problema 3 | 8 pts

Implemente la función **iterativa** *esSimetrica* que reciba una matriz cuadrada y devuelva 1 si la matriz es simétrica y 0 sino. La función debe recorrer la menor cantidad posible de elementos.

Problema 4	8 pts	
-------------------	-------	--

Decimos que una posición i de un vector es la "reflexión horizontal" de otra posición k si se cumple que:

$$i == \text{length}(v) - k + 1$$

Es decir, la primer posición es la reflexión horizontal de la última, la segunda de la penúltima, etc.

Implementar en *Octave* la función **recursiva** `sumaReflexiones_rec`, que dado un vector v , retorne un vector u tal que para todo $i \leq k$ donde i es la reflexión horizontal de k en v , $u(i) = v(i) + v(k)$.

Ejemplos:

```
sumaReflexiones([1,6,2,5]) = [1+5,6+2]=[6,8]
sumaReflexiones([1,6,3,2,5]) = [1+5,6+2,3+3]=[6,8,6]
sumaReflexiones([]) = []
```

Problema 5	8 pts	
-------------------	-------	--

Implementar en *Octave* la función **iterativa** `Combinaciones` que, dado un natural, k , devuelva una matriz con una columna por cada combinación posible de largo k de 0's y 1's.

Ejemplo:

Las combinaciones de largo 3 de 0's y 1's es una matriz de dimensión 3×2^3 :

0	0	0	0	1	1	1	1
0	0	1	1	0	0	1	1
0	1	0	1	0	1	0	1

Consejo: observe el patrón de 0's y 1's de la matriz en el ejemplo. Puede utilizar las funciones de *Octave* `zeros(m,n)` y `ones(m,n)`.

Problema 6	16 (8,8) pts	
-------------------	--------------	--

a) Para una matriz dispersa A , y un vector denso x , la operación $y = A*x$ (producto matriz-vector) puede calcularse de la siguiente manera:

paso 1) inicializar y como un vector de ceros

paso 2) para todo i, j tal que $A(i,j)$ es distinto de 0, $y(i) = y(i) + A(i,j)*x(j)$

Implementar en *Octave* la función **iterativa** `spmv_it` donde a partir de una matriz dispersa de tamaño $m \times n$ **en formato elemental** y un vector de tamaño n , devuelva un vector de tamaño m que sea el resultado de la multiplicación de la matriz por el vector de entrada. La función debe recibir por parámetro la matriz en formato elemental, el vector y m .

b) Implementar en *Octave* la función **recursiva** `mult_col_rec` que reciba una matriz dispersa de tamaño $m \times n$ **en formato elemental** y un vector v de tamaño n , devolviendo una matriz dispersa **en formato elemental** con el resultado de multiplicar cada elemento de la columna i de la matriz por $v(i)$, para cada elemento i del vector v . Notar que v puede contener 0's.