

# RSA

A

$$n = p \cdot q,$$

sabe  $p, q$

sabe calcular

$$\varphi(n) = (p-1)(q-1)$$

sabe que  
 $e$  coprimo con  $\varphi(n)$   
 $\Rightarrow$  puede calcular

$$d = e^{-1} \pmod{\varphi(n)}$$

$$de \equiv 1 \pmod{\varphi(n)}$$

Datos Públicos

$$(n, e)$$

clave pública  
de Alice

B

Sabe  $x$   
(lo que quiere  
mandar)

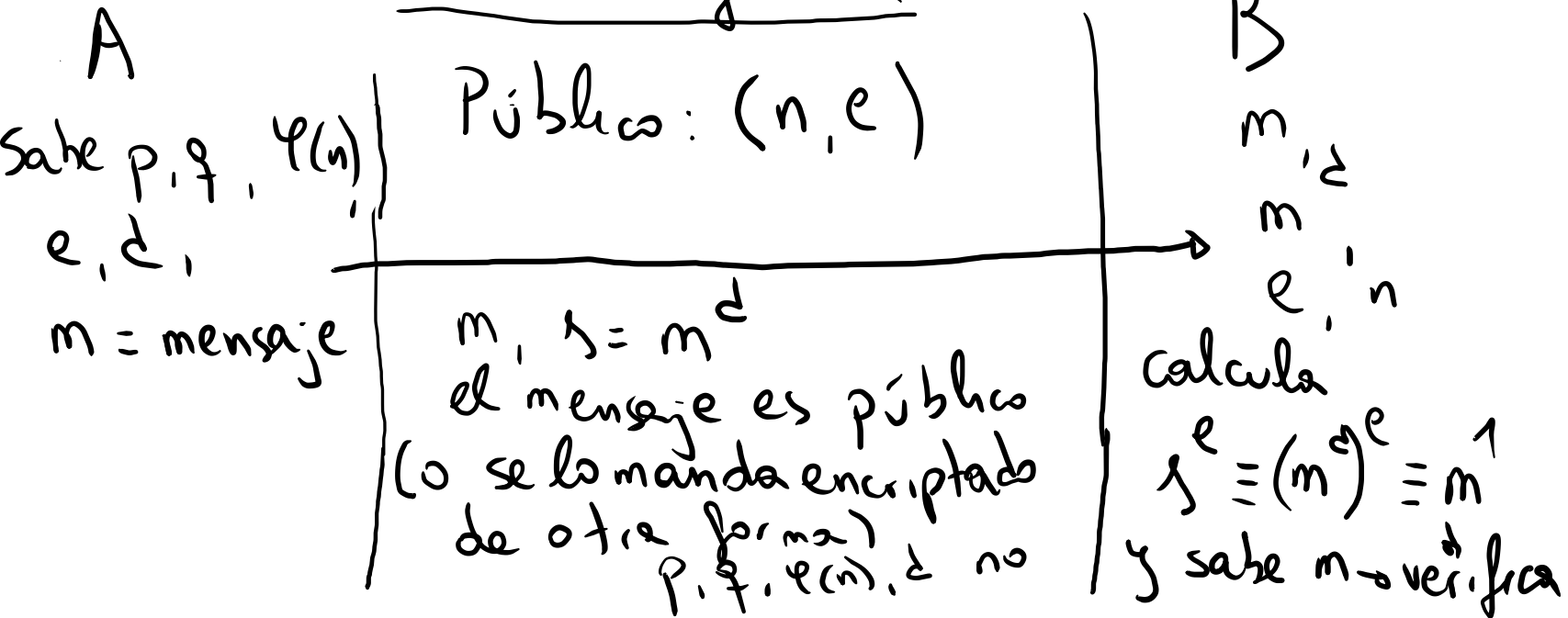
$$y = x^e \pmod{n}$$

Alice calcula  $y^d \pmod n$

$$y^d \equiv (x^e)^d \equiv x^{ed} \equiv x^1 \pmod n$$

descriptó  $x$ .

### Firma digital



8) Alice manda 3 documentos a Bob  
 $x, y, z$ , firmados

Clave de Alice =  $(10379, 17)$  (lo sabe Bob)

Sea  $d = 17^{-1} \pmod{\varphi(10379)}$

Bob recibe

$$x, s = x^d, y, t = y^d, z, u = z^d$$

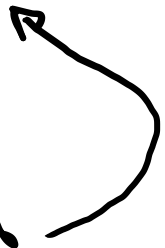
sabe que

$$s^{17} = x, t^{17} = y, u^{17} = z$$

} con esto  
intenta  
averiguar  $d$   
(anda a  
saber cómo)

Bob falsifica la firma de Alice.  
manda  $(m, f)$   
 $\hookrightarrow$  firma falsa.

Lo que tendría que pasar  
es que  $f^{17} \equiv m \pmod{10379}$

Si Bob falsificó sin éxito,  
no le dio la igualdad   
(hacer la cuenta para los 4 casos)

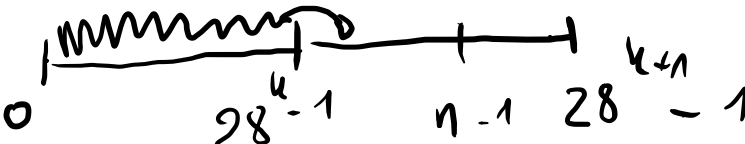
ECB (n, e) clave pública  
Texto de Letras  $\longrightarrow$  número mód n

↓  
Texto de Letras  $\longleftarrow$  número encriptado mód n  
encriptados si queramos

MATERIA

¿ qué tamaño de bloque  
máximo puedo encriptar?

Letras  $\longleftrightarrow$  números de 0 a 27  $\left( \begin{array}{l} \text{En ASCII} \\ \text{de 0 a 128} \\ 256 \end{array} \right)$   
Con k cifras puedo obtener  $28^k$  números.


  
 Necesito que  $28^k < n < 28^{k+1}$

Si  $n = 606409$

$28^2 = 784$  ,  $28^3 = 21.952$  ,  $28^4 = 614.656$

$k = 3$

MATERIA

dígitos  
 MAT  
 12 0 20

$12 \cdot 28^2 + 0 \cdot 28^1 + 20 \cdot 28^0$

da un  $n^{\circ}$  entre 0 y  $606409 - 1 < 28^4 - 1$  → este  $n^{\circ}$

Text ← lo escribo en  
 encriptado. base 28 con 4 cifras.

← lo llevo  
 a la 1111