

$$\frac{1}{2} \text{ a) } Q_2 = Q_1 = 0,08 \text{ m}^3/\text{s} \quad Q = \pi r_1^2 \cdot v_1 \Rightarrow v_1 = 2,55 \text{ m/s}$$

$$Q = \pi r_2^2 \cdot v_2 \Rightarrow v_2 = 10,2 \text{ m/s}$$

b) Hidrostática sobre tubo/tanque el mercurio:

$$P_0 = P_2 + [\rho_{\text{Hg}} x + \rho_a (D-x)] g \Rightarrow P_2 - P_0 = -1,73 \text{ kPa}$$

c) Bernoulli entre sup. tanque y punto 2: v

$$P_0 + \rho_a g H = P_2 + \frac{1}{2} \rho_a v_2^2$$

$$H = \frac{(P_2 - P_0) + \frac{1}{2} \rho_a v_2^2}{\rho_a g} \Rightarrow H = 5,42 \text{ m}$$

d) La tubería 1 tiene sección recta mayor y por lo tanto menor velocidad (ver resultado de item a). Estando ambos en la misma línea horizontal, no hay diferencia en energía gravitatoria. La ec. de Bernoulli entre 1 y 2 queda

$$P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho (v_2^2 - v_1^2)$$

∴ $v_2 > v_1 \Rightarrow P_1 > P_2 \Rightarrow X$ deberá bajar!

2) a) Tubo 1: Abierto - cerrado $\Rightarrow \lambda_m = \frac{4L_1}{(2m-1)}$

$$\lambda_m^{(1)} f_m^{(1)} = v_s \Rightarrow f_m^{(1)} = \frac{v_s (2m-1)}{4L_1} ; m=1,2,3$$

$$f_1^{(1)} = 245,0 \text{ Hz} ; f_2^{(1)} = 735,0 \text{ Hz} ; f_3^{(1)} = 1225 \text{ Hz}$$

Tubo 2: Abierto - Abierto $\Rightarrow \lambda_m = \frac{2L_2}{m}$

$$f_m^{(2)} = \frac{v_s}{2L_2} \cdot m \Rightarrow f_1^{(2)} = 263,8 \text{ Hz}$$

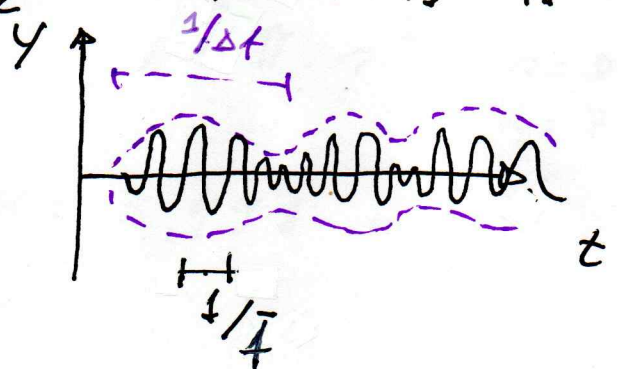
b) ha superposición de ondas de frecuencias diferentes, pero próximas, generan pulsaciones (o batidos):

$$y_R = A \cos(k_1 x - 2\pi f_1^{(1)} t) + A \cos(k_2 x - 2\pi f_1^{(2)} t)$$

que resulta en dos ondas viajeras con frecuencias $\bar{f} = \frac{f_1^{(1)} + f_1^{(2)}}{2}$ y $\Delta f = f_1^{(2)} - f_1^{(1)}$

$$\bar{f} = 254,4 \text{ Hz}$$

$$\Delta f = 18,84 \text{ Hz}$$



c) Efecto Doppler, fuente en movimiento, observador parado:

$$v' = \frac{v}{1 \pm \frac{v_f}{v_s}}$$

v : Frecuencia Original $v = f_1^{(2)}$
 v' : " Observada $v' = f_1^{(1)}$

$$v_f = \left(\frac{v' - v}{v} \right) v_s \Rightarrow v_f = 269,42 \text{ m/s}$$

$$d) I_{dB} = 40 \cdot \log \left(\frac{I^{SI}}{I_0} \right)$$

$$I_T^{SI} = I_1 + I_2 = \frac{W_1}{4\pi x^2} + \frac{W_2}{4\pi(D^2 + x^2)}$$

$$I_{dB}^{Max} = 120 \text{ dB}$$

$$I_T^{SI} < I_{Max}^{SI}$$

$$I_{Max}^{SI} = I_0 \cdot 10^{\left(\frac{I_{dB}^{Max}}{40}\right)} = 1 \text{ W/m}^2$$

$$D = \left[\frac{(W_1 + W_2)x^2 - 4\pi \cdot x^4}{4\pi x^2 - W_1} \right]^{1/2} \Rightarrow D = 11,3 \text{ cm}$$

3) Tanque vacío: $F_{R1} = m \cdot g \quad (I)$

" lleno: $F_{R2} + E = m \cdot g \quad (II)$

$$F_{R1} = k(y - l_0)$$

$$(II) - (I) \Rightarrow k(y' - y) = -E$$

$$F_{R2} = k(y' - l_0)$$

$$V_S = \frac{k(y - y')}{\rho_f \cdot g} \Rightarrow V_S = 48,8 \text{ lt}$$

$$E = \rho_f \cdot V_S \cdot g$$

$$\frac{V_S}{V_C} \cdot 100 = 1,88\%$$

b) $V_T = A \cdot H - V_S \quad A = \pi \cdot r^2$

$$r = 80 \text{ cm}$$

$$V_T = 7 \text{ m}^3$$

$$H = \frac{V_T + V_S}{A} \Rightarrow H = 3,494 \text{ m}$$