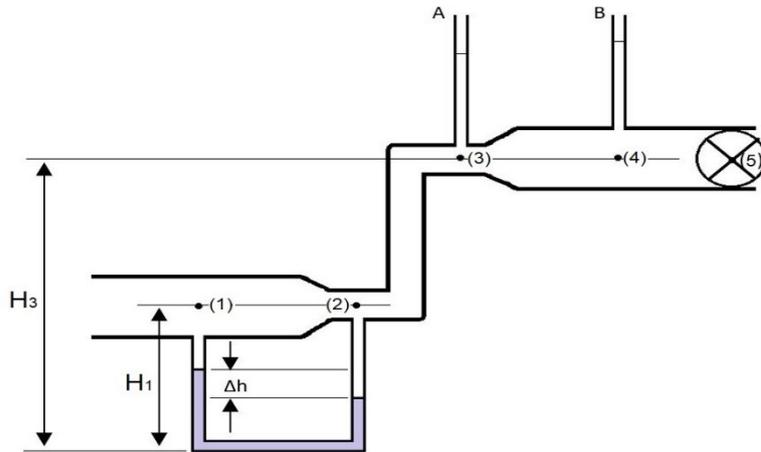


Solución problema 1:



- a Sean D el punto más alto en la columna de mercurio de la derecha, H_{aux} su altura y C el punto a la misma altura en la columna de la izquierda, entonces

$$P_C = P_D \Rightarrow P_1 + \rho g(H_1 - H_{aux} - \Delta h) + \rho_2 g \Delta h = P_2 + \rho g(H_1 - H_{aux})$$

como $P_1 = P_2$ porque están a la misma altura

$$\Rightarrow -\rho g(\Delta h) + \rho_2 g \Delta h = 0$$

$$\Rightarrow (\rho_2 - \rho) \Delta h = 0$$

$$\Rightarrow \Delta h = 0$$

- b La columna h_B será más alta que la columna h_A .

Justificación:

Por continuidad, $v_3 \cdot S_3 = v_4 \cdot S_4$ y como $S_4 > S_3$, se tiene que $v_3 > v_4$. Además, aplicando Bernoulli entre (3) y (4) se obtiene

$$P_3 + \frac{1}{2} \rho v_3^2 = P_4 + \frac{1}{2} \rho v_4^2 \Rightarrow P_3 < P_4$$

Dado que

$$P_3 = P_0 + \rho g h_A$$

$$P_4 = P_0 + \rho g h_B$$

Entonces $h_B > h_A$

- c Por continuidad $v_1 \cdot S_1 = v_4 \cdot S_4 = v_2 \cdot S_2 \Rightarrow v_1 = v_4$

Usando los puntos C y D de la parte a) y aplicando estática en el tubo en U:

$$P_C = P_D \Rightarrow P_1 + \rho g(H_1 - H_{aux} - \Delta h) + \rho_2 g \Delta h = P_2 + \rho g(H_1 - H_{aux})$$

$$\Rightarrow P_2 - P_1 = \rho_2 g \Delta h - \rho g \Delta h = (\rho_2 - \rho) g \Delta h \quad (\bullet_1)$$

Aplicando Bernoulli entre (1) y (2):

$$P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g H_1 = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g H_1$$

$$\Rightarrow P_2 - P_1 = \frac{1}{2} \rho (v_1^2 - v_2^2) = \frac{1}{2} \rho (v_4^2 - v_2^2) \quad (\bullet_2)$$

Igualando $(\bullet_1) = (\bullet_2)$ se obtiene

$$(\rho_2 - \rho) g \Delta h = \frac{1}{2} \rho (v_4^2 - v_2^2)$$

$$\Rightarrow \Delta h = \frac{1}{2} \rho (v_4^2 - v_2^2) / (\rho_2 - \rho) g$$

$$\Delta h = (v_4^2 - v_2^2) / 25,2 \cdot g$$

Por lo tanto, sustituyendolos valores

$$\Delta h = -0,26 \text{ m}$$

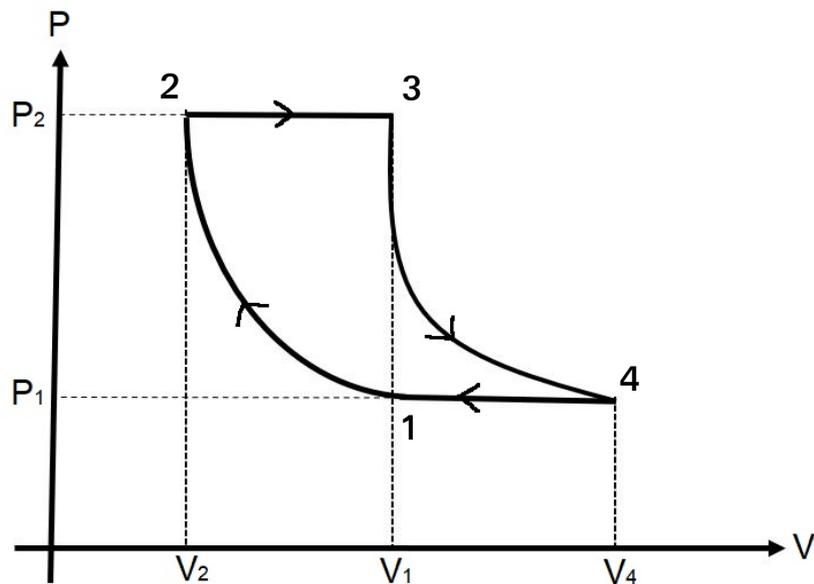
Obs: el signo de menos indica que la columna de la derecha en el tubo en U es más alta que la columna de la izquierda.

Solución problema 2:

- a) $\lambda_1 = 2L = 0.68 \text{ m}$, $\lambda_2 = L = 0.34 \text{ m}$, $\lambda_3 = 2L/3 = 0.23 \text{ m}$. $\nu_1 = 440 \text{ Hz}$, $\nu_2 = 880 \text{ Hz}$, $\nu_3 = 1324 \text{ Hz}$.
 b) $\nu_{\text{cuerda}} = \nu_{\text{sonido}}$, por lo tanto: $\lambda_{\text{sonido}} = (v_{\text{sonido}}/v_{\text{cuerda}}) \lambda_{\text{cuerda}} = (343/299) \lambda_{\text{cuerda}} = 1.15 \lambda_{\text{cuerda}}$;
 $\lambda_{\text{sonido}} = 0.78 \text{ m}$, $\lambda_{\text{sonido}} = 0.39 \text{ m}$, $\lambda_{\text{sonido}} = 0.26 \text{ m}$.
 c) 443 o 437 Hz.
 d) 443 Hz
 e) el oyente se mueve hacia el violín con una velocidad de: 3,94 m/s

Solución problema 3:

a)



b)

	Estado 1	Estado 2	Estado 3	Estado 4
P (kPa)	200	400	400	200
V (m³)	0,027	0,0135	0,027	0,0443
T (K)	324,7	324,7	649,5	532,8

Usando $PV = nRT \rightarrow T_1 = 324,7 \text{ K}$

De letra $V_2 = V_1/2 = 0,0135 \text{ m}^3$

Proceso 1 \rightarrow 2 isotérmico $\Rightarrow T_2 = T_1 = 324,7 \text{ K}$

Usando $PV = nRT \rightarrow P_2 = 400 \text{ kPa}$

Proceso 2 \rightarrow 3 isobárico $\Rightarrow P_3 = P_2 = 400 \text{ kPa}$

De letra $V_3 = V_1 = 0,027 \text{ m}^3$

Usando $PV = nRT \rightarrow T_3 = 649,5 \text{ K}$

Proceso 4 \rightarrow 1 isobárico $\Rightarrow P_4 = P_1 = 200 \text{ kPa}$

Proceso 3 → 4 adiabático ⇒ $P_3V_3^{1,4} = P_4V_4^{1,4} ⇒ V_4 = 0,044 \text{ m}^3$

Usando $PV = nRT → T_4 = 532,8 \text{ K}$

c)

	1 → 2	2 → 3	3 → 4	4 → 1
Q (J)	-3743	18900	0	-12109
W (J)	3743	-5400	-4851	3460
ΔE_{int} (J)	0	13500	-4851	-8649

Proceso 1 → 2 isotérmico

$$Q_{1 \rightarrow 2} = -W_{1 \rightarrow 2} = nRT_1 \ln(V_2/V_1) = -3743 \text{ J}$$

Procesos 2 → 3 y 4 → 1 isobáricos, entonces

$$Q = n \cdot c_p \cdot \Delta T, W = -P \cdot \Delta V$$

$$\cdot Q_{2 \rightarrow 3} = 18900 \text{ J}; W_{2 \rightarrow 3} = -5400 \text{ J}$$

$$\cdot Q_{4 \rightarrow 1} = -12109 \text{ J}; W_{4 \rightarrow 1} = 3460 \text{ J}$$

Proceso 3 → 4 adiabático ⇒ $Q_{3 \rightarrow 4} = 0 \text{ J}$

Por primera Ley: $\Delta E_{\text{int}} = Q+W$

d) Como el ciclo es en sentido horario podría representar una Máquina Térmica.

$$Q_{\text{in}} = Q_{2 \rightarrow 3} = 18900 \text{ J}$$

$$Q_{\text{out}} = Q_{1 \rightarrow 2} + Q_{4 \rightarrow 1} = 15852 \text{ J}$$

$$e_{\text{real}} = 1 - Q_{\text{in}}/Q_{\text{out}} = 0,16$$

$$e_{\text{carnot}} = 1 - T_1/T_3 = 0,50$$

Ya que $e_{\text{real}} < e_{\text{carnot}}$ el ciclo corresponde a una máquina térmica irreversible.

e) La variación de entropía del universo será:

$$\Delta S_u = \Delta S_{\text{gas}} + \Delta S_{T_L} + \Delta S_{T_H},$$

con:

$$\Delta S_{\text{gas}} : \text{variación de entropía del gas en un ciclo. Por tanto, } \Delta S_{\text{gas}} = 0 \frac{\text{J}}{\text{K}}$$

$$\Delta S_{T_L} : \text{variación de entropía de la reserva de baja temperatura. Por la letra } T_L = T_1 .$$

$$\Delta S_{T_H} : \text{variación de entropía de la reserva de alta temperatura. Por la letra } T_H = T_3 .$$

$$\text{Si } Q_L \text{ es el calor percibido por la reserva térmica de de baja temperatura, } \Delta S_{T_L} = \frac{Q_L}{T_1} .$$

$$\text{Si } Q_H \text{ es el calor percibido por la reserva térmica de de alta temperatura, } \Delta S_{T_H} = \frac{Q_H}{T_3} .$$

Finalmente:

$$\Delta S_u = 19,7 \frac{\text{J}}{\text{K}}$$