

Ejercicio 1**Parte a)**

Bernoulli entre los puntos E y 1.

$$P_1 + \frac{\rho v_1^2}{2} = P_0 + \rho g(H_E - H_1) + \frac{\rho v_E^2}{2} / v_E \approx 0 \quad (1)$$

Bernoulli entre los puntos 1-A.

$$P_1 + \rho g H_1 + \frac{\rho v_1^2}{2} = P_A + \rho g H_T + \frac{\rho v_A^2}{2} \quad (2)$$

Como $v_1 = v_A$ entonces la ecuación 2 se reduce a:

$$P_A = P_0 + \rho g(H_E - H_T) - \frac{\rho v_1^2}{2} \quad (3)$$

Parte b)

bernoulli entre los puntos R y 2.

$$P_2 + \frac{\rho v_2^2}{2} = P_0 + \rho g(H_R) + \frac{\rho v_R^2}{2} / v_R \approx 0 \quad (4)$$

Bernoulli entre los puntos 2-B.

$$P_2 + \frac{\rho v_2^2}{2} = P_B + \rho g H_T + \frac{\rho v_B^2}{2} \quad (5)$$

Como $v_2 = v_B$ entonces la ecuación 5 se reduce a:

$$P_B = P_0 + \rho g(H_R - H_T) - \frac{\rho v_2^2}{2} \quad (6)$$

Parte c)

i) La potencia está dada por:

$$\frac{dW}{dt} = \dot{W} = F \cdot v = (P_A - P_B) A v \quad (7)$$

Tomando en consideración que las secciones (y velocidades) en los puntos 1 y 2 son iguales:

$$\dot{W} = \rho g(H_E - H_R) A v = \dot{V} \rho g(H_E - H_R) \quad (8)$$

Entonces, $\dot{V} = \frac{\dot{W}}{\rho g(H_E - H_R)} = 6,79 \times 10^3 \frac{m^3}{s}$

Propiedades:

$$\operatorname{sen}(\alpha) + \operatorname{sen}(\beta) = 2\operatorname{sen}\left(\frac{\alpha + \beta}{2}\right)\cos\left(\frac{\alpha - \beta}{2}\right) \quad (1)$$

$$\cos^2(\alpha) = \frac{1}{2}(1 + \cos(2\alpha)) \quad (2)$$

Ejercicio 2

a.

i. Las expresiones de las ondas (planas) que se emiten son

$$\Delta P_1(x, t) = \Delta P_{max}\operatorname{sen}(kx - \omega t)$$

$$\Delta P_2(x, y) = \Delta P_{max}\operatorname{sen}(k(D - x) - \omega t)$$

sumándolas y utilizando la relación (1) se tiene que la variación de presión en un tiempo t a una distancia x de un parlante es

$$\Delta P = \Delta P_1 + \Delta P_2(x, t) = 2\Delta P_{max}\operatorname{sen}\left(\frac{kD}{2} - \omega t\right)\cos\left(kx - \frac{kD}{2}\right)$$

Recordando que la intensidad es $I = \frac{\Delta P^2}{2\rho v}$ y la propiedad (2), se tiene que la intensidad promedio en el tiempo es:

$$\text{respuesta: } I = \frac{\Delta P_{max}^2}{2\rho v}(1 + \cos(2(kx - \frac{kD}{2})))$$

ii. La intensidad es cero donde el coseno vale -1, es decir:

$$2(kx - \frac{kD}{2}) = (2n + 1)\pi$$

con n un entero cualquiera (positivo o negativo). Despejando se tiene que:

$$\text{respuesta: } x_{min} = \frac{c}{4f}(2n + 1) + D/2$$

(es decir $x_{min} = \dots, 10.3, 12.3, 14.3, 16.3, \dots$)

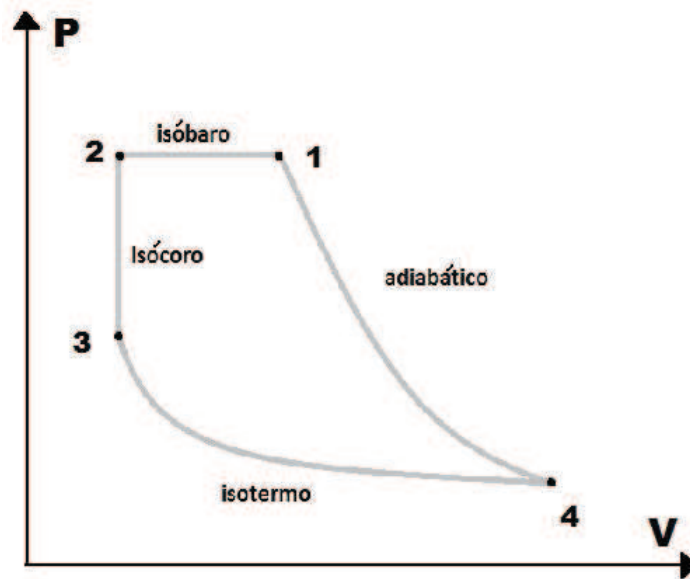
donde c es la velocidad del sonido

b. Utilizando las ecuaciones de efecto Doppler para observador en movimiento se tiene que las frecuencias que escucha son $f_1 = f(1 + \frac{v_0}{c})$ y $f_2 = f(1 - \frac{v_0}{c})$

Usando que la frecuencia de batido es $f_{bat} = f_1 - f_2$, y despejando se tiene que

$$\text{respuesta: } v_0 = \frac{cf_{bat}}{2f} \approx 1,0m/s$$

Un gas monoatómico verifica el ciclo mostrado en el siguiente diagrama P-V.



Resolución Ejercicio 3:

a)

Estado	Presión	Volumen	Temperatura (K)
1	500 kPa	1,38 litros	415
2	500 kPa	1,00 litros	300
3	458 kPa	1,00 litros	275
4	180 kPa	2,55 litros	275

b)

Proceso	Trabajo	Calor
1 2	$W = -P \cdot \Delta V = 192 \text{ J}$	$Q = n \cdot C_p \cdot \Delta T = - 479 \text{ J}$
2 3	$W = 0$	$Q = n \cdot C_v \cdot \Delta T = - 62,5 \text{ J}$
3 4	$W = - n \cdot R \cdot T \cdot \ln(V_f/V_i) = - 429 \text{ J}$	$Q = -W = 429 \text{ J}$
4 1	$W = \Delta E_{int} = 350 \text{ J}$	$Q = 0$

c)

i) $K = |Q_L| / |W| = (Q_{34} + Q_{23}) / (W_{34} + W_{41} + W_{12}) = 3,24$

ii) $\Delta S_u = \Delta S_{ciclo} + \Delta S_L + \Delta S_H = - |Q_{34}| / T_L + |Q_{23}| / T_L + |Q_{12}| / T_H = 0,26 \text{ J/K}$
 $\Delta S_{ciclo} = 0$ por ser la entropía una función de estado.

iii) $K_{Carnot} = T_L / (T_H - T_L) = 11$

Ningún refrigerador tiene mayor coeficiente de funcionamiento que el de Carnot