

Curso

# **SISTEMAS Y CONTROL**

## **Clase 28**

**Fotogramas de los pizarrones de clases filmadas**

Prof. Rafael Canetti

Instituto de Ingeniería Eléctrica,  
Facultad de Ingeniería, Universidad de la República  
Montevideo, Uruguay.

Año 2020

Este material fue elaborado como material de apoyo para ser utilizado por los estudiantes de este curso de Ingeniería Eléctrica de la Facultad de Ingeniería, Universidad de la República (Udelar).

No está autorizado su uso con fines comerciales. No está autorizada su edición, recorte o modificación. Ni tampoco su uso sin indicar adecuadamente su origen.

## Material auxiliar de esta clase

### **Hace uso de las animaciones:**

- Adelanto de fase variando  $a$  -- adel\_a\_varia.gif
- Adelanto de fase variando  $T$  -- adel\_Tvaria.gif
- Adelanto de fase variando  $k$  -- adel\_k\_varia.gif
- Adelanto en el lugar de las raíces (animación)
- 

### **Hace uso de las transparencias:**

- Ejemplo de compensación por adelanto de fase "compensadoresb\_ejemplo\_v5.pdf"
- Controladores

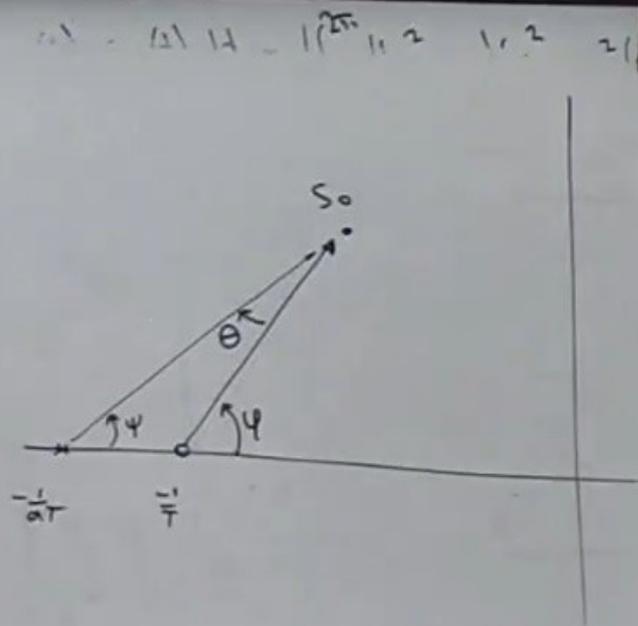
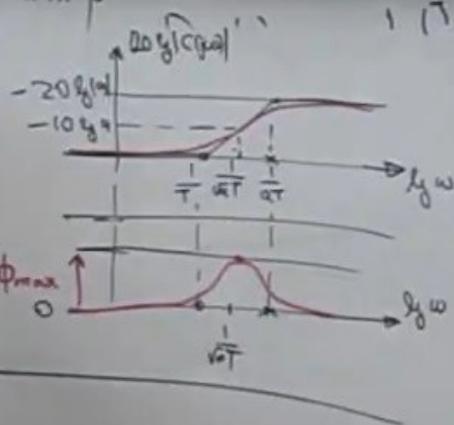
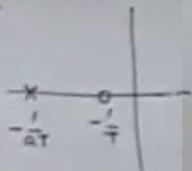
$$N=No$$

Compensador por adelanto de fase!

$$C(s) = K \frac{1+sT_z}{1+sT_p}$$

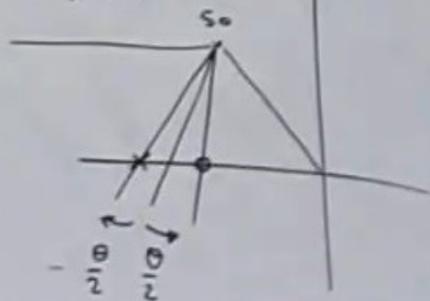
$$T_z > 0$$

$$0 < a < 1$$



Procedimiento de OGATA

$\theta$

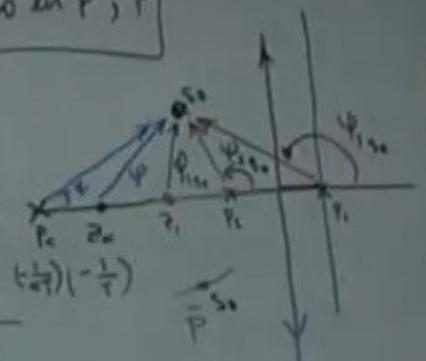


## Diseño de Compensadores en el Lugar Geométrico

- Dada la f. det. de la planta  $H(s)$   
 Diseñar un controlador que coloque polos del lazo cerrado en  $P, \bar{P}$

Sea

$$H(s) = \alpha \frac{\prod_{i=1}^m (s - z_i)}{\prod_{j=1}^n (s - p_j)} \quad C(s) = \frac{1 + Ts}{1 + aTs}$$



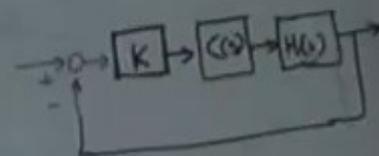
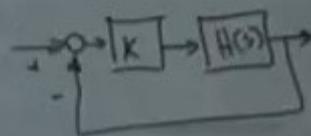
- (1) Diseñar  $C(s)$ : para que el L.G.P. de  $C(s)H(s)$  pase por  $P$
- (2) Encontrar  $K$ : para colocar polos del lazo cerrado en  $P, \bar{P}$   $(\frac{1}{T})(-\frac{1}{T})$

Para que  $s_0 \in \text{L.G.P.} \Leftrightarrow \exists K_0 > 0 / 1 + K_0 C(s_0)H(s_0) = 0$

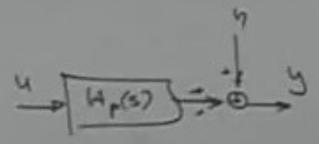
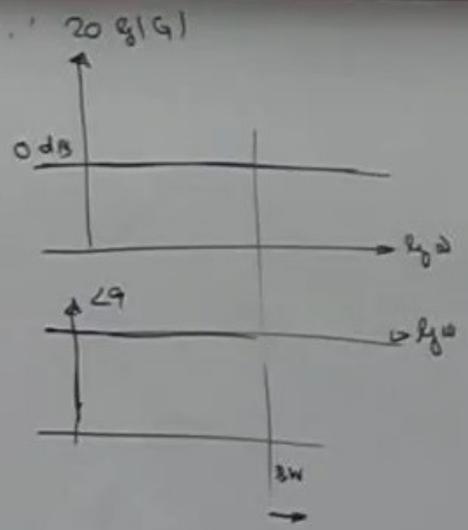
$$\Leftrightarrow \angle C(s_0)H(s_0) = \pi \pmod{2\pi}$$

$$\underbrace{\angle \alpha + \sum_{i=1}^m \psi_{i s_0} - \sum_{j=1}^n \psi_{j s_0}}_{\delta} + \underbrace{\psi - \psi}_{\theta} = \pi \pmod{2\pi}$$

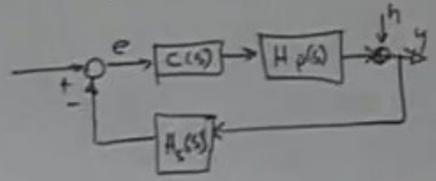
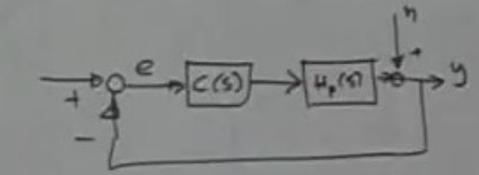
- 1) se calcula  $\delta = \angle \alpha + \sum \psi_{i s_0} - \sum \psi_{j s_0}$
- 2) se calcula  $\theta = \pi - \delta$



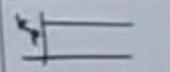
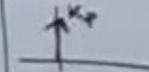
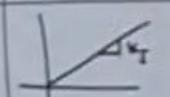
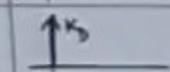
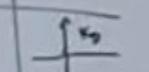
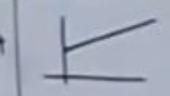
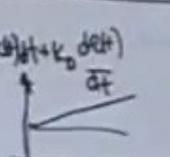
# Diseño de Controladores

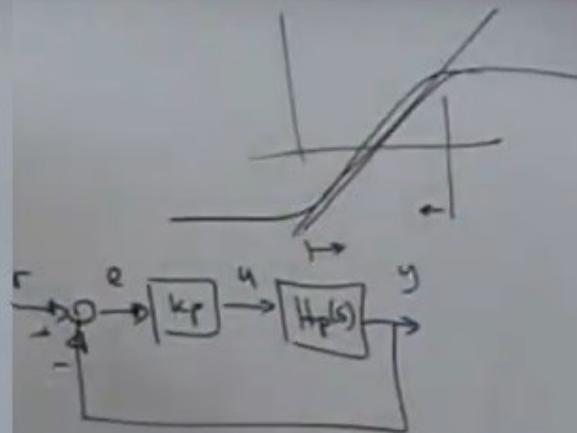


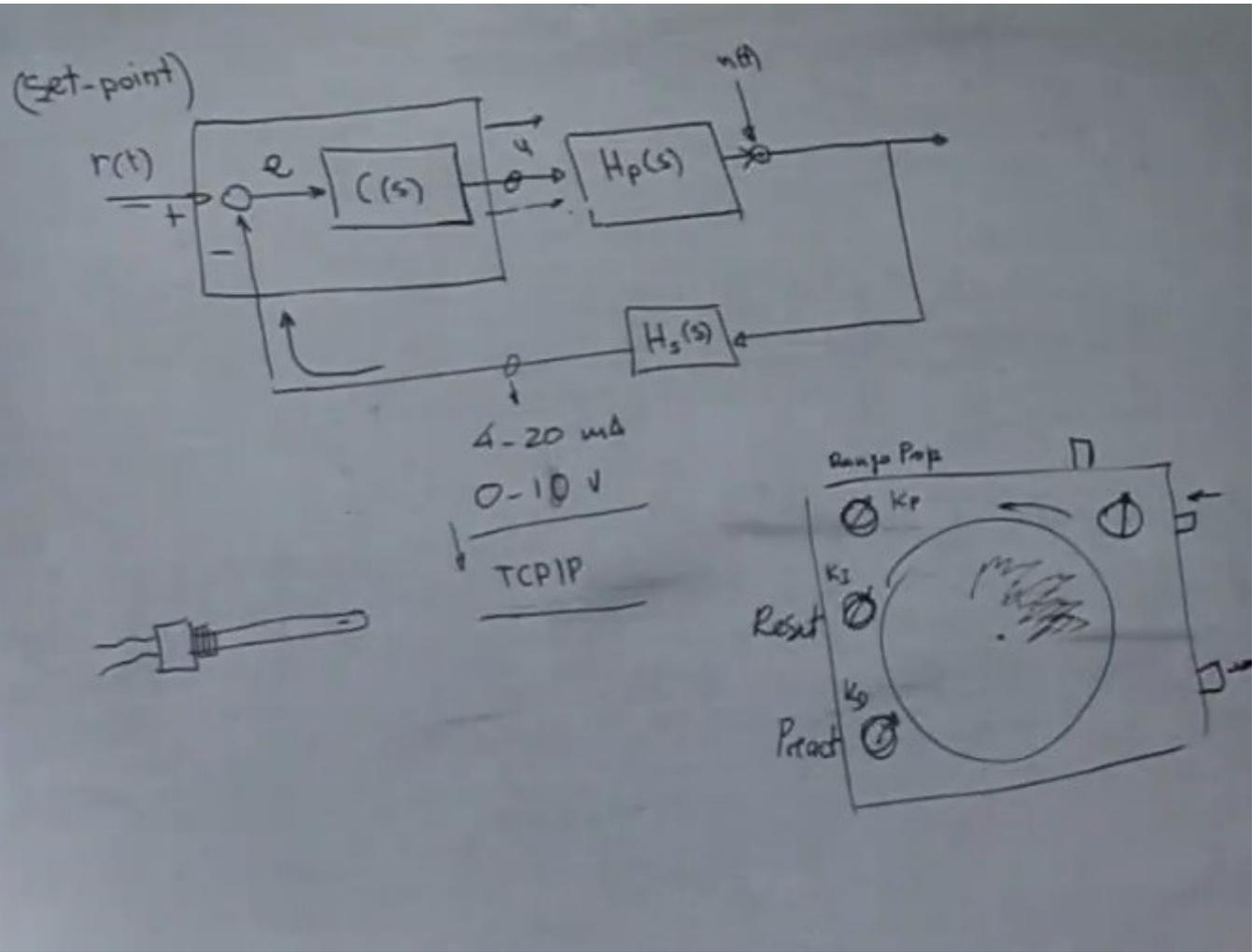
$$Y(s) = H_p(s)U(s) + N(s)$$



## Acciones de Control Industrial, acciones básicas de Control

Simbolo	F. de transfer.	Relax temporal	Resp. a ex.	Resp. a impulso	
P	$K_p$	$u(t) = k_p e(t)$			proporcional
I	$\frac{K_I}{s}$	$u(t) = \int_0^t k_I e(t) dt$			Integral
D	$k_D s$	$u(t) = k_D \frac{d e(t)}{dt}$			Derivativo
PI	$\frac{K_p + K_I}{s}$	$u(t) = k_p e(t) + \int_0^t k_I e(t) dt$			Prop-Int
PID	$K_p + \frac{K_I}{s} + K_D s$	$u(t) = k_p e(t) + \int_0^t k_I e(t) dt + k_D \frac{d e(t)}{dt}$			Prop-Int-derivativo

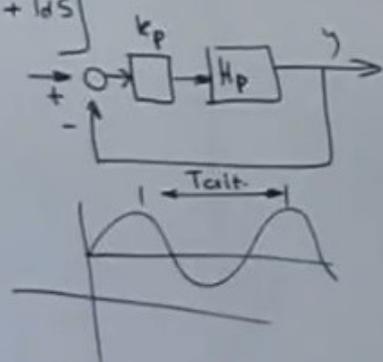




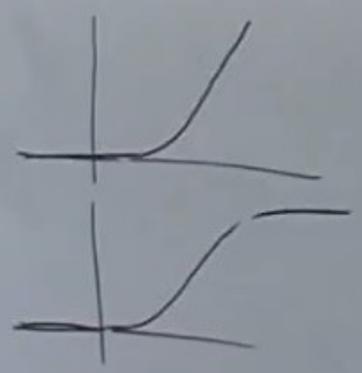
Reglas de Ziegler-Nichols

	$K_p$	$T_i$	$T_d$
P	$0.5 K_{crit.}$	—	—
PI	$0.45 K_{crit.}$	$0.85 T_{crit.}$	—
PID	$0.6 K_{crit.}$	$0.5 T_{crit.}$	$0.12 T_{crit.}$

$$C(s) = \left[ k_p + k_i \frac{1}{s} + k_d s \right] = k_p \left[ 1 + \frac{1}{T_i s} + T_d s \right]$$



$\frac{H_p}{K_p}$  con resp. a escalón



- 1) aumentar  $K_p$  hasta osc.  $\rightarrow$   $\left. \begin{matrix} K_{crit.} \\ T_{crit.} \end{matrix} \right\}$
- 2) usar los datos de la tabla