

Problema 1

El sistema de control de la mayoría de las aeronaves pequeñas se sirve de una serie de superficies móviles que modifican la pose de la aeronave aprovechando las fuerzas de acción y reacción del aire en el que se desplazan.

El siguiente problema se centra en el modelado y diseño del timón de dirección de una avioneta. Este timón modifica la pose de la aeronave en el plano horizontal. El timón se modela como una superficie rectangular de largo L , que pivota sobre uno de sus vértices.

Sobre dicha superficie actúan tres torques distintos:

- Un torque generado por acción del rozamiento del aire contra la superficie.
 - La fuerza de rozamiento del aire actúa siempre en la dirección de desplazamiento de la aeronave, y puede modelarse como $\vec{F}_{AIRE} = -b \cdot \text{sen}(\theta) \cdot \vec{v}_{AIRE}$, con:
 - b un coeficiente de rozamiento
 - θ el ángulo entre la superficie de control y la dirección de desplazamiento
 - \vec{v}_{AIRE} la velocidad relativa de la aeronave en el aire

La fuerza \vec{F}_{AIRE} actúa en el centro de masa del timón ($\frac{L}{2}$)

- Un torque generado por un sistema de accionamiento hidráulico τ_{AH}
- Un torque externo τ_{EXT} generado por fenómenos no modelados

Además, se suponen las siguientes características:

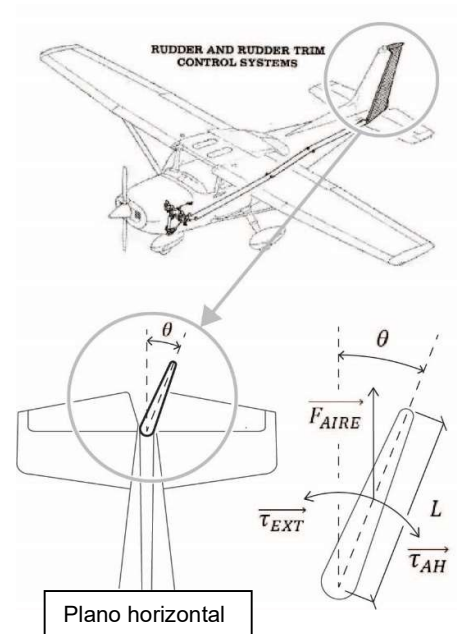
- La aeronave se considera un sistema inercial en si misma. Es decir, se desprecian las aceleraciones de transporte sobre el timón de dirección
- El timón de dirección tiene una inercia J sobre el eje de giro señalado en la figura

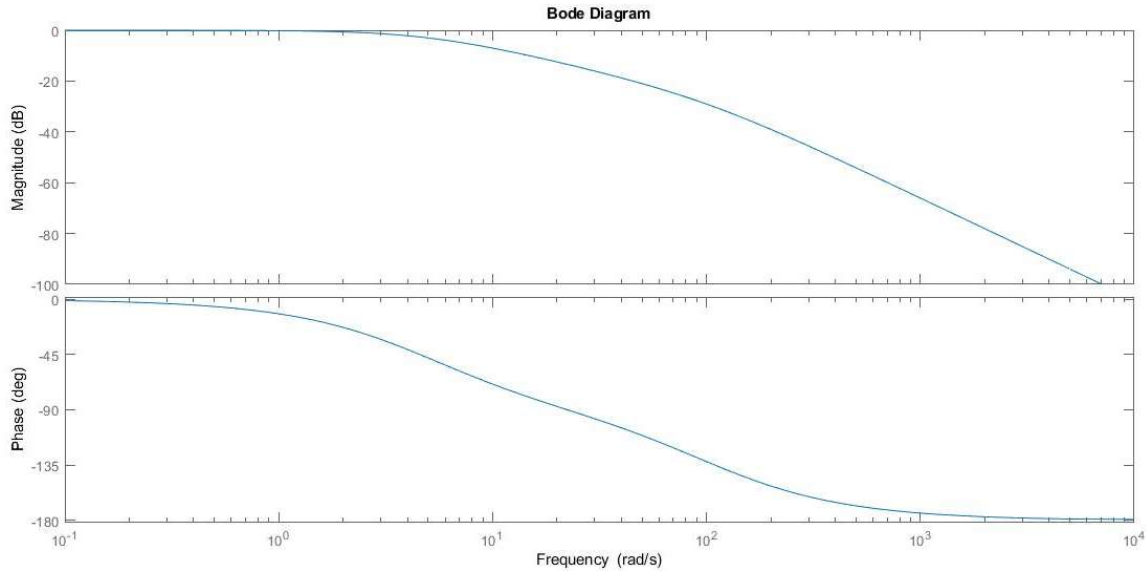
Se pide:

1. Desarrollar un modelo en variables de estado del sistema descrito, considerando $[\tau_{AH}, \tau_{EXT}, v_{AIRE}]$ como entradas y θ como salida

El sistema hidráulico que gobierna el timón es controlado por un voltaje v_C , generando τ_{AH} como salida. Con el objetivo de modelar este sistema se lleva adelante un ensayo en tierra ($v_{AIRE} = 0, \tau_{EXT} = 0$).

El ensayo consiste en inyectar señales v_C de distintas frecuencias y medir la velocidad angular resultante del timón $\dot{\theta}$, generando un **diagrama de Bode para $\frac{\dot{\theta}}{v_C}(s)$** . El resultado obtenido se muestra en la siguiente figura





2. En base al resultado del punto anterior, obtener un modelo para la **transferencia** $\frac{\tau_{AH}}{v_c}(s)$
3. Desarrollar una linealización del modelo obtenido en la parte 1 en torno al punto $[0, 0, v_{AIRE_0}]$. Analice conceptualmente el resultado obtenido, prestando especial atención a la relación entre las entradas y salidas del sistema.

Por su parte, el sistema hidráulico es comandado por un bloque con una respuesta $v_c = K \cdot (\theta_{SP} - \theta)$, donde θ_{SP} es una referencia de ángulo objetivo, K es una constante positiva y θ es el ángulo actual del timón.

4. Desarrollar un diagrama de bloques del sistema completo, considerando los resultados de las partes 1, 2 y 3
5. Determinar la matriz de transferencia del sistema

A partir de esta sección, se consideran los siguientes valores numéricos

$$J = 50 \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \qquad b = 100 \frac{\text{N} \cdot \text{s}}{\text{m}} \qquad L = 1 \text{ m} \qquad v_{AIRE_0} = 100 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

6. Dibujar el lugar geométrico de las raíces para el subsistema $\frac{\theta}{\theta_{SP}}(s)$. Estudiar la estabilidad del subsistema según el parámetro K
7. Determinar el valor de K para que el subsistema $\frac{\theta}{\theta_{SP}}(s)$ tenga el tiempo de levantamiento más rápido posible sin presentar comportamiento oscilatorio.
8. Analizar la estabilidad del subsistema $\frac{\theta}{\tau_{EXT}}(s)$. En caso de que el sistema no sea estable, proponer un sustituto para el bloque K que garantice la estabilidad