

b) i)  $V = \text{cte.}$

$$\mu = \frac{1}{2} \vec{D} \cdot \vec{E} = \frac{\epsilon_0}{2} \left( \frac{Q}{\epsilon_0 ab} \right)^2 = \frac{\overset{\text{cte}}{Q}^2}{2 \epsilon_0 (ab)^2} = \frac{\epsilon_0 V_0^2}{2 d^2} \quad \leftarrow C = \epsilon_0 \frac{ab}{d}$$

energía almacenada en E entre las placas

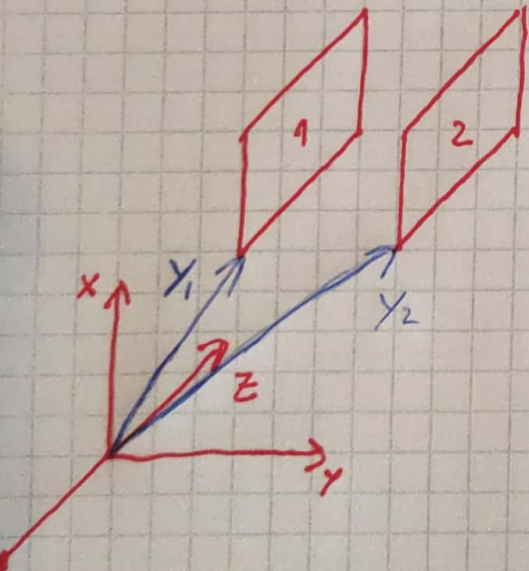
$$U = \int \mu dV = \frac{1}{2} \int \vec{D} \cdot \vec{E} dV = \frac{\epsilon_0}{2} \int E^2 dV = \frac{\epsilon_0}{2} E^2 \cdot abd = \frac{\epsilon_0 V_0^2 ab}{2 d}$$

$E \rightarrow \text{cte en el volumen}$

Para hallar la fuerza sobre la placa derecha:

$$\vec{F} = \nabla U \Big|_V = \frac{\partial U}{\partial d} \Big|_V = \frac{\epsilon_0 V_0^2 ab}{2} \left( -\frac{1}{d^2} \right) \hat{j}$$

Obs.: Si quiero calcular la fuerza en la placa izquierda:



$$\vec{y}_1 \text{ \& \ } \vec{y}_2 \quad / \quad \vec{d} = \vec{y}_2 - \vec{y}_1 = d \hat{j}$$

(...)  $\rightarrow$  análogo

$$U = \frac{\epsilon_0 V_0^2 ab}{2 |\vec{y}_2 - \vec{y}_1|}$$

$$\vec{F}_{\text{sobre 1}} = \frac{\partial U}{\partial y_1} \Big|_V = \frac{\epsilon_0 V_0^2 ab}{2} \left( -\frac{1}{(|\vec{y}_2 - \vec{y}_1|^2) \right) \cdot \frac{\partial (y_2 - y_1)}{\partial y_1} \hat{j}$$

$$= \frac{\epsilon_0 V_0^2 ab}{2} \cdot \left( -\frac{1}{d^2} \right) \cdot (-1) \hat{j}$$

$$= \vec{F}_{\text{sobre 2}} \cdot (-1) \hat{j} \quad \rightarrow \text{3}^{\text{ra}} \text{ ley de Newton } \checkmark$$