

1^{er} Parcial de Electrónica 2
29/09/2014

Resolver cada problema en hojas separadas.

Duración de la prueba: 3 horas 30 minutos.

La prueba es sin material.

Los puntajes de los problemas se indican sobre un total de 100 puntos.

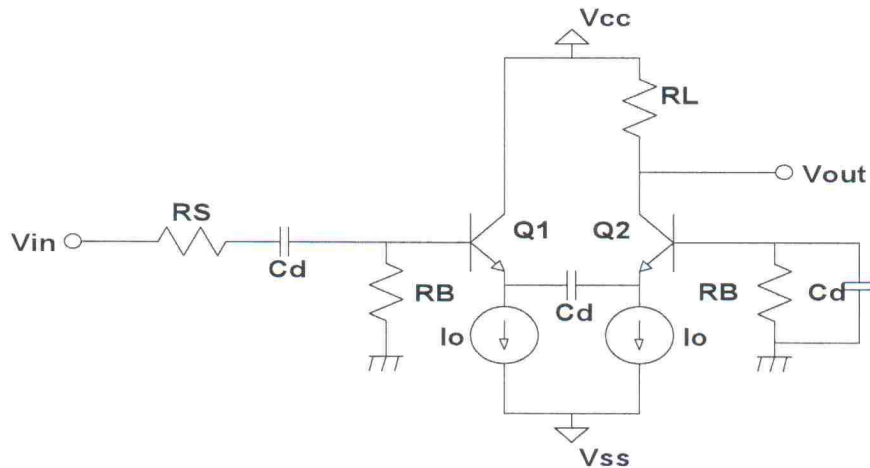
Problema 1 (38 pts):

Para el circuito de la Figura calcule:

- Impedancia vista desde la base de Q1 y tensión base-emisor en AC para cada transistor en función de la tensión de base de Q1 en AC.
- Ganancia a frecuencias medias V_{out}/V_{in} .
- Frecuencia de corte superior.

Datos:

Q1, Q2 : $C_{\mu}=5\text{pF}$, $C_{JE}=30\text{pF}$, $f_{T@10\text{mA}}=150\text{MHz}$, $\beta=200\text{V/V}$, $V_{BE}=0.7\text{V}$, $V_A=\infty$, $R_S=1\text{k}\Omega$, $R_B=2\text{k}\Omega$, $R_L=1\text{k}\Omega$, $V_{CC}=10\text{V}$, $V_{SS}=-10\text{V}$, $I_o=4\text{mA}$, Los condensadores Cd se podrán considerar infinitos.



Problema 2 (22 pts):

Se desea diseñar un modulador de AM cuya ecuación sea $V_o(t)=A \cdot (1+m \cdot V_s(t)) \cdot \cos(\omega \cdot t)$ con $A=2,5$ y $m=2$. Para ello se utilizará el integrado MC1496 del cual se adjuntan algunas páginas de su hoja de datos. La señal modulante $V_s(t)=V_s \cdot \cos(\omega_s \cdot t)$ se conectará a la entrada "Signal Input" y la portadora $V_c=V_t \cdot \cos(\omega_c \cdot t)$ a la entrada "Carrier Input".

Las especificaciones de diseño son las siguientes:

- La polarización de los transistores del par diferencial de entrada de "Signal Input" se hará con una corriente de $I_o=1\text{mA}$ (o sea: la corriente tomada por el pin 5 es igual a 1mA).
- La salida será del tipo diferencial.
- La máxima amplitud V_s de la señal $V_s(t)$ es de 500mV .
- Datos: $V_{CC} = 15\text{V}$, $V_{EE} = -15\text{V}$.

A los efectos de obtener $V_o(t)$ deseado calcule:

- La tensión continua a sumar a $V_s(t)$. Explique como podría generar esa tensión.
- El rango lineal necesario de la entrada "Signal Input".
- El valor de la resistencia R_{BIAS} a conectar en el pin 5.
- El valor de la resistencia R_E que debe ser conectada entre los pines 2 y 3 y el valor de las resistencias R_L a ser conectadas entre V_{CC} y el pin 6 y entre V_{CC} y el pin 12.

Especifique claramente las ecuaciones de la hoja de datos que utiliza en cada caso.

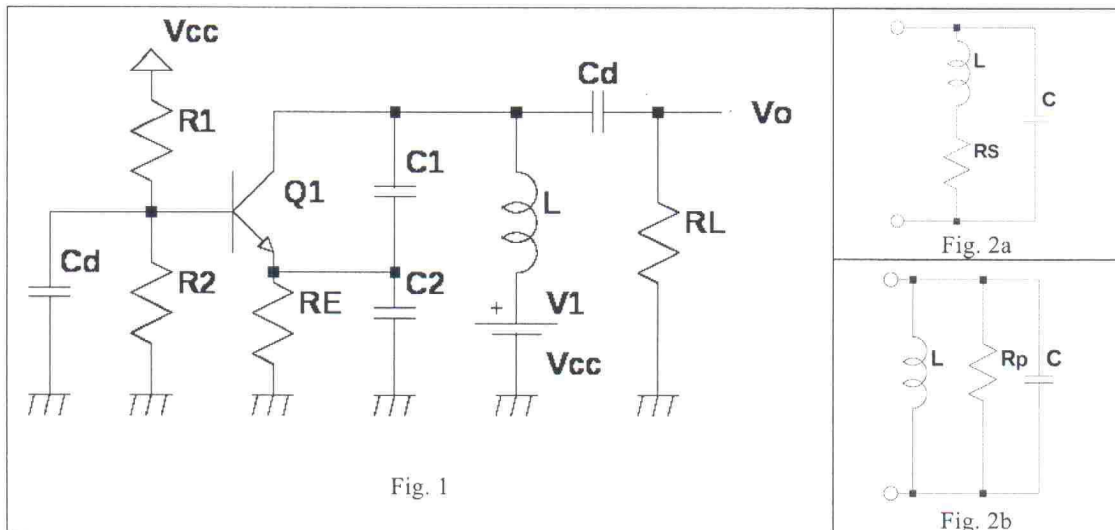
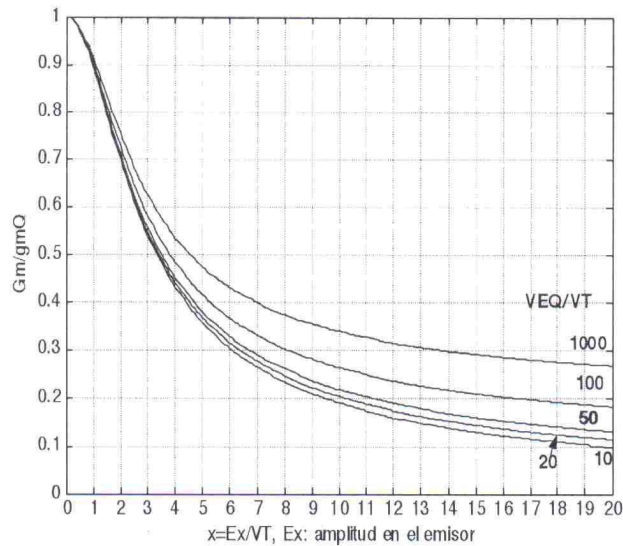
Problema 3 (40 ptos):

En el oscilador de la Fig. 1 considerar que la bobina es ideal con el valor de L indicado, salvo donde se indique lo contrario.

- i. Determinar frecuencia de oscilación y amplitud de oscilación.
- ii. Determine la condición de arranque y explique si es seguro que el oscilador arrancará y porqué.
- iii. Demostre que si $Q_L = (\omega L/R_s) \gg 1$, a la frecuencia de resonancia de L y C, el circuito de la Fig. 2a) tiene la misma impedancia que el de la Fig. 2b) si $R_p = Q_L^2 \cdot R_s$.
- iv. Si la inductancia L tiene una resistencia en serie $R_s=3\Omega$, indicar como cambian la frecuencia y amplitud de oscilación halladas en la parte i).

Datos:

- $C1=560\text{pF}$, $C2=3.9\text{nF}$, $L=5.8\ \mu\text{H}$, $R_E=3.3\text{k}\Omega$, $R2=10\text{k}\Omega$, $R1=33\text{k}\Omega$, $V_{CC}=9\text{V}$, $R_L=2.2\text{k}\Omega$.
- Q1: $V_{BEQ}=0.7\text{V}$, $\beta=200\text{V/V}$
- Los condensadores Cd son condensadores de desacople que se pueden suponer un cortocircuito a la frecuencia de oscilación.
- A continuación se da la curva de la relación G_m/g_mQ en función de la amplitud en el emisor normalizada a V_T , teniendo parámetro de las curvas la tensión DC de reposo en el emisor V_{EQ} normalizada a V_T .



Ej. 1

$Q_1, Q_2: C_{\mu} = 5 \text{ pF}, C_{je} = 30 \text{ pF}$

$f_s @ 10 \text{ mA} = 150 \text{ kHz}$

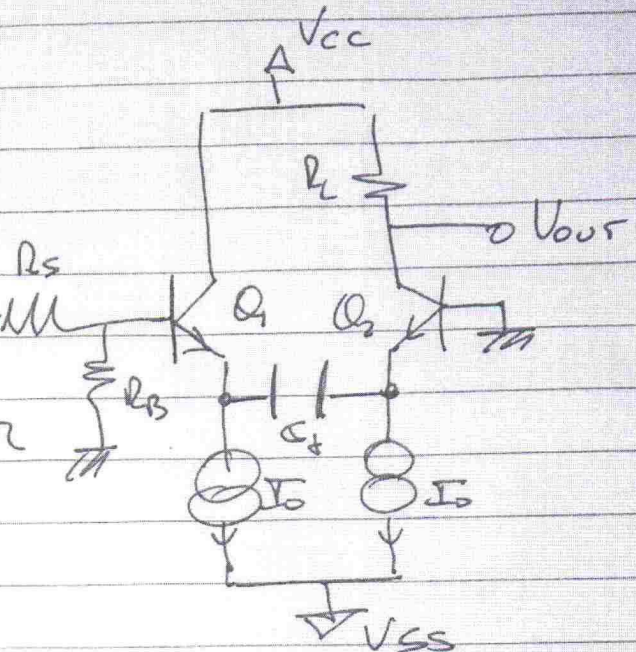
$\beta = 200, V_{BE} = 0.7 \text{ V}$

$V_A = \infty$

$R_S = 1 \text{ k}\Omega, R_B = 2 \text{ k}\Omega, R_L = 1 \text{ k}\Omega$

$V_{CC} = 10 \text{ V} = -V_{SS}$

$I_0 = 4 \text{ mA}, C_d = \infty$



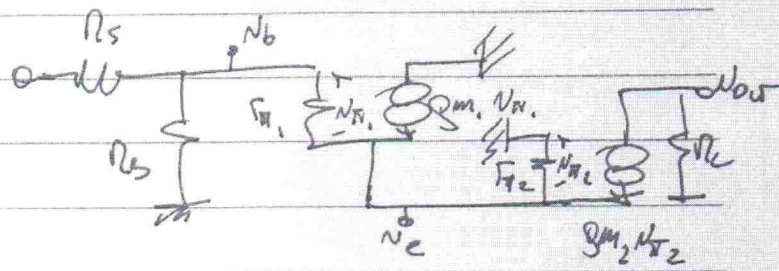
(a) $\frac{V_{out}}{V_{in}}$ Eq: señal:

(b)

$I_{C1} = I_{C2} = I_0$

$g_{m1} = g_{m2} = 154 \text{ mA/V}$

$r_{\pi 1} = r_{\pi 2} = 1.3 \text{ k}\Omega$



$$\frac{N_b - N_e}{r_{\pi}} + g_m N_{\pi 1} + \frac{N_{\pi 2}}{r_{\pi}} + g_m N_{\pi 2} = 0$$

$$\Rightarrow N_{\pi 1} \left(\frac{1}{\beta} + 1 \right) g_m + N_{\pi 2} \left(\frac{1}{\beta} + 1 \right) g_m = 0$$

$$\Rightarrow \boxed{N_{\pi 1} = -N_{\pi 2}}$$

$$N_b = N_{\pi 1} - N_{\pi 2} = 2N_{\pi 1} \Rightarrow V_{out} = -g_m N_{\pi 2} R_L$$

$$\Rightarrow V_{out} = \frac{g_m R_L}{2} N_b$$

$$i_{b1} = \frac{N_{\pi 1}}{r_{\pi 1}} \Rightarrow \boxed{R_{V_b} = 2 r_{\pi}}$$

$$\Rightarrow N_b = \frac{N_{in} R_B // 2r_{\pi}}{R_S + R_B // 2r_{\pi}} = 0,53 N_{in}$$

$$\Rightarrow \frac{N_{out}}{N_{in}} = \frac{R_B // 2r_{\pi}}{R_S + R_B // 2r_{\pi}} \cdot \frac{g_m R_L}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{N_{out}}{N_{in}} = 40,8 \text{ V/V}$$

(c)

$$f_T = \frac{1}{2\pi} \frac{g_m @ 10 \text{ mA}}{C_T + C_p} \rightarrow \text{~~scribble~~}$$

$$C_T = \frac{g_m @ 10 \text{ mA}}{2\pi f_T} - C_p = 404,6 \text{ pF}$$

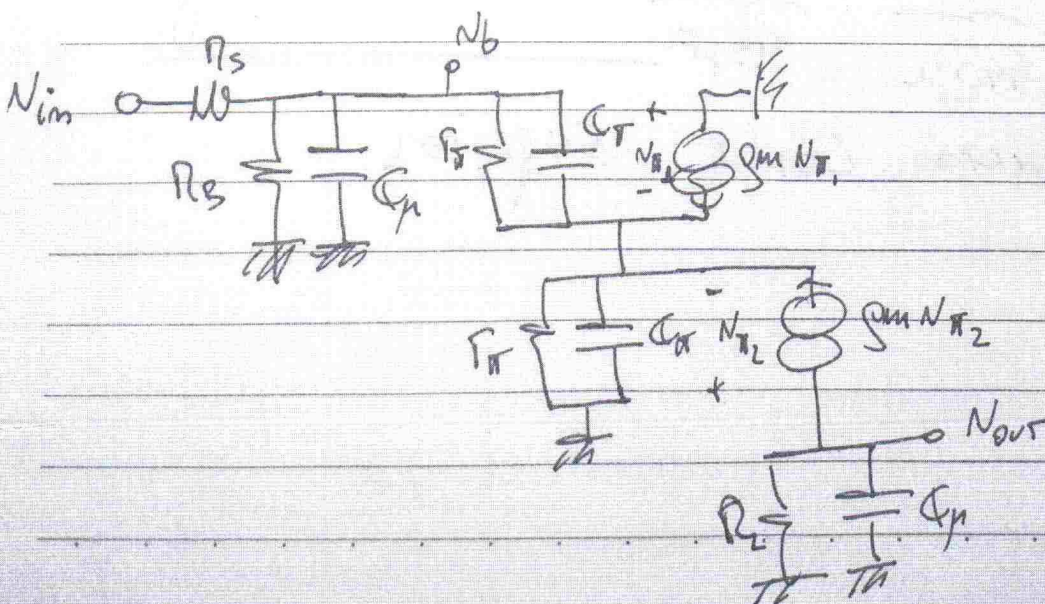
$$\Rightarrow C_{je} = 374,6 \text{ pF} = k_c \cdot I_c$$

$$\rightarrow k_c = 37,5 \text{ pF/mA}$$

$$\Rightarrow C_T @ 4 \text{ mA} = 580 \text{ pF}$$

Signe voltage

$$N_{\pi 1} = -N_{\pi 2}$$



Alors Z_{vb} :

$$Z_{vb} = 2r_{\pi} // \frac{C_T}{2}$$

$$N_{out} = \frac{g_m}{2} (R_L \parallel C_M) N_b = \frac{g_m/2 R_L}{R_L C_M s + 1} N_{in}$$

$$N_b = \frac{R_S \parallel C_M \parallel Z_b}{R_S + R_S \parallel C_M \parallel Z_b} N_{in}$$

$$Z = R_S \parallel C_M \parallel \frac{1}{2s\tau} \parallel \frac{C_T}{2} = \frac{R_S \parallel \frac{1}{2s\tau}}{(R_S \parallel \frac{1}{2s\tau})(C_M + \frac{C_T}{2})s + 1}$$

$$\Rightarrow N_b = \frac{R_S \parallel \frac{1}{2s\tau}}{R_S \left[(R_S \parallel \frac{1}{2s\tau})(C_M + \frac{C_T}{2})s \right] + R_S + R_S \parallel \frac{1}{2s\tau}} N_{in}$$

$$N_b = \frac{R_S \parallel \frac{1}{2s\tau} / (R_S + R_S \parallel \frac{1}{2s\tau})}{(R_S \parallel R_S \parallel \frac{1}{2s\tau})(C_M + \frac{C_T}{2})s + 1} N_{in}$$

$$f_{p1} = \frac{1}{2\pi} \frac{1}{R_L C_M} = 31,8 \text{ kHz}$$

$$f_{p2} = \frac{1}{2\pi} \frac{1}{(R_S \parallel R_S \parallel \frac{1}{2s\tau})(C_M + \frac{C_T}{2})} = 3,8 \text{ kHz}$$

$\underbrace{\hspace{10em}}_{440 \Omega}$
 $\underbrace{\hspace{10em}}_{95 \text{ pF}}$

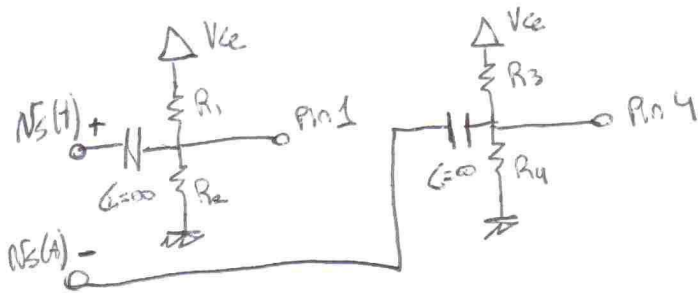
Frecuencia corte superior

Problema 2

salida del multiplicador $V_o = G \cdot V_s(t) \cdot V_c(t)$ constante

salida deseada $V_o = A (1 + m V_s(t)) \cdot \cos(\omega t) = \frac{A}{V_T} (1 + \underbrace{m V_s(t)}_{\text{imponiendo } V_s(t) = N_s(t) + V_{SPK}}) \cdot V_c(t)$

$m = 2 = \frac{1}{V_{SPK}} \Rightarrow V_{SPK} = 500 \text{ mV}$ son impuestos en la polarización.



R_1, R_2, R_3 y R_4 son tal que:

$$V_{CC} \left[\left(\frac{R_2}{R_1 + R_2} \right) - \left(\frac{R_4}{R_3 + R_4} \right) \right] = 500 \text{ mV}$$

(b) El par de entradas "signal input" vea una entrada $V_{SPK} + N_s(t)$ por lo que su rango lineal deber ser de: 500 mV con 500 mV de pica.

$(0V - 1V) \in$ rango lineal \Rightarrow rango lineal de $\pm 1V$

(c) $I_0 = 1 \text{ mA} \Rightarrow \frac{V_{CC} - I_0 500 \Omega - V_D}{R_{BIAS}} = 1 \text{ mA} \Rightarrow$

$R_{BIAS} = \frac{V_{CC} - 1 \text{ mA} 500 \Omega - V_D}{1 \text{ mA}} = 13,9 \text{ K}\Omega$

(d) Utilizando expresion de hoja de datos (aunque podria ser calculada)

$$V_{ot} = \frac{R_L V_c(t) \cdot V_s(t)}{2 \left(R_E + \frac{2V_T}{I_0} \right) V_T} \Rightarrow V_{ot} - V_{o-} = V_o = \frac{R_L V_c(t) \cdot V_s(t)}{2 \left(R_E + \frac{2V_T}{I_0} \right) V_T}$$

tomando $V_s(t) = N_s(t) + V_{SPK}$

$$\Rightarrow V_o = \frac{R_L V_{SPK}}{\left(R_E + \frac{2V_T}{I_0} \right) V_T} \left(1 + \frac{1}{m} N_s(t) \right) V_T \cos(\omega t) \Rightarrow \frac{R_L V_{SPK}}{R_E + \frac{2V_T}{I_0}} = A = 2,5 \Rightarrow$$

$\pm \frac{R_E}{2} 2I_0 = \pm 1V \Rightarrow R_E = 1 \text{ K}\Omega$

$\Rightarrow R_L \approx 5 \text{ K}\Omega$

(a) frec. de osc.: $\omega_0^2 = \frac{N}{LC_2} \Rightarrow \boxed{f_0 = 311 \text{ Hz}}$

con $N \equiv \frac{C_1 + C_2}{C_1} = \frac{t_t}{t_x} @ R_V = R_E \parallel \frac{1}{g_m} = \infty$

$V_{BQ} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} V_{CC}$, $V_{EQ} = V_{BQ} - V_{BEQ} \Rightarrow \frac{V_{EQ}}{V_T} = 56$

$g_{mQ} = \frac{I_{DCQ}}{V_T} = \frac{V_{EQ}}{R_E V_T} = 16,9 \text{ mS}$

Cond. de osc.: $G_m = \frac{N^2}{(N-1)R_L} \Rightarrow G_m = 4,2 \text{ mS}$

$\Rightarrow \frac{G_m}{g_{mQ}} \approx 0,25$

ω_{max}
↓
⇒

$\Rightarrow x = 9 \Rightarrow t_x = 225 \text{ mV} \Rightarrow \boxed{E_t = 1,8 \text{ V}}$

VERIFICAR SUPUESTOS: $N^2 R_E \gg R_L \Leftrightarrow 209 \text{ k}\Omega \gg 2,2 \text{ k}\Omega \checkmark$

$R_V = \frac{1}{g_m} \parallel R_E \gg \frac{1}{N} R_L C_1 \Leftrightarrow 22577 \text{ } 0,6 \checkmark$

(b) Condición de arranque: $g_{mQ} > \frac{N^2}{(N-1)R_L} \Leftrightarrow 16,9 \text{ mS} > 4,2 \text{ mS}$

Es seguro que el oscilador arrancará pues, para el reposo (amplitud cero)

el $A_B > 1$ (sist. inestable)

$$\textcircled{c} \quad Z_a = Ls + R_s \parallel \frac{1}{Cs} = \frac{Ls + R_s}{1 + (Ls + R_s)Cs} = \frac{R_s + Ls}{1 + R_s Cs + Lcs^2}$$

$$Z_a \Big|_{\omega = \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}} = \frac{R_s + L\omega_0 j}{1 + R_s C\omega_0 j - LC\omega_0^2} = \frac{R_s + L\omega_0 j}{R_s C\omega_0 j} \Rightarrow$$

por letra $\frac{\omega_0 L}{R_s} \gg 1 \Rightarrow R_s \ll \omega_0 L$

$$\Rightarrow Z_a = \frac{L\omega_0 j}{R_s C\omega_0 j} = \frac{L}{R_s C} \Rightarrow Z_a = Q_L^2 R_s$$

$$Q = \frac{\omega_0 L}{R_s} = \frac{1}{\omega_0 C R_s}$$

$$Z_b = \left(\frac{1}{Ls} + Cs + \frac{1}{R_p} \right)^{-1} = \left(\frac{R_p + Ls + LR_p Cs^2}{Ls R_p} \right)^{-1} = \frac{Ls R_p}{R_p + Ls + R_p Lcs^2}$$

$$Z_b \Big|_{\omega = \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}} = \frac{LR_p j\omega_0}{Lj\omega_0} = R_p \Rightarrow Z_b = R_p$$

$$\boxed{Z_a = Z_b \Leftrightarrow R_p = Q_L^2 R_s} \quad \text{@ } Q_L = \frac{\omega_0 L}{R_s} \gg 1$$

$$\textcircled{d} \quad Q_L = \frac{\omega_0 L}{R_S} = 36,3 \gg 1$$

Según lo visto en la parte c) aparece una resistencia $R_p = Q_L^2 R_S$ en paralelo con R_L : $R_L' = R_L \parallel Q_L^2 R_S = 1,41 \text{ k}\Omega$

La frecuencia de oscilación no cambia: $f_0 = \frac{N}{2\pi LC_2} \Rightarrow \boxed{f_0 = 3 \text{ MHz}}$

$$G_m' = \frac{N^2}{(N-1)R_L'} = 6,4 \text{ mS} \Rightarrow \frac{G_m'}{g_{mQ}} = 0,38$$

$$V_{EQ}/V_T = 56$$

curvas

✓
⇒

$$\Rightarrow x \approx 5 \Rightarrow \boxed{E_t = 1 \text{ V}}$$