

2<sup>do</sup> Parcial de Electrónica 2  
3/12/2003

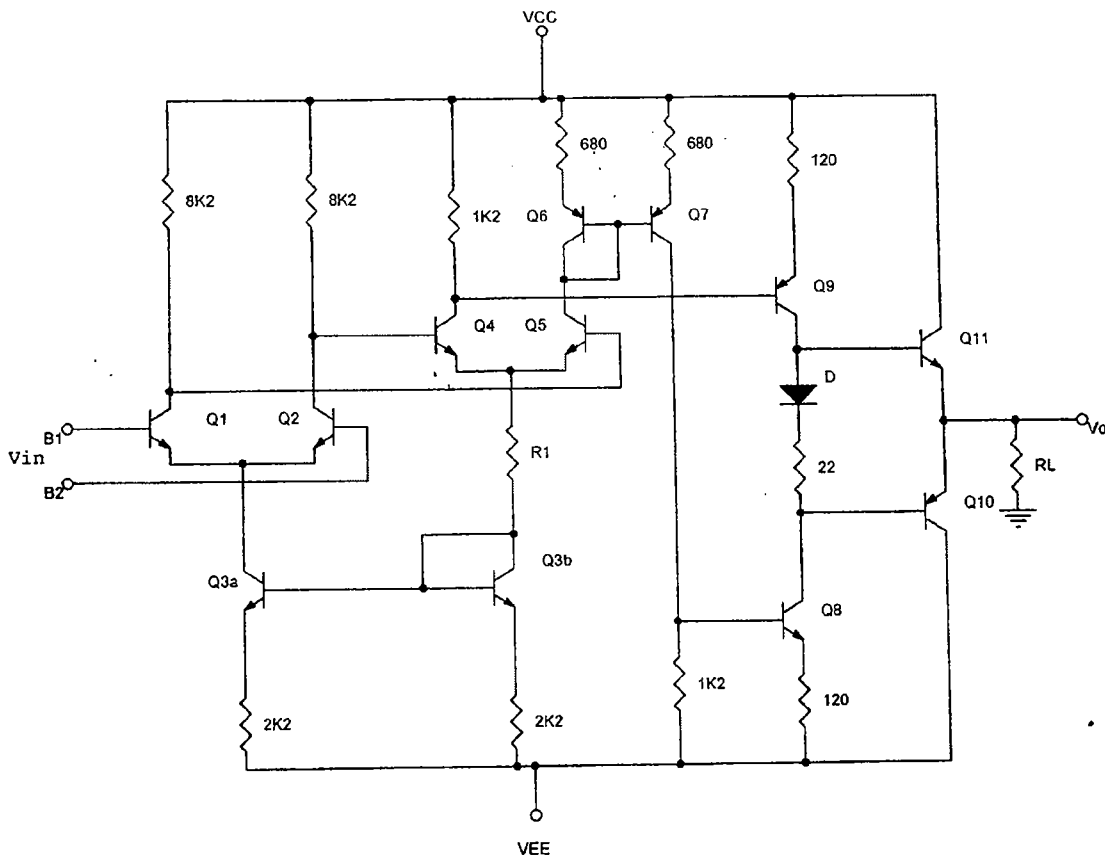


Resolver cada problema en hojas separadas.  
Duración de la prueba: 3 horas 30 minutos.  
La prueba es sin material.  
Los puntajes de los problemas se indican sobre un total de 100 puntos.

**Problema 1 : (25 puntos)**

- 1) Indicar cuál es la entrada inversora y no inversora del amplificador. Fundamentar.
- 2) Determinar la mínima corriente de polarización por Q<sub>8</sub> y Q<sub>9</sub> que permita suministrar 50W a la carga sin distorsión. Calcular R1 para tener esta corriente de polarización.
- 3) Para el R1 calculado en 2), determinar la ganancia Vo/Vi. Dar además del resultado numérico la expresión literal de la ganancia.

Datos: Q<sub>1</sub> – Q<sub>9</sub> son iguales con β=150 y Q<sub>10</sub> y Q<sub>11</sub> tienen β<sub>10,11</sub>=50  
V<sub>BE</sub>=V<sub>D</sub>=0.6V  
VCC=40V y VEE=-40V  
RL=8Ω



**Problema 2: (25 puntos)**

En el circuito de la figura:

- Determine  $R_2$  y el mínimo  $I_{bias}$  que aseguren poder suministrar 4W de potencia a la carga y una tensión de 1.5V entre las bases de  $Q_N$  y  $Q_P$ .
- Determine la eficiencia de la etapa de salida cuando se suministran 4W a la carga.
- Determine la máxima potencia que deben disipar los transistores  $Q_N$  y  $Q_P$  para cualquier potencia entregada entre 0 y 4W.
- Determine cual es la máxima temperatura ambiente ( $T_{AMB}$ ) a la que puede funcionar el circuito.
- A cada transistor  $Q_N$  y  $Q_P$  se le coloca un disipador capaz de disipar  $4mW/^\circ C$  por cada  $cm^2$  de superficie. El disipador se supondrá acoplado a través de una resistencia térmica  $\Theta_{CS}=0.5^\circ C/W$ . ¿Qué superficie debe tener cada disipador para que el circuito pueda funcionar a una temperatura ambiente máxima  $T_{AMB}=40^\circ C$ ?

Datos:

$$V_{CC} = -V_{EE} = 10V$$

$$R_L = 8\Omega$$

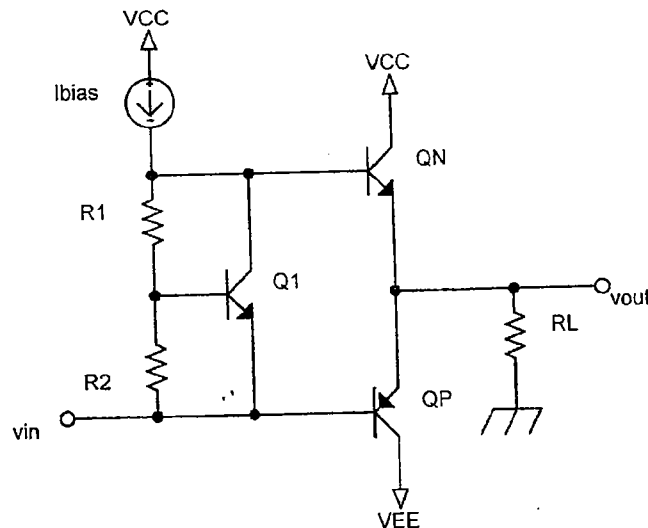
$$Q_1: V_{BE} = 0.6V \text{ si } I_C > 5mA$$

$$\beta \geq 100$$

$$R_1 = 180\Omega$$

$$Q_N, Q_P: V_{BE} = 0.75V, \beta_{N,P} = 50$$

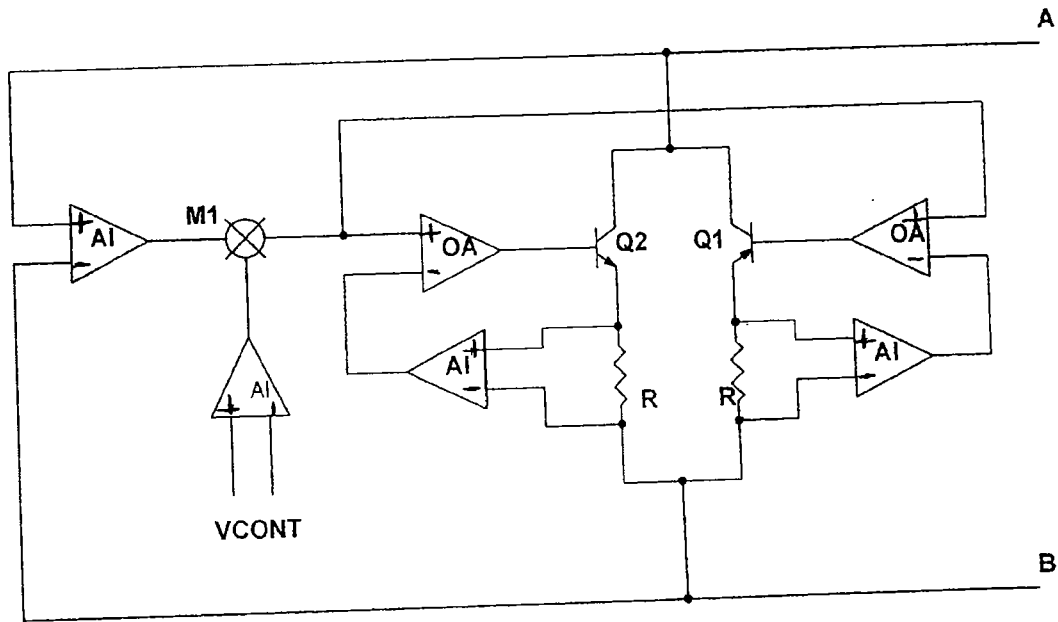
$$T_{jMAX} = 100^\circ C, \Theta_{JC} = 2^\circ C/W, \Theta_{CA} = 70^\circ C/W$$

**Problema 3: (30 puntos)**

Se busca implementar el control de amplitud de un oscilador de puente de Wien empleando el circuito de la figura. El amplificador operacional del puente de Wien se considera ideal.

- Analizar el funcionamiento del circuito de la figura y mostrar que el circuito se comporta como una resistencia entre los terminales A y B, controlada por la tensión  $V_{cont}$ . Indicar cómo es la variación de esta resistencia con  $V_{cont}$ . Los bloques indicados como OA son

- amplificadores operacionales ideales. Los bloques indicados como AI son amplificadores de instrumentación de ganancia unitaria que se considerarán ideales. El bloque M1 es un multiplicador cuya salida es una tensión igual al producto de las tensiones de entrada dividido por una tensión fija  $V_{mult}$ . Los transistores se supondrán tienen  $V_{CESAT} \approx 0$  y  $V_{BE} \approx 0$ .
- Indicar como se puede utilizar el circuito de la figura en el puente de Wien para fijar la amplitud de la oscilación, incluyendo:
    - Una fundamentación clara de porqué la conexión elegida estabilizará la amplitud y
    - ¿Cómo debe ser la dependencia de la señal de control  $V_{cont}$  con la señal de salida del oscilador? ¿Con qué bloques implementaría esta dependencia?
  - Para el circuito propuesto en la parte b) indicar cual es la amplitud de pico de la oscilación que se obtendrá.

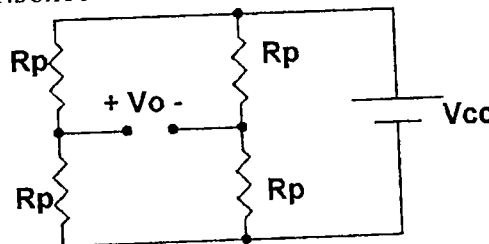


**Problema 4 : (20 puntos)**

Se tiene un sensor en puente resistivo como se muestra en la figura, en el que la magnitud a medir hará variar en una pequeña proporción las distintas resistencias del puente.

- Si las resistencias  $R_p$  valen  $100k\Omega$ , ¿cuál es la tensión de ruido eficaz a la salida  $V_o$  sobre un ancho de banda de  $100kHz$  (considerado dado por un filtro ideal)?
- Si el filtrado se implementa conectando un condensador  $C$  a la salida  $V_o$ , tal que la caída de  $3dB$  ocurra a  $100kHz$  ¿Cuánto vale la tensión de ruido eficaz a la salida?

$k$ : Constante de Boltzmann =  $1.38 \times 10^{-23} \text{ W.s/}^\circ\text{K}$



Problema 1

2do. Parcial

1) (en señal)

si  $B1 > 0 \Rightarrow i_{c1} > 0 \Rightarrow V_{c1} < 0 \Rightarrow i_{c5} < 0 \Rightarrow i_{c8} < 0 \Rightarrow V_o > 0 \rightarrow$  pata no inversora

2) a) \*  $I_1 = I_2$  por el espejo

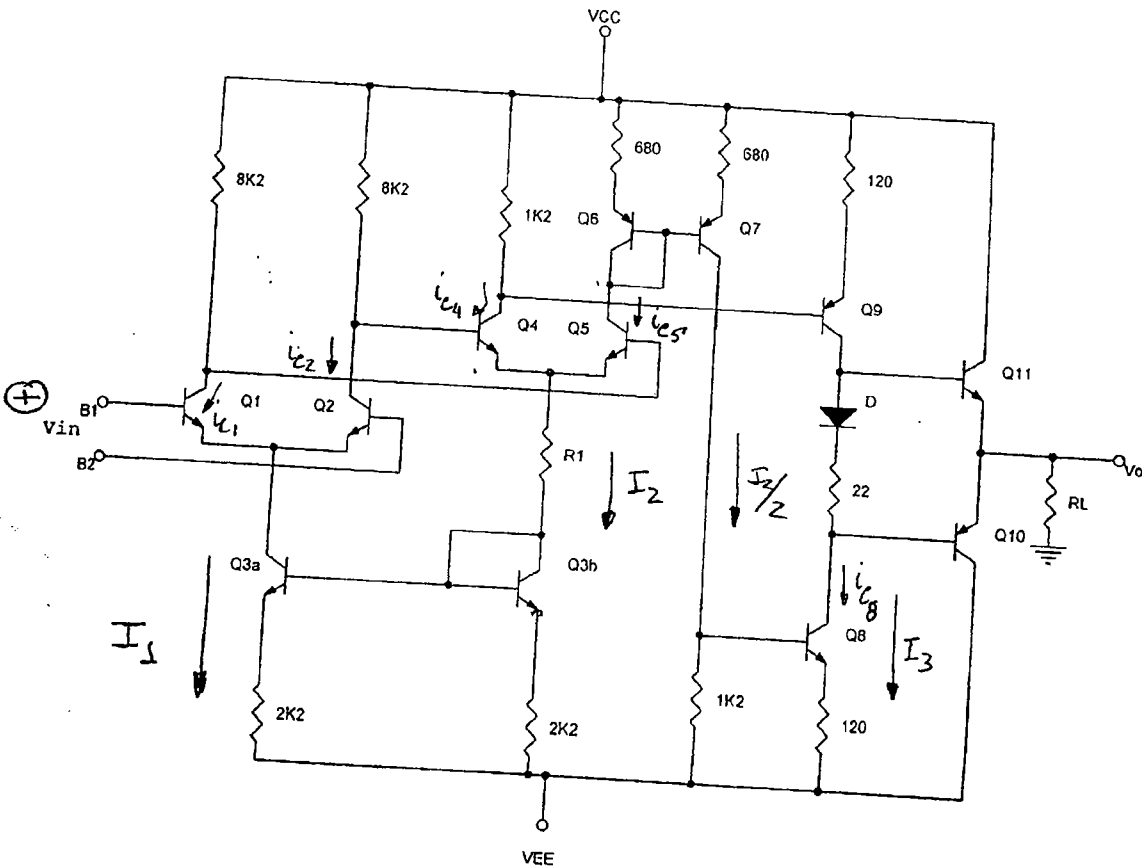
b) \*  $2k2 I_2 + V_{be_{3b}} + R_1 I_2 + V_{be_4} + I_2 / 2 \cdot 8k2 = V_{cc} - V_{EE} = 80V$

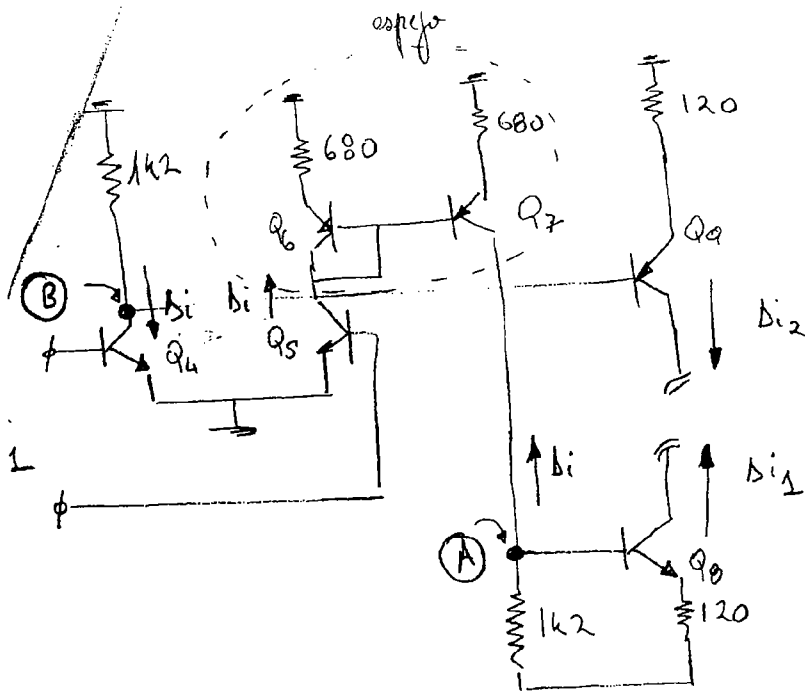
$$\Rightarrow I_2 = \frac{78,8}{6k3 + R_1}$$

c) \*  $I_2 / 2 \cdot 1k2 = I_3 \cdot 120 + V_{be_8} \Rightarrow I_3 = \frac{394}{6k3 + R_1} \approx 5mA$

$\frac{\hat{V}_o^2}{2R_L} = 50W \Rightarrow \hat{V}_o = 28,8V \rightarrow \hat{I}_{R_L} = 3,5A \rightarrow \hat{I}_{Q_{11}, Q_{10}} = 70mA$

Hay que analizar que paso con las corrientes.





$V_B \approx V_A \Rightarrow \Delta i_2 \approx \Delta i_1$   
 (modulo y sentido como se muestra en la figura)

$$V_A = -\Delta i \cdot 1k2 // (r_{\pi 8} + \beta 120) = -\Delta i \cdot 1k2$$

$$\Rightarrow \Delta i_2 = \frac{-\Delta i \cdot 1k2}{r_{\pi 8} + \beta 120} \cdot \beta$$

$$v_o = \frac{1}{2} g_{m4} v_i$$

Sobre la carga  $\beta R_L$  tenemos la suma de los dos corrientes  $\Delta i_1$  y  $\Delta i_2$

La mínima corriente para que no corte  $Q_7$  y  $Q_8 \rightarrow \frac{70 \mu A}{2} = I_{B3 \min} = 35 \mu A$

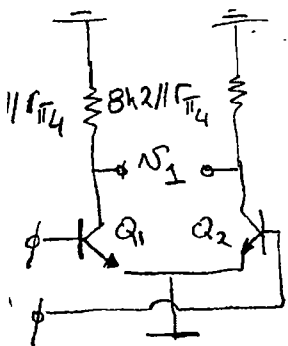
en esas condiciones  $\frac{394}{6k3 + R1} - 5 \mu A = 35 \mu A \Rightarrow \boxed{R1 = 3550 \Omega}$

$$I_1 = I_2 = 8 \mu A \Rightarrow * g_{m1,2} = \frac{I_1/2}{V_T} \approx 153,8 \text{ mS}$$

Los valores de  $I_1, I_2$  y  $I_3$  todos los corrientes de base están convenientemente despreciadas.

$$* g_{m4,5} = g_{m1,2} \Rightarrow r_{\pi 4,5} = \frac{\beta}{g_{m4,5}} = 975,29 \Omega$$

$$* g_{m8,9} = I_3/V_T = 135 \mu A/V_T \Rightarrow r_{\pi 8,9} = 111,43 \Omega$$



$$\Rightarrow \frac{v_o}{v_{im}} = \frac{g_{m1} (8k2 // r_{\pi 4})}{841,62 \Omega} \approx 134,06 \text{ V/V} \quad \text{y} \quad \Delta i_2 = -9,9 \Delta i_1$$

espues  $\rightarrow v_o = R_L (\Delta i_1 + \Delta i_2) \beta_{11} = 2R_L \Delta i_1 \beta_{11} = -2R_L \beta_{11} \cdot 9,9 \Delta i_1 = -2R_L \beta_{11} \cdot 9,9 \cdot \frac{1}{2} g_{m4} v_i$

$$\Rightarrow \frac{v_o}{v_{im}} = -R_L \beta_{11} \cdot 9,9 g_{m4} \cdot 134,06 \text{ V/V} \Rightarrow \boxed{\frac{v_o}{v_{im}} = -81649 \text{ V/V}}$$

*[Handwritten signature]*

## Ejercicio 2

$$V_{BB} = \left(1 + \frac{R_1}{R_2}\right) V_{BE}$$

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{V_{BB} - V_{BE}}{V_{BE}} = \frac{99}{96} = 1,5$$

$$R_2 = \frac{180 \Omega}{1,5} = \underline{\underline{120 \Omega}}$$

$$I_{E1}|_{min} = 5 \text{ mA}, \quad I_{E2} = \frac{0,6 \text{ V}}{120 \Omega} = 5 \text{ mA}$$

$$P_L = \frac{1}{2} \hat{I}_L^2 R_L \Rightarrow \hat{I}_L = \sqrt{\frac{2P_L}{R_L}} = 1 \text{ A}$$

$$\Rightarrow I_{BN}|_{max} = \frac{\hat{I}_L}{\beta_N} = 20 \text{ mA}$$

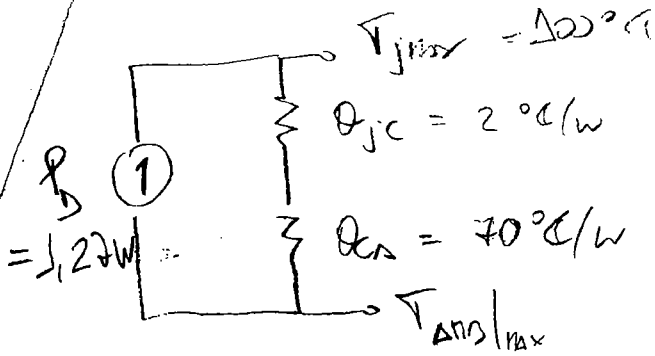
$$\Rightarrow I_{bias}|_{min} = I_{E2} + I_{E1}|_{min} + I_{BN}|_{max} = \underline{\underline{30 \text{ mA}}}$$

$$(b) \quad \eta = \frac{P_L}{P_S} \quad P_{S+} = P_{S-} = \frac{1}{\pi} \hat{I}_L V_{CC} = 3,18 \text{ W} \\ \rightarrow P_S = 6,37 \text{ W}$$

$$\Rightarrow \eta = \frac{P_L}{P_S} = \underline{\underline{62,8 \%}}$$

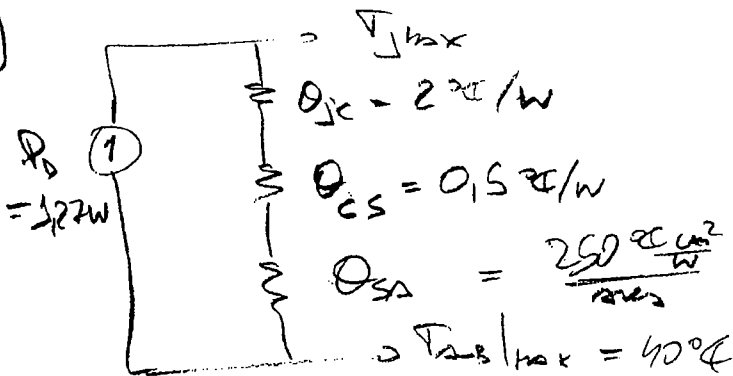
$$P_{BN}|_{max} = P_{DP}|_{max} = \frac{V_{CC}^2}{\pi^2 R_L} = 1,27 \text{ W}$$

*u*



$$T_{Amb/max} = T_{Jmax} - (\theta_{JC} + \theta_{CA}) P_D = 8.56^\circ \text{C}$$

(A)



$$\Rightarrow T_{Jmax} - T_{Amb/max} = (\theta_{JC} + \theta_{CS} + \frac{\theta_{SA}}{A_{SA}}) P_D$$

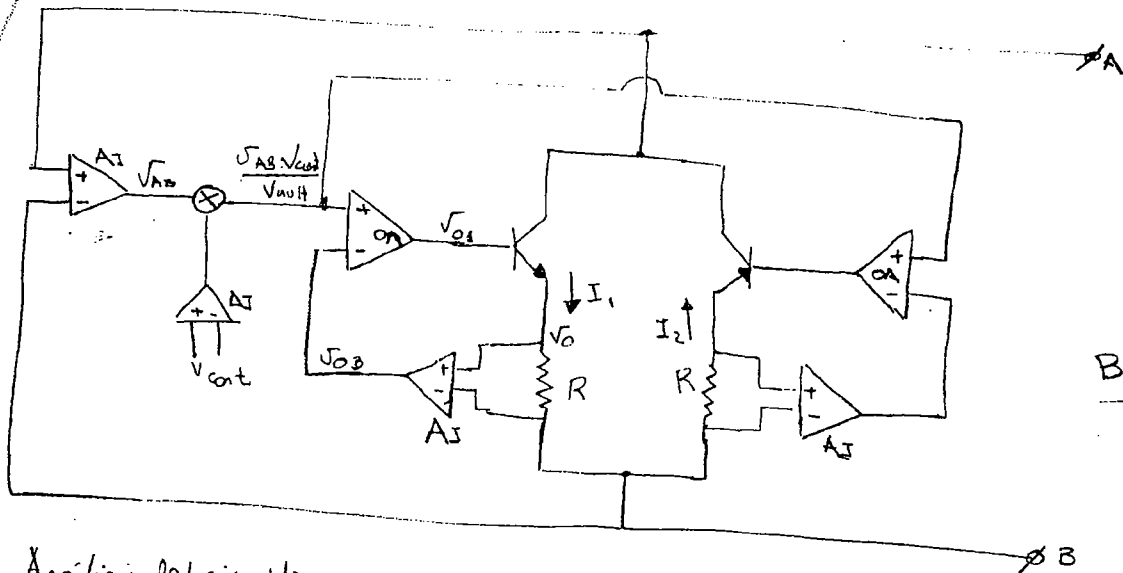
$$\frac{T_J - T_a}{P_D} = \theta_{JC} + \theta_{CS} + \frac{\theta_{SA}}{A_{SA}} \Rightarrow A_{SA} = \frac{\theta_{SA}}{\frac{T_J - T_a}{P_D} - \theta_{JC} - \theta_{CS}}$$

$250^\circ \text{C}^2/\text{W}$   
 $44.7^\circ \text{C/W}$

$$\Rightarrow A_{SA} = 5.59 \text{ cm}^2$$

Handwritten signature or mark.

bloque 3



Bloque

Análisis del circuito

$$V_{qs} = \underset{\substack{\uparrow \\ \text{op ideal}}}{\mu_{AB}} \cdot \frac{V_{cont}}{V_{mult}}$$

$$\frac{V_{qs}}{R} = I_1 \quad \uparrow \quad V_{BE} \approx 0$$

$$I_1 = \begin{cases} \frac{\mu_{AB} \cdot V_{cont}}{V_{mult}} \cdot \frac{1}{R} & \text{si } \mu_{AB} \geq 0 \quad (V_{CEsat} = 0) \\ 0 & \text{si } \mu_{AB} \leq 0 \end{cases}$$

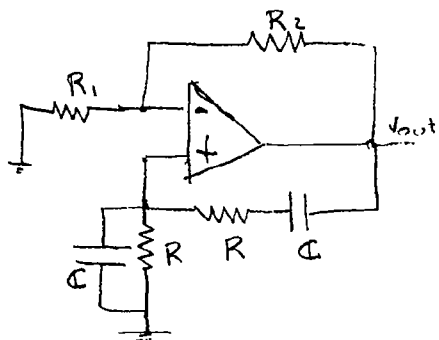
Considerando que  $\left\{ \begin{matrix} V_{cont} > 0 \\ V_{mult} > 0 \end{matrix} \right\}$  siempre  $\left\{ \begin{matrix} \text{si } \mu_{AB} > 0 \Rightarrow I_{AB} = I_1 & \text{e } \bar{I}_2 = 0 \\ \text{si } \mu_{AB} < 0 \Rightarrow I_{AB} = I_2 & \text{e } I_1 = 0 \end{matrix} \right.$

$$\left( |I_2| = \mu_{AB} \cdot \frac{V_{cont}}{V_{mult}} \cdot \frac{1}{R} \right)$$

$$\Rightarrow I_{AB} = \mu_{AB} \cdot \frac{V_{cont}}{V_{mult}} \cdot \frac{1}{R}$$

$$\Rightarrow R_{AB} = \frac{\mu_{AB}}{I_{AB}} = \frac{R \cdot V_{mult}}{V_{cont}} \quad (1)$$

b) Puente de Wien



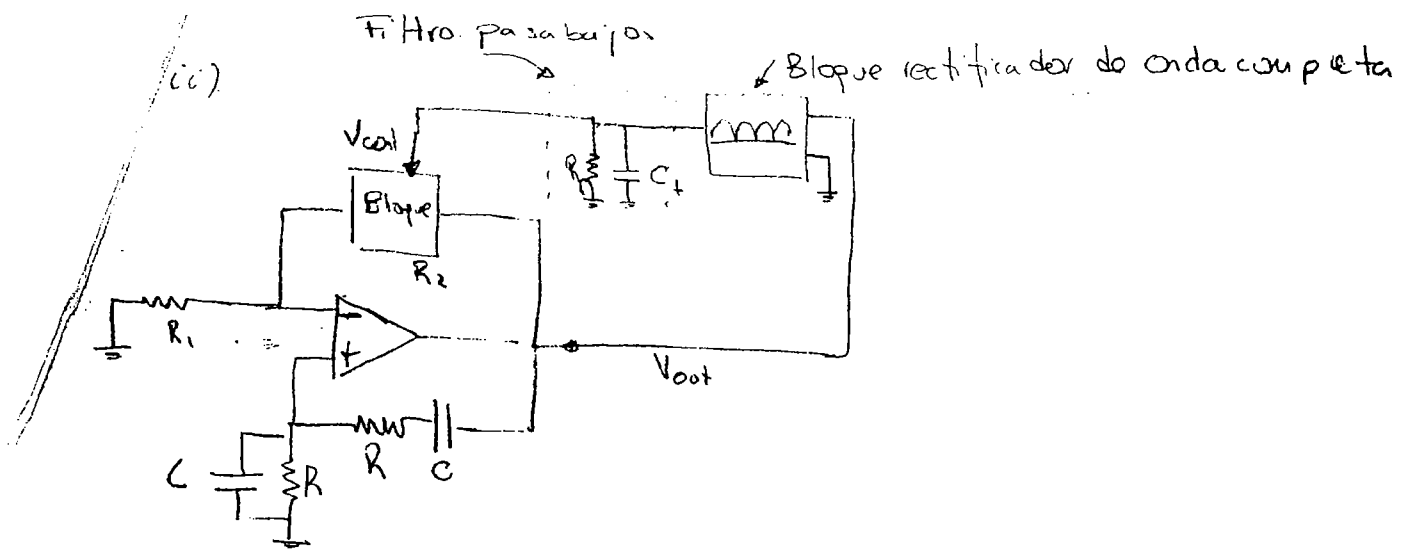
Para que el circuito oscile se debe

$$\text{cumplir que } \frac{R_2}{R_1} = 2$$

Para que el circuito arranque  $\frac{R_2}{R_1} > 2$

Se considera que  $V_{cont}$  es proporcional a  $V_{out}$ . Además en este oscilador el voltaje  $V_{out}$  es muy pequeño en  $t=0$  y luego aumenta, entonces de ①  $R_{AB}(t=0) > R_{AB}(t)$ . Además debe cumplirse ②. Entonces  $R_2$  debe ser sustituida por el bloque.





$$\Rightarrow V_{cont} \propto \hat{V}_{out} \Rightarrow V_{cont} = \frac{2}{\pi} \hat{V}_{out} \quad (3)$$

c). Se debe cumplir que  $\frac{R_2}{R_1} = 2$  en régimen (de 2).

Entonces:

$$\frac{R \cdot V_{uolt}}{V_{cont}} \cdot \frac{1}{R_1} = 2 \quad (\text{de } 1)$$

De 3  $V_{cont} = \frac{2}{\pi} \hat{V}_{out} \Rightarrow \frac{R \cdot V_{uolt}}{2 R_1} = \frac{2}{\pi} \hat{V}_{out}$

$$\Rightarrow \hat{V}_{out} = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{R_1}{R} \cdot V_{uolt}$$

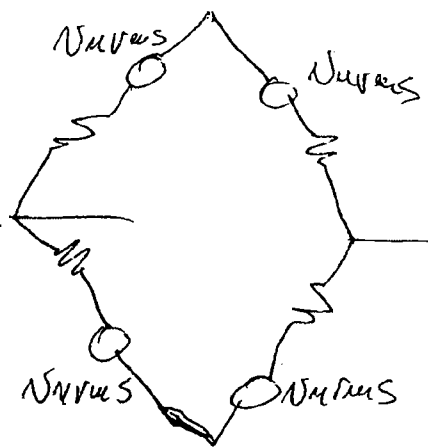
Rafaela Fariello

Problema 4:

El ruido rms aportado por una resistencia  $R_p$  es:

$$N_{\text{rms}} = \sqrt{4kTR\Delta f} = \sqrt{4 \times 1.38 \times 10^{-23} \times 300 \times 1000 \times 3 \times 1000} = 12.9 \mu\text{V}_{\text{rms}}$$

Si se superponen las fuentes de ruido de las cuatro resistencias se tiene, teniendo en cuenta el efecto del divisor resistivo sobre 2 en cada rama:



$$N_{\text{rms}} = \sqrt{4 \cdot \left(\frac{N_{\text{rms}}}{2}\right)^2} = N_{\text{rms}}$$

Este resultado se podría también obtener considerando el equivalente Thevenin del puente que da una resistencia de salida

igual a  $R_p$  y por tanto el ruido debe ser igual al de una resistencia  $R_p$ .

b) Se puede calcular  $N_{\text{rms}}^2 = \int_0^{+\infty} S_n(f) \cdot |H(f)|^2 df$ .

Pero más fácil, sabiendo que  $N_{\text{rms}}^2 = \frac{kT}{C}$

$$C = \frac{1}{2\pi \cdot 1000 \cdot R} \rightarrow C = 15.9 \text{ pF}$$

$$\Rightarrow N_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{kT}{C}} = 16 \mu\text{V}_{\text{rms}}$$

*[Handwritten signature]*