

**1<sup>er</sup> Parcial de Electrónica 2**  
**9/10/200**



50700353

Resolver cada problema en hojas separadas.

Duración de la prueba: 3 horas 30 minutos.

La prueba es sin material.

Los puntajes de los problemas se indican sobre un total de 100 puntos.

**Problema 1 : (30 puntos)**

El circuito de la Fig. 1 es el equivalente en señal de un amplificador de dos etapas en emisor común. La fuente de señal  $v_s$  se considera ideal, con resistencia interna nula, los transistores tienen una corriente de polarización de 1mA,  $f_T = 100\text{MHz}$  @  $I_c=1\text{mA}$  y  $C_\mu = 5\text{pF}$ .  $\beta = 100$

Recordar que en un esquema de compensación de Miller como el de la Fig. 2, la frecuencia angular de los polos esta dada aproximadamente por:

$$\omega_{p1} = 1/(g_m R_2 C_f R_1), \quad \omega_{p2} = g_m C_f / (C_1 C_2 + C_f (C_1 + C_2))$$

Aplicando esto al condensador  $C_\mu$  de la segunda etapa, determinar los dos polos de la estructura. Se despreciará el efecto de las resistencias  $r_{bb}$  de los transistores y el efecto del condensador  $C_\mu$  de la primera etapa en el nodo de salida de la primera etapa. Tiene el circuito margen de fase mayor a 45 grados?. Si no es así determinar el condensador de compensación de Miller que se debe colocar en la segunda etapa, para alcanzar un margen de fase aceptable.

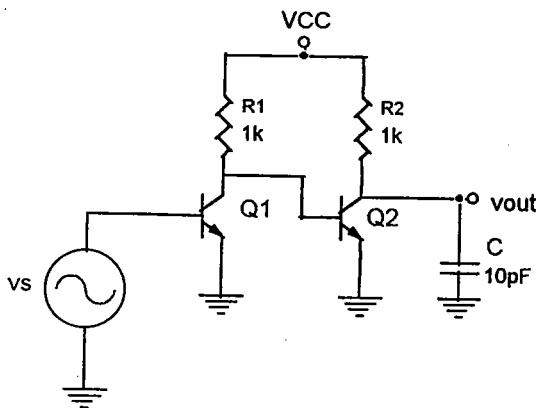


Figura 1

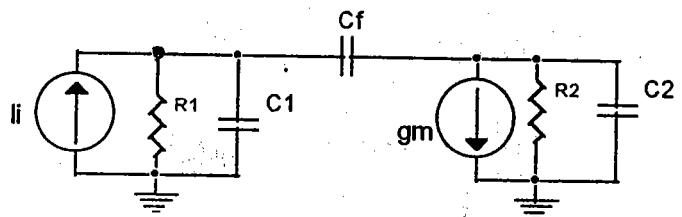
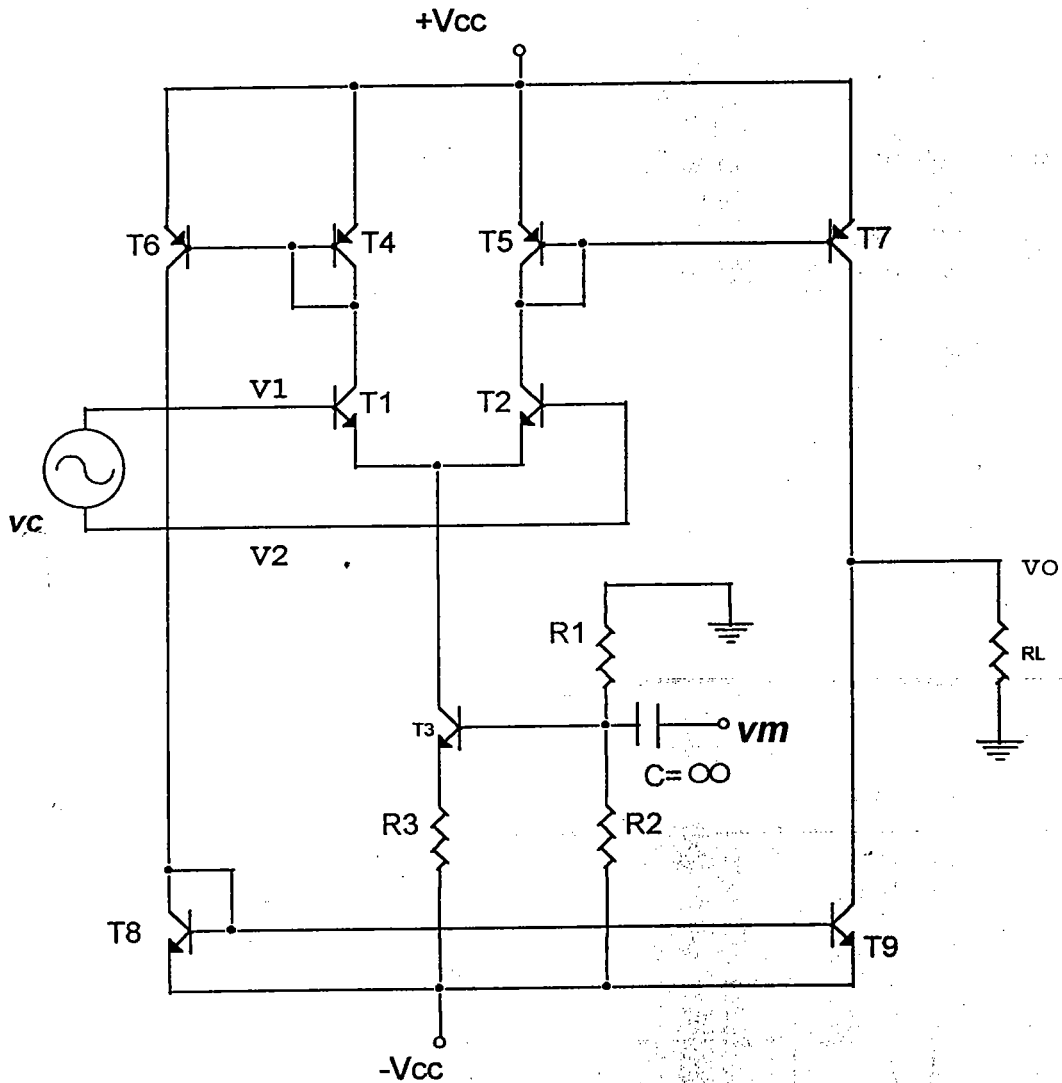


Figura 2

**Problema 2:(35 puntos)**



- Todos los transistores son idénticos.
- $\beta \gg 1$
- Tensión base-emisor en zona activa  $V_{BE}$ .

En el circuito de la figura:

- Determinar la función que relaciona a  $V_o$  con  $V_c$  y  $V_m$ , siendo  $V_m$  de amplitud tal que el transistor T3 opera en zona activa y  $V_c$  de cualquier amplitud.
- ¿Cuál puede considerarse como la amplitud de pico máxima en  $V_c$  para la cual el circuito opera como un multiplicador?
- ¿Cómo se puede aumentar el valor de  $V_c$  determinado en la parte anterior (rango para el cual el circuito funciona como multiplicador)? Indicar cuál es el nuevo rango para el circuito propuesto.

**Problema 3 : (35 puntos)**

- a) En el circuito de la figura 1 calcular el condensador C para minimizar el efecto del condensador  $C_{\mu}$  en la respuesta en frecuencia. Se supondrá que  $g_m \cdot R_L \gg 10$ ,  $C_{\pi} \approx 10 \cdot C_{\mu}$ ,  $g_m \cdot R_s / r_{\pi} \gg 1$ ,  $Q1 \equiv Q2$ .
- b) Para el circuito de la figura 2 explicar la función de los transistores Q3 y Q4. Calcular la frecuencia de caída 3 dB de la transferencia  $v_{out}/v_{in}$  si:  $R_s = 3k\Omega$ ,  $C_{\mu} = 5pF$ ,  $f_T = 100MHz$  @  $I_C = 2mA$ ,  $\beta = 200$ ,  $I_o = 4mA$ ,  $R_L = 1.5k\Omega$ ,  $Q1 \equiv Q2 \equiv Q3 \equiv Q4$ .  
 ¿Cuál sería la frecuencia de caída de 3dB sin Q3 y Q4?

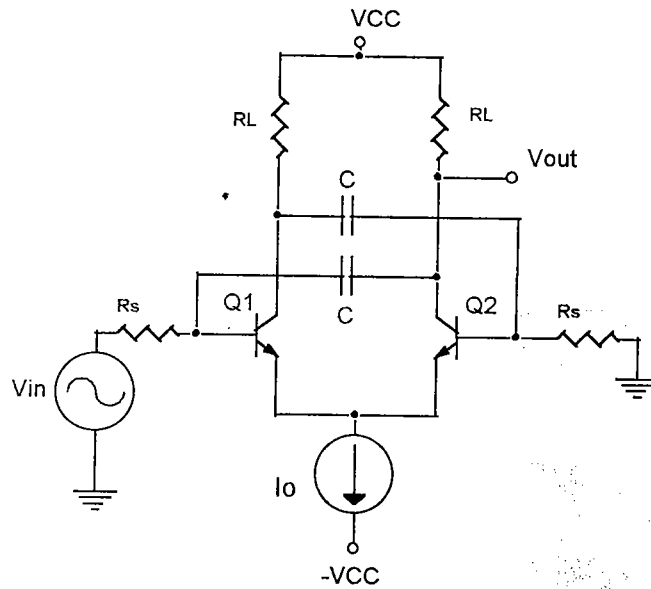


Figura 1

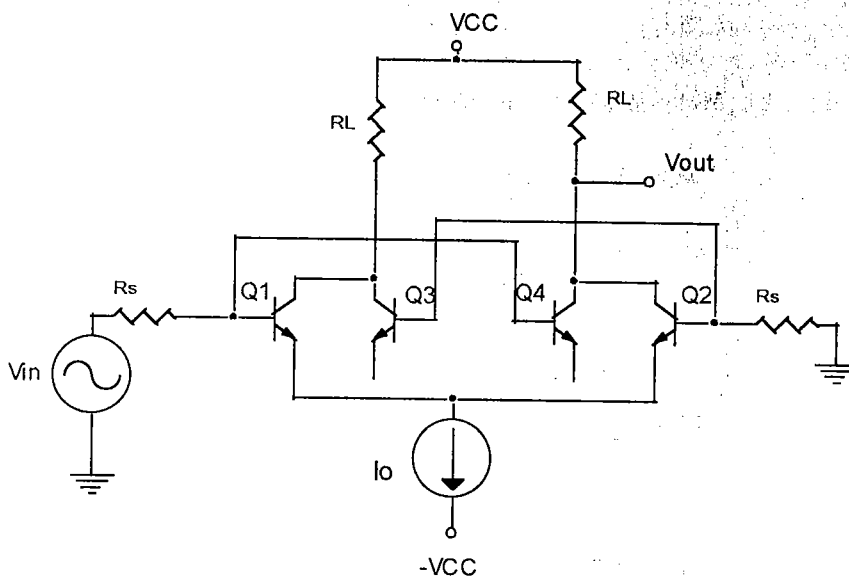
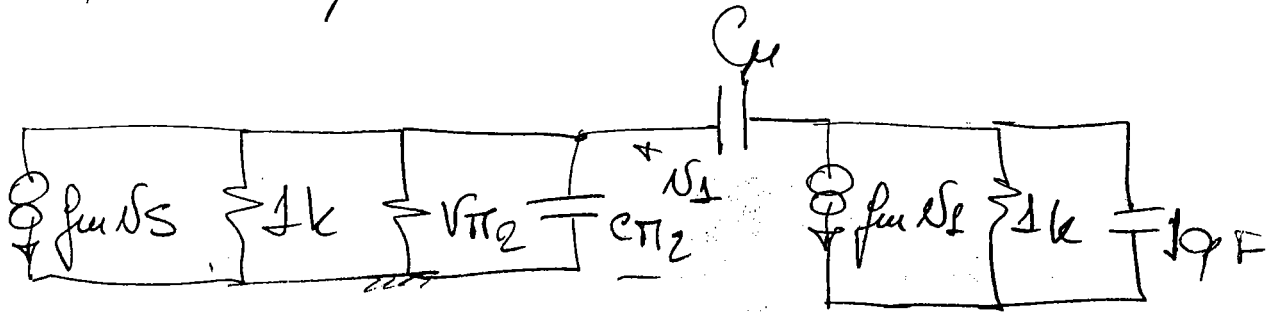


Figura 2

Calculo de los polos:



$$r_{\pi 2} = \frac{h_{fe} V_T}{I_C} = 2.6k$$

$$\rightarrow R_1 = 2.6k \parallel 1k = 722\Omega$$

$$R_2 = 1k$$

$$g_{m2} = g_{m1} = \frac{I_C}{V_T} = \frac{1}{26}$$

$$C_1 = C_{\pi 2} (C_{\mu} + C_{\mu}) = \frac{g_{m2}}{2\pi f_T} = \frac{1}{26 \cdot 2\pi \cdot 1000000} = 6.1pF$$

$$\Rightarrow C_{T1} = 56pF = C_1$$

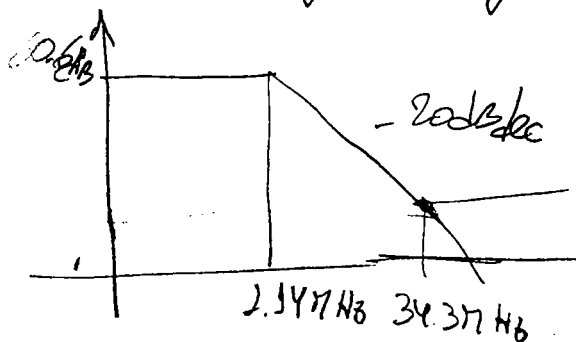
$$\Rightarrow \text{poles: } f_{p1} = \frac{1}{(g_{m2} R_2 C_{T1} R_1)^{2\pi}} = 1.14 \pi \text{ MHz}$$

$$f_{p2} = \frac{g_{m2} C_1}{2\pi (C_1 C_2 + g_{m2} (C_1 + C_2))} = 34.3 \pi \text{ kHz}$$

$$f_{-3dB} = f_{p1} = 1.14 \pi \text{ MHz}$$

Respon de fase: Diagrama de Bode:

$$A_0 = g_{m1} R_1 \cdot g_{m2} R_2 = 106B = 60.6dB$$



$$Q \approx 35.5 \Rightarrow f_{p2} < f_T \Rightarrow \text{PM} < 45^\circ$$

Vous devez de faire acceptable:

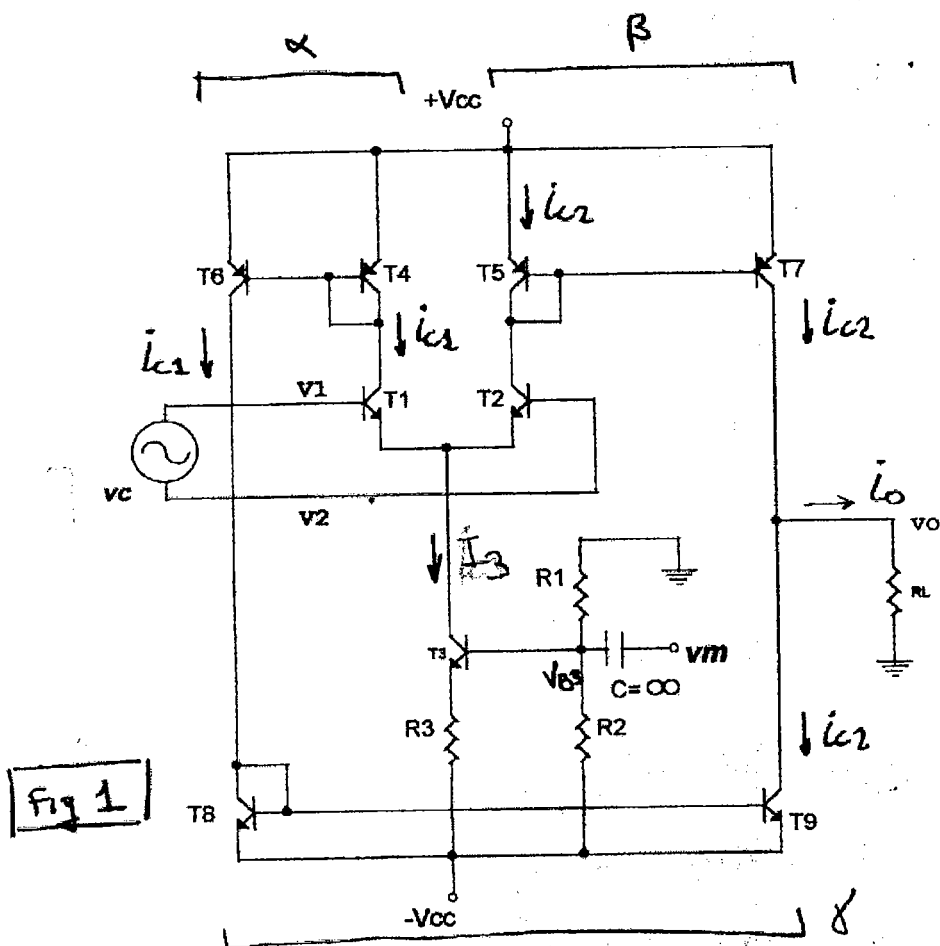
$$\frac{f_{p2} = 2.2 f_{IT} \approx 2.2 A_0 \cdot f_{ps}}{f_{u2} \cdot C_f} \quad \frac{f_{u2} R_2 C_f R_1}{(C_1 C_2 + C_f (C_1 + C_2)) 2\pi}$$

$$\Rightarrow \frac{f_{u2} R_2 C_f R_1}{f_{u1}} \cdot C_f^2 = 2.2 A_0 (C_1 C_2 + C_f (C_1 + C_2))$$

$$\Rightarrow C_f^2 - 2.2 (C_1 + C_2) C_f - 2.2 C_1 C_2 = 0$$

$$\Rightarrow C_f = 153 \text{ pF}$$

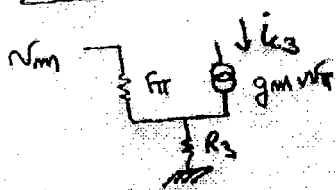
$$\Rightarrow C_{\text{compensation}} = C_f - C_{\mu} = \underline{\underline{148 \text{ pF}}}$$



$$V_{B3} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} (-V_{CC}) \Rightarrow \Delta V_{R3} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} (-V_{CC}) - V_{BE} + V_{CC} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta V_{R3} = \left( \frac{R_2}{R_1 + R_2} \right) V_{CC} - V_{BE} \Rightarrow I_{C3} = \left[ \left( \frac{R_2}{R_1 + R_2} \right) V_{CC} - V_{BE} \right] \frac{1}{R_3} \quad (\text{I})$$

$$g_{m3} = \frac{1}{R_3 V_T} \left[ \left( \frac{R_2}{R_1 + R_2} \right) V_{CC} - V_{BE} \right] \quad (\text{II})$$



$$i_{c3} = \frac{v_m}{\frac{1}{g_{m3}} + R_B} \quad (\text{III})$$

$$I_3 = I_{c3} + i_{c3} = \left[ \left( \frac{R_2}{R_1 + R_2} \right) V_{CC} - V_{BE} \right] \frac{1}{R_3 + r_T} + \frac{\sqrt{I_M}}{\frac{1}{g_{m3}} + R_3}$$

(IV)

$$i_{c1} = \frac{I_3}{1 + e^{-\frac{V_C}{V_T}}}$$

$$i_{c2} = \frac{I_3}{1 + e^{\frac{V_C}{V_T}}}$$

A la salida ambas se copian por los espejos  $\alpha$ ,  $\beta$  y  $\gamma$  (ver fig 1)

$$\Rightarrow i_o = \frac{I_3}{1 + e^{-\frac{V_C}{V_T}}} - \frac{I_3}{1 + e^{\frac{V_C}{V_T}}} = \dots \Rightarrow$$

$$i_o = I_3 \tanh \left( \frac{V_C}{2V_T} \right) \Rightarrow V_o = i_o \cdot R_L \Rightarrow$$

$$V_o = \left( I_{oc3} + \frac{\sqrt{I_M}}{\frac{1}{g_{m3}} + R_3} \right) \tanh \left( \frac{V_C}{2V_T} \right) R_L \Rightarrow$$

$$\Rightarrow V_o = (I_{oc3} + K \sqrt{I_M}) \tanh \left( \frac{V_C}{2V_T} \right) R_L \quad (V)$$

Para  $\frac{V_C}{2V_T} \ll 1 \Rightarrow i_{c1} - i_{c2} \approx \frac{I_3 V_C}{2V_T} \Rightarrow$

$$\Rightarrow V_o = (I_{oc3} + K \sqrt{I_M}) \frac{V_C}{2V_T} R_L \Rightarrow V_C \ll 2V_T$$

(VI)

Debo agregar algo que compense la no linealidad:



$$\tanh^{-1} = \frac{1}{2} L \left( \frac{1+k}{1-k} \right)$$

USO:

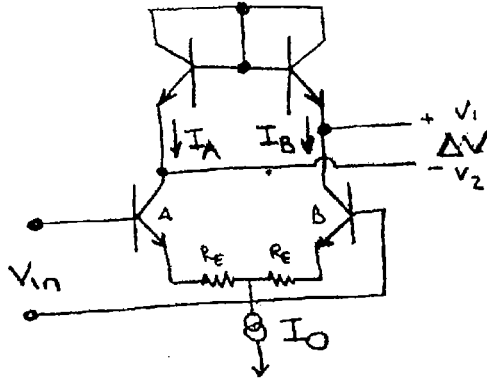


Fig. 2

$$\begin{aligned} I_A &= I_0 + C V_{in} \\ I_B &= I_0 - C V_{in} \\ C &\approx \frac{1}{2R_E} \end{aligned} \Rightarrow \quad (\#)$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \Delta V &= V_T L \left( \frac{I_0 + C V_{in}}{I_s} \right) - V_T L \left( \frac{I_0 - C V_{in}}{I_s} \right) = \\ &= V_T L \left( \frac{I_0 + C V_{in}}{I_0 - C V_{in}} \right) \Rightarrow \boxed{\Delta V = 2 V_T \tanh^{-1} \left( \frac{C V_{in}}{I_0} \right)} \end{aligned} \quad \text{VII}$$

⇒ Para todo el circuito: (junto V y VII)

$$V_0 = (I_{oc3} + K \sqrt{I_m}) \frac{C V_{in}}{I_0} R_E \Rightarrow$$

$$\boxed{V_0 = C' (I_{oc3} + K \sqrt{I_m}) V_{in} R_E}$$

El rango es el dado por el circuito de la Figura. 2 →

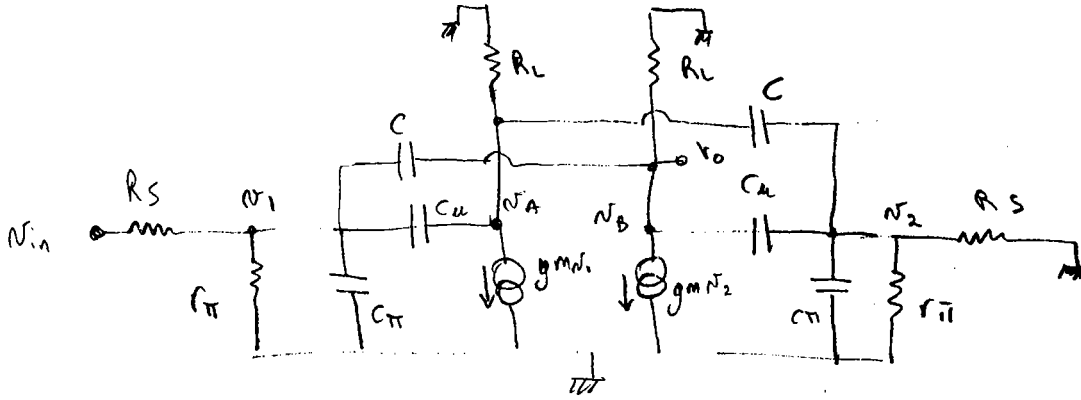
Obtengo rangos:

De (#)  $I_A$  e  $I_B$  deben ser  $> 0 \Rightarrow$

$$\Rightarrow \boxed{|V_{in}| < I_0 \cdot 2R_E}$$



### Problema 3.

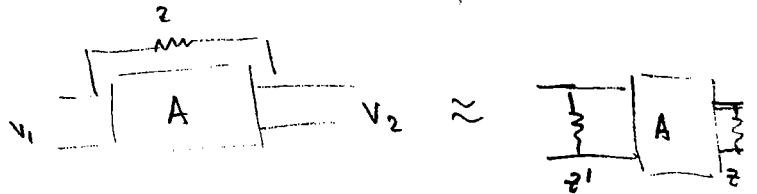


En baja frec.:

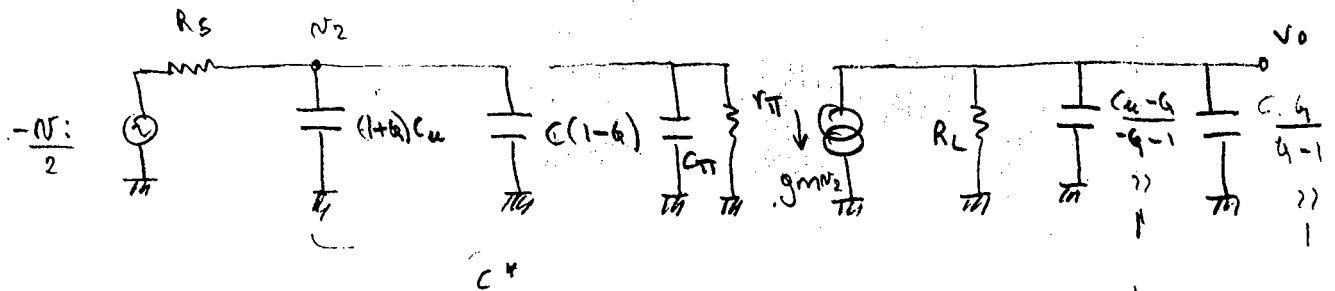
$$\frac{V_A}{V_1} = \frac{V_B}{V_2} = -\frac{V_B}{V_1} = -\frac{V_A}{V_2} = -g_m R_L = -G$$

$$z' = \frac{z}{1-A}$$

$$z'' = \frac{A}{A-1} z$$



Por simetría y aplicando Miller el circuito equivalente es:



$$C^* = C_{\pi} + C_{\mu} + C + G(C_{\mu} - C)$$

$$\omega_{p1} = \frac{1}{r_{\pi} \parallel R_S \cdot C^*}$$

$$\omega_{p2} = \frac{1}{R_L \cdot (C_{\mu} + C)}$$

Como  $G \gg 10 \Rightarrow$  para minimizar el efecto de  $C_{\mu}$  elijo  $C_{\mu} = C$

$$\omega_{p1} \approx \frac{1}{r_{\pi} \parallel R_s \cdot C_{\pi}} < \omega_{p2} = \frac{1}{R_L \cdot 2C_u}$$

$r_{\pi} \parallel R_s$  del orden de  $R_L$

$$C_{\pi} \gg C_u$$

$Q_3$  y  $Q_4$  aportan el  $C = C_u$ . Dado que son idénticos a  $Q_1$  y  $Q_2$  y tiene la misma tensión colector base aplicada.

$$f_T = \frac{g_m}{2\pi \cdot (C_{\pi} + C_u)} \Rightarrow C_{\pi} = \frac{g_m}{2\pi f_T} - C_u = 117 \text{ pF}$$

$$g_m = \frac{2}{26} = \frac{1}{13} = 0,077$$

$$r_{\pi} = \frac{200}{0,077} = 2600 \Omega$$

$$r_{\pi} \parallel R_s = 1393,2$$

$$\omega_{p1} = \frac{1}{r_{\pi} \parallel R_s \cdot (C_{\pi} + 2C_u)} = 5,65 \text{ MHz}$$

$$f_{p1} = 1,7 \text{ MHz}$$

Sin  $Q_3$  y  $Q_4$

$$\omega_{p1} = \frac{1}{r_{\pi} \parallel R_s \cdot (C_{\pi} + 116,5 \cdot C_u)} = 1,12 \text{ MHz} \Rightarrow f_{p1} = 179 \text{ kHz}$$

$$g_m \cdot R_L = 115,5$$