

Composición de funtores

```
newtype Compose f g a = Compose {getCompose :: f (g a)}
```

```
-- Operador de composicion de funtores
infixr ::
type f ::: g = Compose f g
```

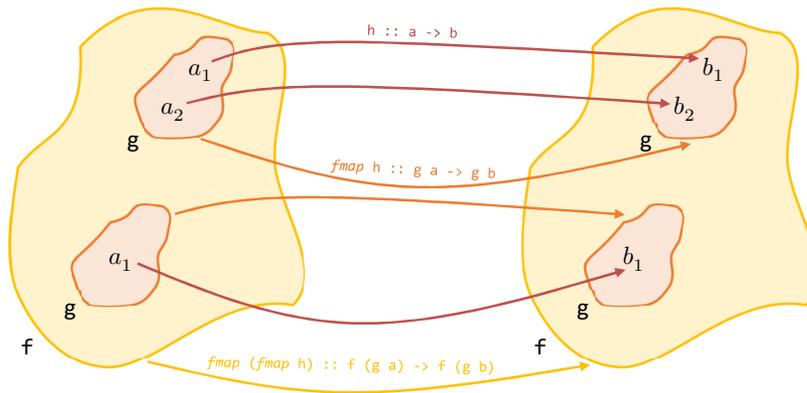
```
-- La composicion de funtores es un functor
instance (Functor f, Functor g) => Functor (f ::: g) where
    fmap h (Compose x) = Compose (fmap (fmap h) x)
```

El tipo de fmap es

$$fmap :: Functor f => (a \to b) \to f a \to f b$$

con lo cual, el fmap más externo tiene tipo

$$fmap :: (g a \to g b) \to f (g a) \to f (g b)$$

$$fmap \underset{(a \to b)}{h} (Compose \underset{(a \to b)}{x}) = Compose (fmap \underset{(a \to b)}{fmap h} \underset{(a \to b)}{x})$$


```
-- La composicion de funtores aplicativos es un functor aplicativo
instance (Applicative f, Applicative g) => Applicative (f ::: g) where
    pure x = Compose (pure (pure x))
    Compose h <*> Compose x = Compose ((<*>) <$> h <*> x)
```

Recordar los tipos de <*> y de pure:

$$(<*>) :: Applicative f => f (a \to b) \to f a \to f b$$

$$pure :: Applicative f => a \to f a$$

En este caso,

$$pure (<*>) :: (Applicative f, Applicative g) => f (g (a \to b)) \to g a \to g b$$

y

$$(<*>) :: Applicative g => g (a \to b) \to g a \to g b$$

Además, se tiene que $h <$> t = fmap h t \equiv pure h <*> t$. Entonces,

$$Compose \underset{(a \to b)}{h} <*> Compose \underset{(a \to b)}{x} = Compose (pure \underset{(a \to b)}{(<*>)} \underset{(a \to b)}{<$>} \underset{(a \to b)}{h} \underset{(a \to b)}{<*>} \underset{(a \to b)}{x})$$

La composición de dos mónadas puede no ser una mónada, pero si es un functor aplicativo.