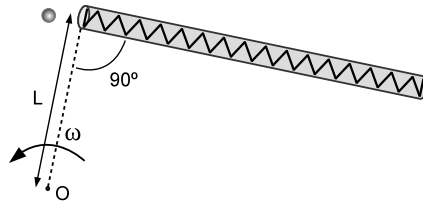


Examen de Mecánica Newtoniana
14 de febrero de 2019

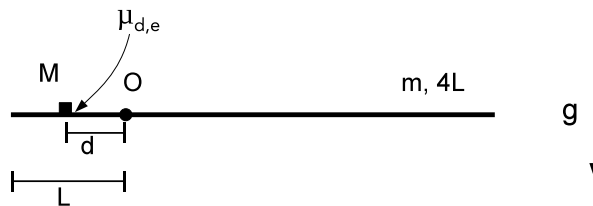
Ejercicio 1- Considere un tubo que gira con velocidad angular ω constante respecto a un punto fijo O como muestra la figura. Uno de los extremos del tubo dista L del punto O, de modo que O se encuentra sobre la perpendicular al tubo. El tubo tiene en su interior un resorte de longitud natural igual al largo del tubo y constante elástica k.

Una masa puntual m, que se encuentra en reposo a una distancia L del punto O, es en determinado momento capturada por el tubo y comienza a moverse dentro del mismo. Entre las paredes del tubo y la masa existe un coeficiente de rozamiento cinético μ . En este problema no actúa el peso.



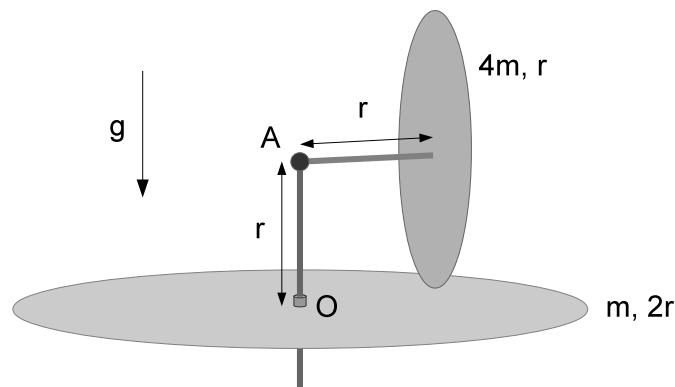
- Calcule la expresión de las fuerzas reactivas sobre la partícula en función de los parámetros del sistema y de la posición de la partícula y/o su velocidad.
- Encuentre la/las ecuación/es diferencial/es del movimiento de la partícula.
- Encuentre la ley horaria para el movimiento relativo de la partícula dentro del tubo, válida al comienzo del movimiento. Asuma ahora que $\mu = 1$ y $k=3m\omega^2$.

Ejercicio 2- El sistema de la figura está constituido por una barra de masa m y largo 4L, que tiene una articulación cilíndrica lisa ubicada en el punto O fijo, ubicado a una distancia L del extremo izquierdo. A la izquierda del punto O, a una distancia d, se apoya una masa puntual M. El contacto entre la masa y la barra es rugoso de coeficiente de rozamiento estático μ_e y dinámico μ_d . En el sistema actúa el peso.



- Determine la relación que deben verificar los diferentes parámetros del sistema para que $d=\frac{L}{3}$ sea una configuración de equilibrio con la barra horizontal.
- Con la configuración anterior y desde el reposo se sustituye la masa puntual por otra que verifica $m=M$. Encuentre la ecuación de movimiento para la barra suponiendo que la masa no desliza respecto a la barra.
- Halle la posición angular de la barra en la cual la masa comienza a deslizar, y determine si la masa, una vez que comience a deslizar, se moverá acercándose o alejándose de O.

Ejercicio 3- Un disco horizontal de masa m y radio $2r$ puede girar libremente en torno a un punto fijo O según un eje vertical. Sobre este disco se apoya otro disco de radio r y masa $4m$, que se mantiene contenido en un plano vertical gracias a una barra de masa despreciable y largo r . Dicha barra tiene un extremo soldado al centro del disco y perpendicularmente al plano del mismo. El otro extremo está soldado a una articulación esférica lisa A fija al eje de giro del disco horizontal y a una distancia r del mismo. El contacto entre los discos es rugoso, con coeficiente de rozamiento dinámico μ . Inicialmente el disco horizontal y la barra están en reposo, y el disco vertical gira en torno a la barra horizontal con velocidad angular $\dot{\varphi}_0$. En el sistema actúa el peso.



- Calcule la velocidad angular del disco horizontal para $t = \infty$.
- Calcule la pérdida total de energía mecánica en el sistema entre el instante inicial y $t = \infty$.

Recordatorio:

$$\text{Si } a \frac{d^2x}{dt^2} + b \frac{dx}{dt} + cx = 0$$

$$x = A e^{-\frac{b}{2a}t} \cos\left(\frac{\sqrt{4ac-b^2}}{2a}t\right) + B e^{-\frac{b}{2a}t} \sin\left(\frac{\sqrt{4ac-b^2}}{2a}t\right) \text{ si } (b^2 - 4ac) < 0$$

$$x = A e^{-\frac{b-\sqrt{b^2-4ac}}{2a}t} + B e^{-\frac{b+\sqrt{b^2-4ac}}{2a}t} \text{ si } (b^2 - 4ac) > 0$$

$$x = (A + B t)e^{-\frac{b}{2a}t} \text{ si } (b^2 - 4ac) = 0$$