

**Seminario en confiabilidad de dispositivos electrónicos:  
el caso particular de las luminarias  
LED (Light Emitting Diode)  
para alumbrado público**

Fernando Silveira, Francisco Veirano,  
Nicolás Rivero, Michael Varela

Instituto de Ingeniería Eléctrica, Universidad de la  
República, Uruguay

# Objetivos

---

- ◆ Brindar una introducción a la confiabilidad en general y en particular para el caso de los dispositivos electrónicos.
- ◆ Presentar un resumen de estudios recientes en mecanismos de fallas en luminarias LEDs y su seguimiento.
- ◆ Dar una introducción a los ensayos utilizados para la estimación del nivel de confiabilidad de dispositivos electrónicos y en particular la normativa que está surgiendo en el campo de la iluminación LED.

# Plan

---

- ◆ Ma 26/3: Introducción, definición y matemática de la confiabilidad.
- ◆ Jue 28/3: Confiabilidad y mecanismos de falla de componentes electrónicos
- ◆ Ma 2/4: Test de envejecimiento acelerado, normas
- ◆ Jue 4/4: Degradación de los LEDs (TM21), asignación de artículos a presentar por los asistentes
  
- ◆ Ma 7/5: Mecanismos de falla en luminarias LED
- ◆ Jue 9/5: Seguimiento de tasa de fallas
- ◆ Ma 14/5, Jue 16/5: Presentaciones de material adicional por parte de los asistentes

# Bibliografía

---

- ◆ Matemática de la confiabilidad:

Applied Reliability, 2nd. Ed., P. Tobias, D. Trindade, Van Nostrand Reinhold, ISBN 0-442-00469-9, 1995. (3ra Ed. 2011 CRC)

- ◆ Mecanismos de Fallas:

Failure Mechanisms in Semiconductor Devices, 2nd. Ed., E. Ajith Amerasekera, F. Najm, John Wiley and Sons, ISBN 0 471 96482 9, 1997

- ◆ Confiabilidad LEDs

Solid State Lighting Reliability Part 2: Components to Systems, Willem Dirk van Driel, Xuejun Fan, Guo Qi Zhang, Eds., Springer, ISBN 978-3-319-58174-3, 2018. Disponibile gratis Timbo

- ◆ Normas, reportes, artículos técnicos

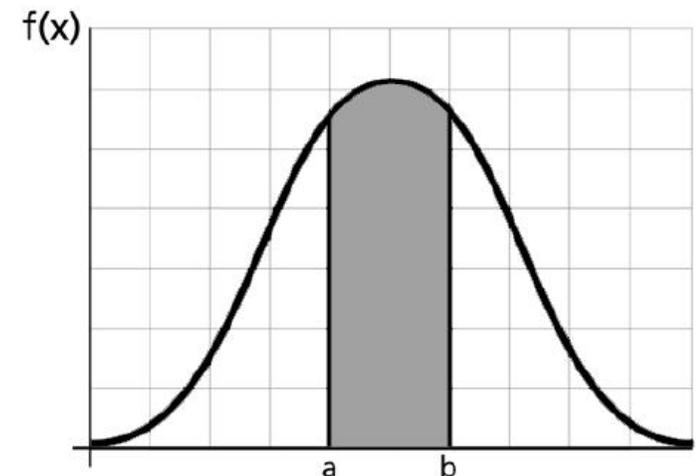
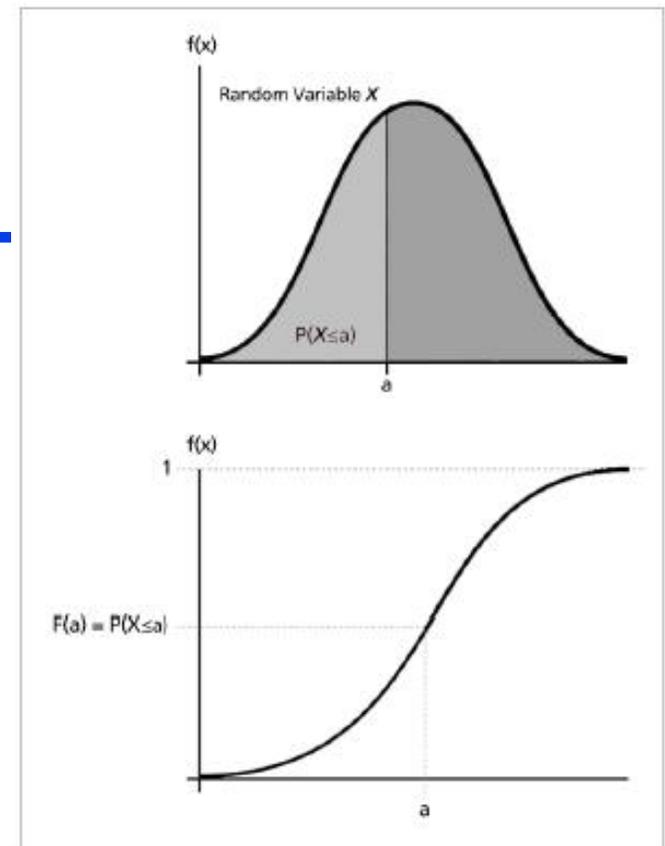
# Conceptos Básicos de Confiabilidad

Fernando Silveira

Instituto de Ingeniería Eléctrica, Universidad de la  
República, Uruguay

# Rememorando ...

- ◆  $P(A.B)=P(A).P(B/A)$   
 $\Rightarrow P(B/A) = P(A.B)/P(A)$
- ◆ Función distribución:  
 $F(a) = P(X < a)$   
Monótona creciente  
 $P(x_1 < X < x_2) = F(x_2) - F(x_1)$
- ◆ Densidad de probabilidad correspondiente a  $F(x)$   
 $f(t) = dF(x)/dx$   
$$P(a < X < b) = \int_a^b f(x) dx$$



# Definiciones

- ◆ Función distribución de tiempo de vida (“life distribution”)
  - $F(t) = P(\text{ tiempo de vida } < t ) = \text{Prob. de que una unidad haya fallado a las } t \text{ hs.}$
- ◆ Función confiabilidad  $R(t)$ 
  - $R(t) = 1 - F(t) = \text{Prob. que una unidad no haya fallado a las } t \text{ hs.}$
- ◆ Densidad de probabilidad correspondiente a  $F(t)$ 
  - $f(t) = dF(t)/dt$
- ◆ Tasa de falla (“failure rate”)

$$h(t) = \frac{F(t + \Delta t) - F(t)}{(1 - F(t)) \cdot \Delta t} = \frac{f(t)}{1 - F(t)}$$

- ◆ Tiempo Medio de Falla (Mean Time to Fail, MTTF)

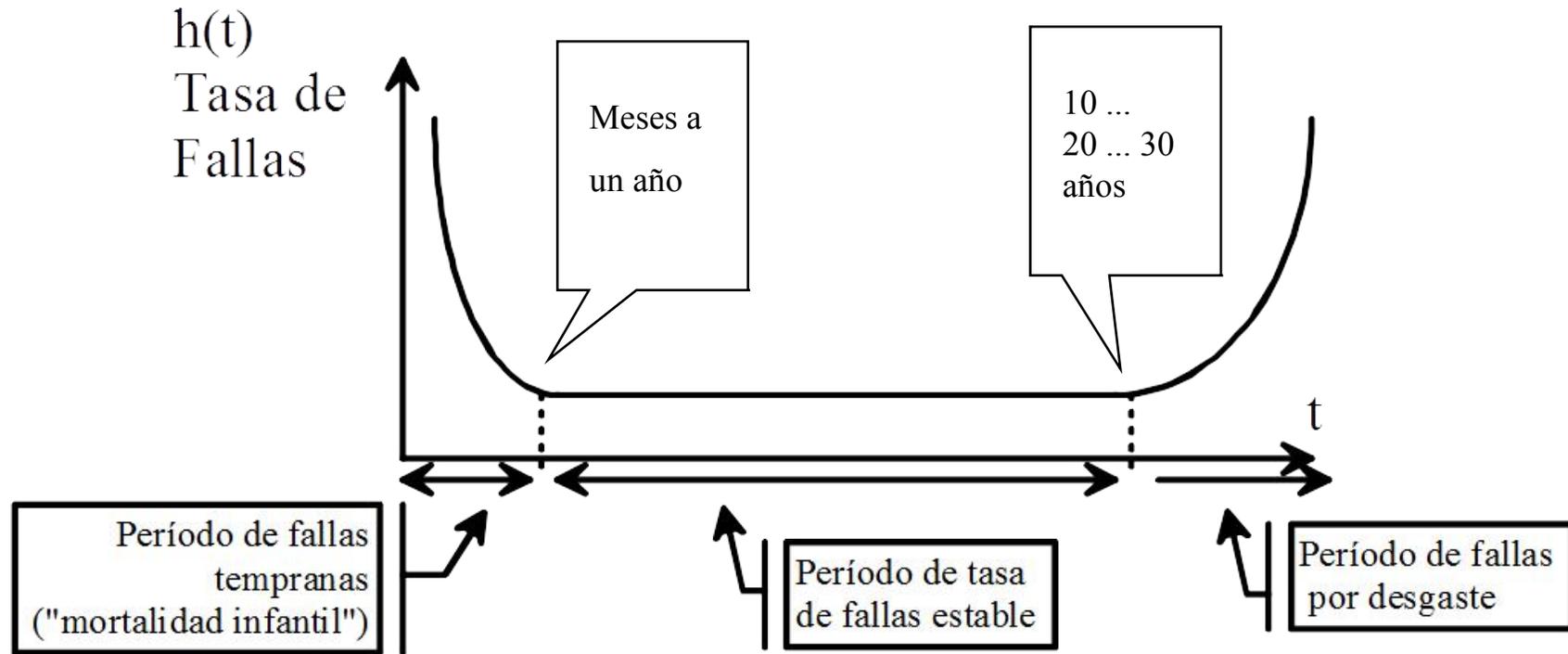
$$MTTF = \int_0^{+\infty} t \cdot f(t) \cdot dt$$

# Unidades de la tasa de fallas $h(t)$

---

- ◆ %/K: porcentaje de unidades que fallan cada 1000 horas
- ◆ PPM/K: partes por millón que fallan cada 1000 horas
- ◆  $1 \text{ PPM/K} = 1 \times 10^{-6} \text{ fallas} / 1 \times 10^3 \text{ horas} =$   
= 1 falla /  $10^9$  horas  
= 1 FIT (“fails in time”) o (“failure unit”).

# ¿ Cómo evoluciona la tasa de fallas ?



Curva de la bañera (“Bath Tub Curve”)

Tasa de fallas =  $f(\text{proceso de fabricación, diseño, entorno})$

# Modelado de la distribución de tiempos de vida: tasa de fallas constante

- ◆ Distribución exponencial

$$\begin{aligned}f(t) &= \lambda e^{-\lambda t} & F(t) &= 1 - e^{-\lambda t} \\h(t) &= \lambda & MTTF &= 1/\lambda\end{aligned}$$

- ◆ Modela tasa de fallas constante

- ◆ Se demuestra que:

- Tasa de fallas constante  $\Leftrightarrow$  distribución exponencial
- Distribución exponencial  $\Leftrightarrow$  Propiedad de “ausencia de memoria” (“lack of memory”):
  - »  $P(\text{falle en la próximas } k \text{ horas} / \text{sobrevivió } t \text{ horas}) = P(\text{unidades nuevas fallen en } k \text{ horas})$

$$\frac{F(t+k) - F(t)}{(1 - F(t))} = F(k)$$

# Modelado de la distribución de tiempos de vida: Caso general: Weibull

- ◆ Distribución de Weibull

$$F(t) = 1 - e^{-\left(\frac{t}{\alpha}\right)^\beta} \quad f(t) = \left(\frac{\beta}{t}\right) \left(\frac{t}{\alpha}\right)^\beta e^{-\left(\frac{t}{\alpha}\right)^\beta} \quad h(t) = \left(\frac{\beta}{t}\right) \left(\frac{t}{\alpha}\right)^\beta$$

- ◆  $\alpha$ : parámetro de escala o vida característica (también llamado  $\eta$ )
  - $F(t=\alpha) = 1 - e^{(-1)} = 0.632 \Rightarrow 63.2\%$  de la población falla en tiempo  $\alpha$  *independientemente del valor de  $\beta$* . Por ello también se le llama  $t_{63}$
- ◆  $\beta$ : parámetro de forma:
  - $\beta=1$ :
    - $\Rightarrow$  coincide con distribución exponencial con  $\lambda=(1/\alpha)$
    - $\Rightarrow h(t)$  constante =  $(1/\alpha)$
    - $\Rightarrow \alpha=(1/\lambda) = \text{MTTF}$
  - $\beta>1$ :  $h(t)$  creciente
  - $\beta<1$ :  $h(t)$  decreciente

# Distribución de Weibull ( $h(t)$ )

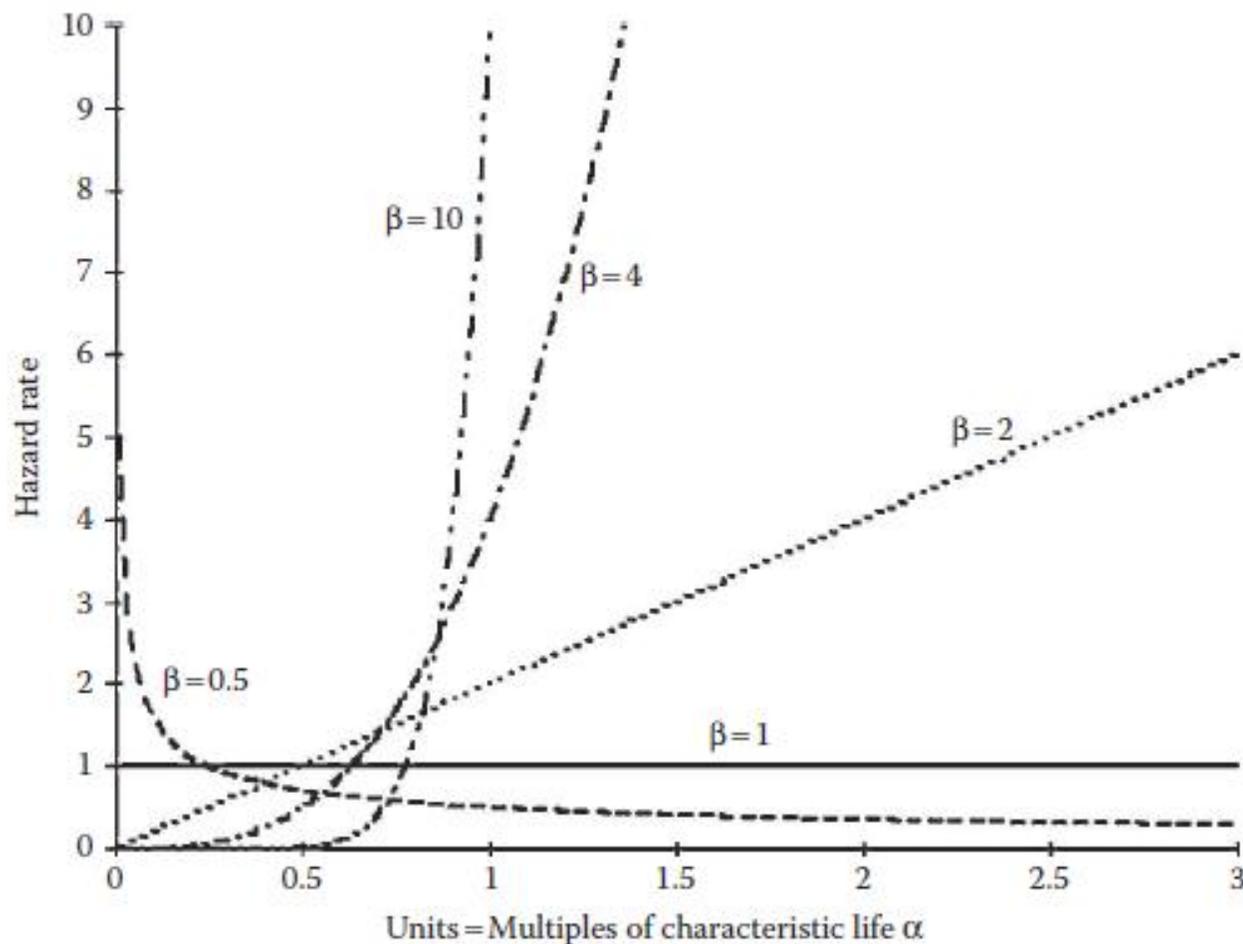


FIGURE 4.3  
Weibull failure rate (hazard rate).

Tomada de Tobias y Trindade, 3ra Ed.

# Distribución de Weibull ( $f(t)$ )

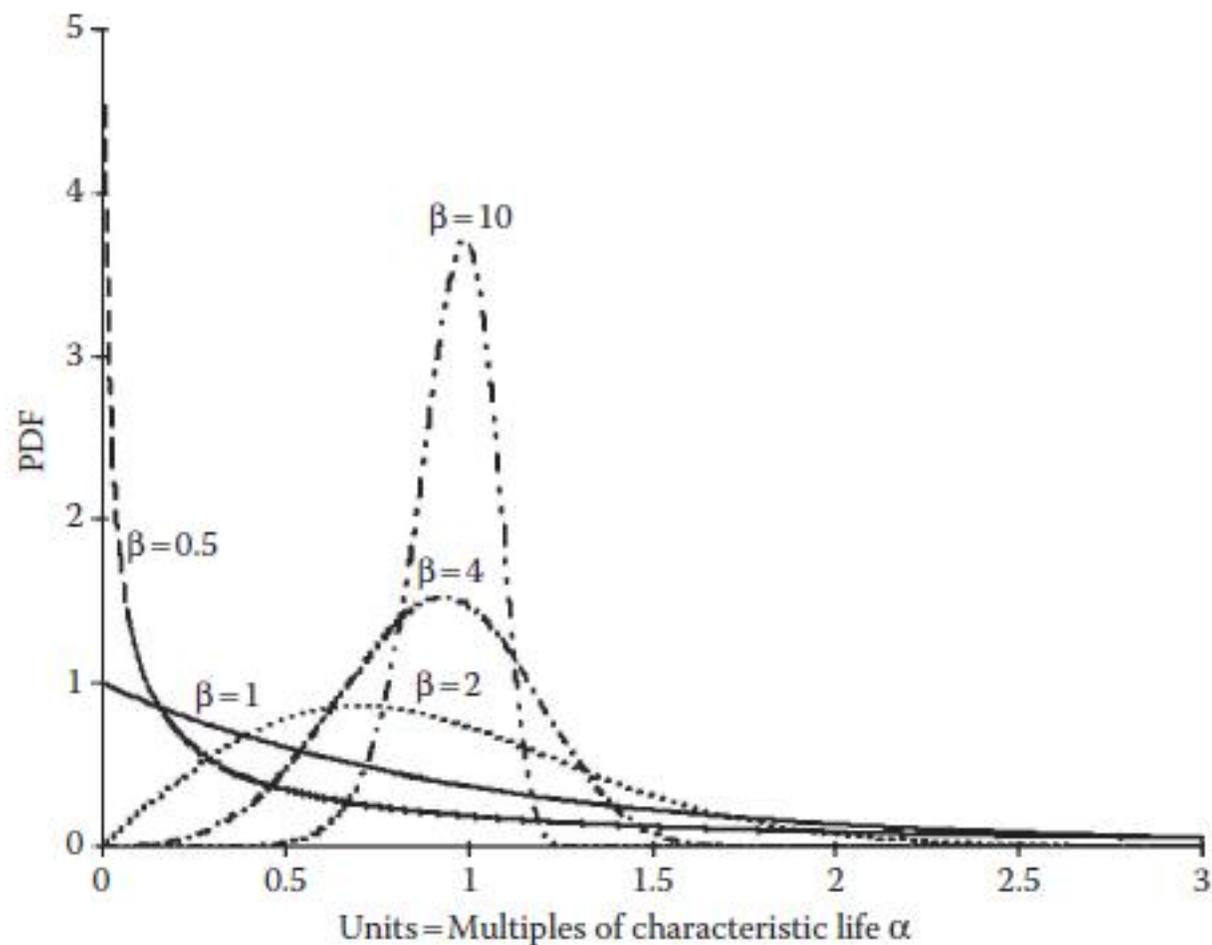


FIGURE 4.2  
Weibull PDF.

Tomada de Tobias y Trindade, 3ra Ed.

# Distribución de Weibull ( $F(t)$ )

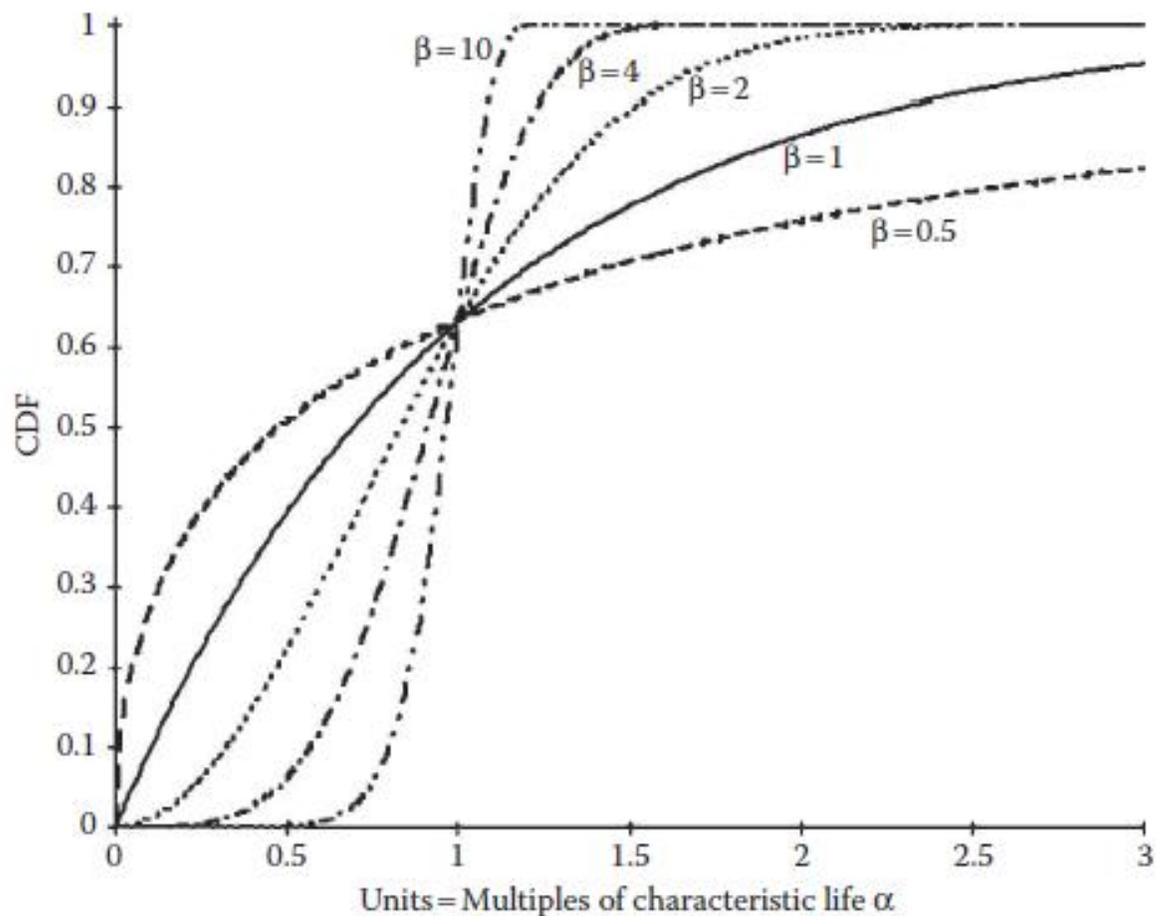


FIGURE 4.1  
Weibull CDF.

Tomada de Tobias y Trindade, 3ra Ed.

# Utilidad / Justificación Weibull

---

- ◆ Modelado de la curva de la bañera
- ◆ IES TM-26:2015
- ◆ Justificación teórica: se puede demostrar que:
  - Si una falla depende de muchos procesos idénticos e independientes y el primero que llega a un cierto nivel crítico determina el tiempo de falla → la distribución del tiempo de fallas es Weibull

# Estimación de parámetros de Weibull

$$F(t) = 1 - e^{-\left(\frac{t}{\alpha}\right)^\beta} \quad \ln [1 - F(t)] = -\left(\frac{t}{\alpha}\right)^\beta$$

$$\ln \{ -\ln [1 - F(t)] \} = \beta \ln t - \beta \ln \alpha$$

- ◆ 1) Se obtiene de una muestra los tiempos de fallas (t) y la correspondiente distribución (F(t)), 2) Se ajusta por una recta, por mínimos cuadrados por ej., y se obtienen  $\beta$  y  $\alpha$ . 3) Se puede hacer sobre papel de “Weibull”
- ◆ **¿Cómo estimar F(t)?**
  - => Alternativa “trivial”
  - => Median Ranks: estima  $F(t_i)$  con 50% de confianza, siendo  $t_i$  el i-ésimo tiempo de falla en una muestra de N. Es la mediana: para toda F, la verdadera F la mitad de las veces está por arriba y la mitad por abajo
  - => Aproximación de Bernard de Median Ranks, si i número de falla ordenada y N total de muestras testeadas

$$\hat{F}(t_i) = \frac{i - 0.3}{N + 0.4}$$

# Median Ranks

$$\hat{F}(t_i) = \frac{i-0.3}{N+0.4}$$

Rank order	Sample size									
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	50.0%	29.2%	20.6%	15.9%	13.0%	10.9%	9.5%	8.3%	7.4%	6.7%
2		70.8%	50.0%	38.6%	31.5%	26.6%	23.0%	20.2%	18.1%	16.3%
3			79.4%	61.4%	50.0%	42.2%	36.5%	32.1%	28.7%	26.0%
4				84.1%	68.5%	57.8%	50.0%	44.0%	39.4%	35.6%
5					87.0%	73.4%	63.5%	56.0%	50.0%	45.2%
6						89.1%	77.0%	67.9%	60.6%	54.8%
7							90.5%	79.8%	71.3%	64.4%
8								91.7%	81.9%	74.0%
9									92.6%	83.7%
10										93.3%

$$MR = \frac{j-.3}{N+.4}$$

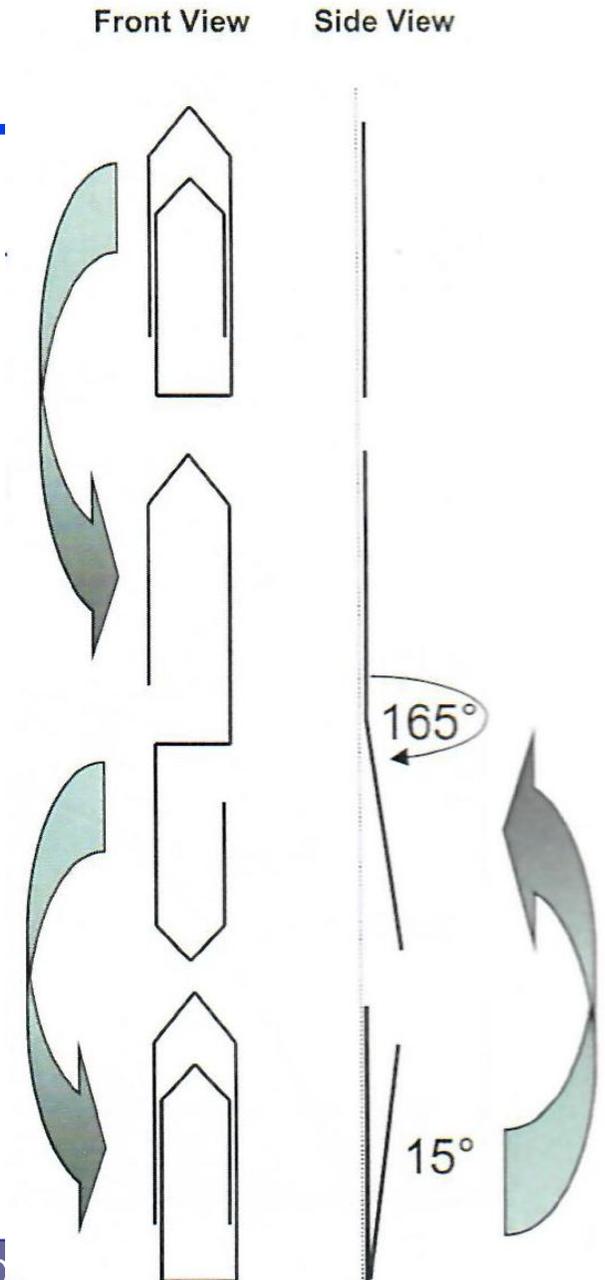
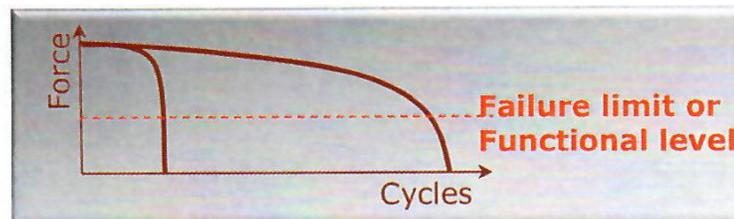
*For sample size ≤ 5 confidence cannot be calculated*

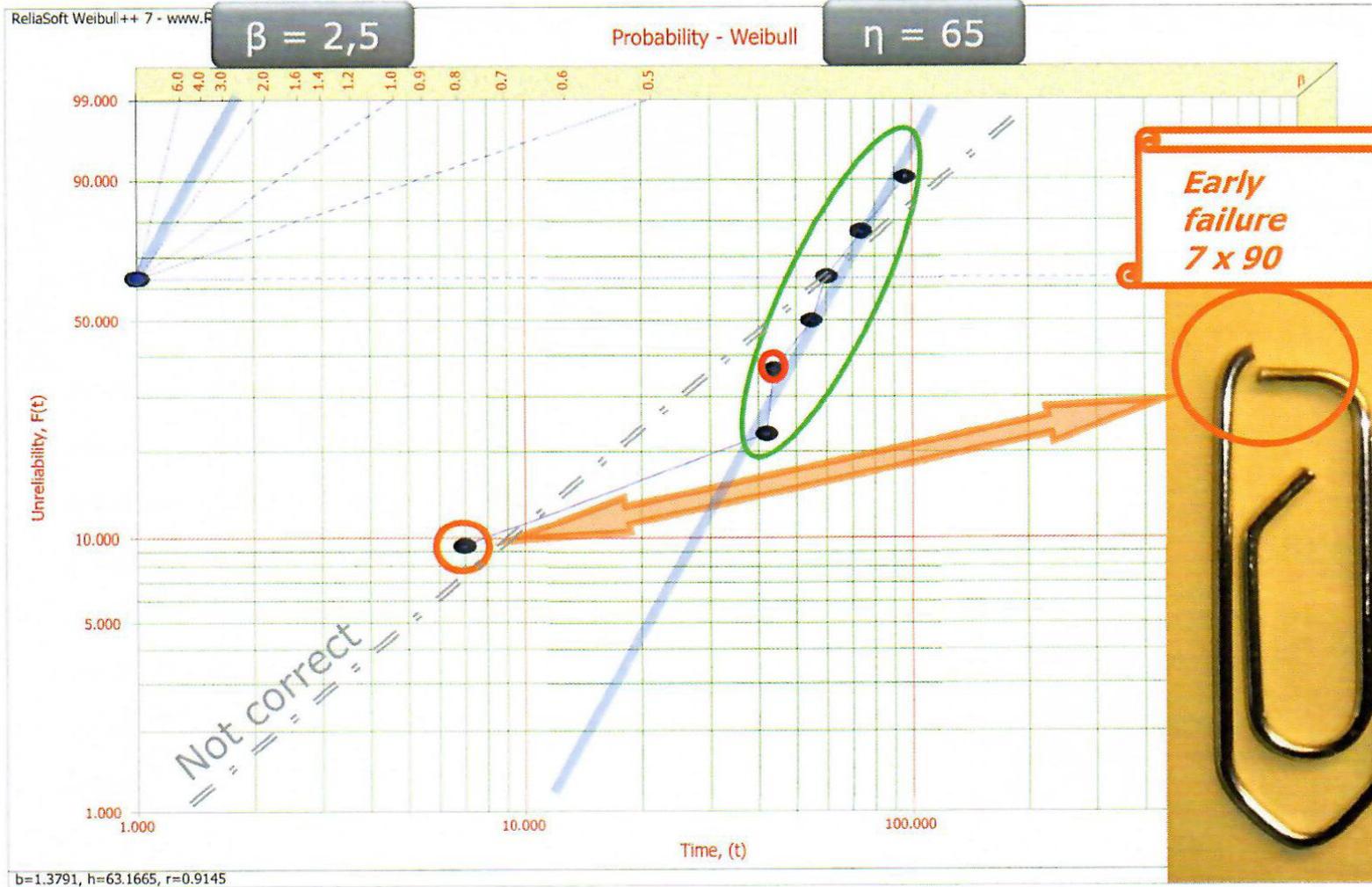
# Apliquemos la teoría !

(Con las gracias a Peter de Place Rikken)

- ◆ Calcular los valores de median ranks para el tamaño de muestra considerado.
- ◆ Poner los clips horizontales en la mesa y usar la mesa y el dedo como límite para el doblado
- ◆ Abra y cierra los clips (esto contará como 2 ciclos).
- ◆ Cuente y anote los ciclos que se requieren hasta que el clip se rompa (o quede muy “flojo”).
- ◆ Cuidar que los movimientos sean constantes y la velocidad aprox. la misma de un clip al otro.
- ◆ Sienta la fuerza que precisa y como se degrada
- ◆ Separe los clips que resistieron más y los que resistieron menos.

<https://bit.ly/2HArniy>





**Early failure**  
7 x 90

**Normal Wear**  
42-94 x 90



# The Physics

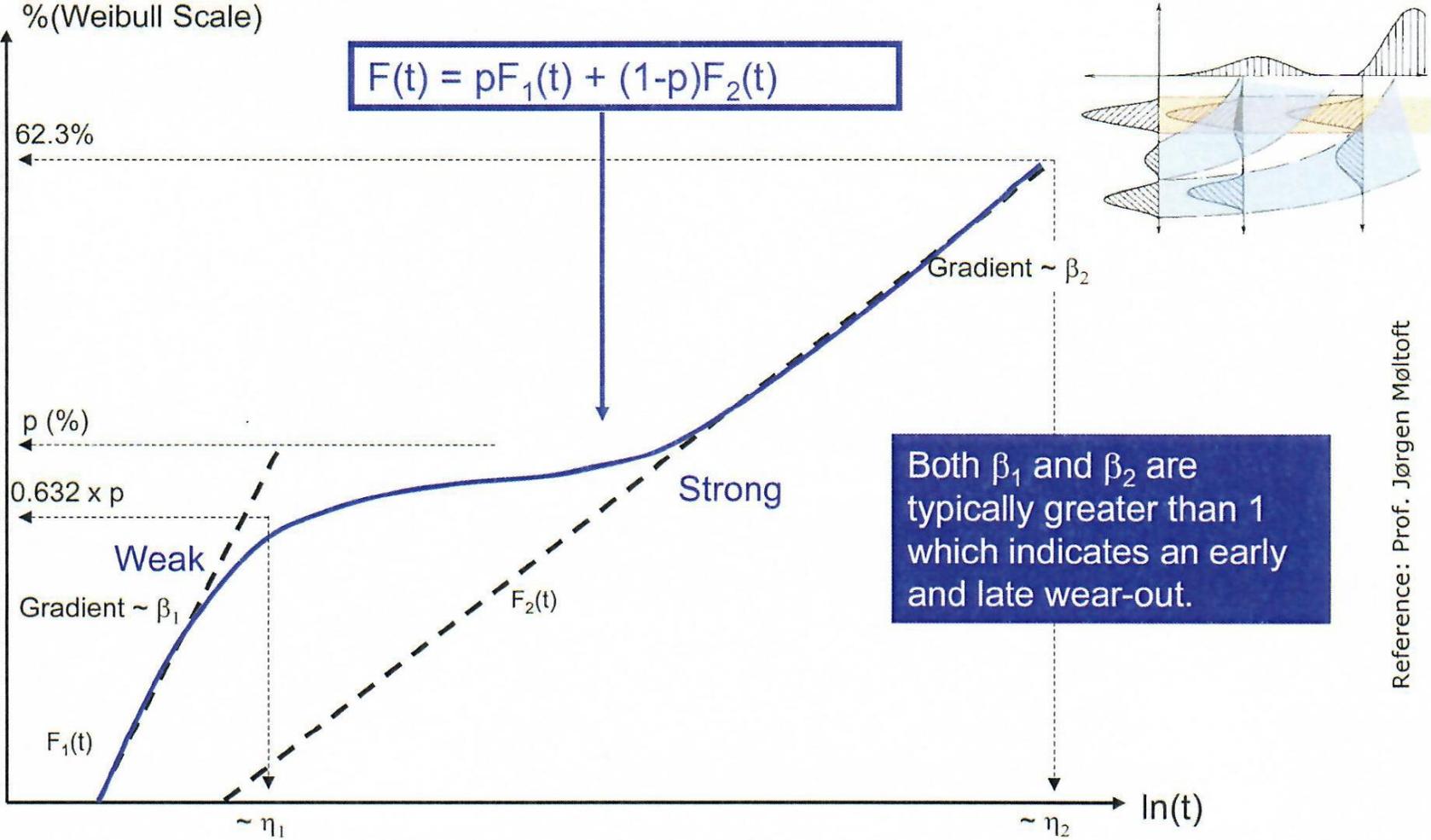
90° Bending  
3 cycles

# The Physics

## 90° Bending 41 cycles



# Bimodal Weibull Distribution



Reference: Prof. Jørgen Møltoft

# Estimación de parámetros

## Caso tasa de fallas constante $\lambda$

◆ Estimación de  $\lambda$  
$$\hat{\lambda} = \frac{\text{número de fallas } (r)}{\underbrace{\text{horas bajo test } (T) \cdot \text{número de unidades bajo test } (n)}_{\text{PowerOnHours}}}$$

- ◆ Cota de  $\lambda$  con intervalo de confianza  $(1 - \alpha) \cdot 100\%$ , por ej. 95 %  
 $(\alpha = 0.05)$

$$\hat{\lambda}_{95} / P(\lambda < \hat{\lambda}_{95}) = 0.95 \qquad \hat{\lambda}_{95} = \hat{\lambda} \cdot k_{r,95}$$

- ◆ Ejemplos: 0 fallas al final del test, 95% de confianza

$\lambda$	POH	Test
114 FITs = 1 falla / mil unidades / año	26 Mhs	100 unidades durante 29 años o 18000 unidades durante 2 meses !!
0.33 % de fallas / año	3.63 Mhs	100 unidades durante 4 años o 2520 unidades durante 2 meses !!

# Como medir la confiabilidad:

## Modelos de envejecimiento acelerado

- ◆ POH equivalentes = Horas de test . Factor de Aceleración
- ◆ Modelo de Arrhenius: Aceleración por temperatura
  - Factor de aceleración  $AF = e^x$ , con

$$x = \frac{E_a}{k} \left( \frac{1}{T_{uso}} - \frac{1}{T_{acel}} \right)$$

- $E_a$ : energía de activación en eV (desde 0.3 a 1.3, depende de mecanismo de falla)
  - $k$ : Constante de Boltzmann ( $8.617e-5$  eV/°K)
  - $T_{uso}$ : temperatura de uso en °K
  - $T_{acel}$ : temperatura en test en °K
- 
- ◆ Ej.:  $T_{uso} = 15^\circ\text{C}$ ,  $T_{acel} = 85^\circ\text{C}$ ,  $E_a = 0.65\text{eV} \Rightarrow$  Factor de aceleración: 165  
 $\Rightarrow 0.33\%$ , 95%, 0 falla: 22 unidades durante 1000 hs (aprox. 40 días)

# Como medir la confiabilidad: Modelos de envejecimiento acelerado

---

- ◆ Aceleración con otros factores de stress:
  - Con Voltaje o Corriente: Eyring ( $T_{63}=A.e^{(-\alpha V)}$ ) y otros
  - Ciclado térmico: Coffin-Manson
  - Temperatura y Humedad
- ◆ ¿ Cómo se determinan los parámetros de los modelos de aceleración (ej. Ea) ?
  - Por estudios / ensayos sobre mecanismos de fallas (literatura, norma JEDEC JEP122).
  - Por estudios / ensayos sobre muestras del producto.

# ¿ Cómo se determinan los parámetros de los modelos de aceleración ?

**Voltage acceleration**  
Weibull - 90%-Confidence Level

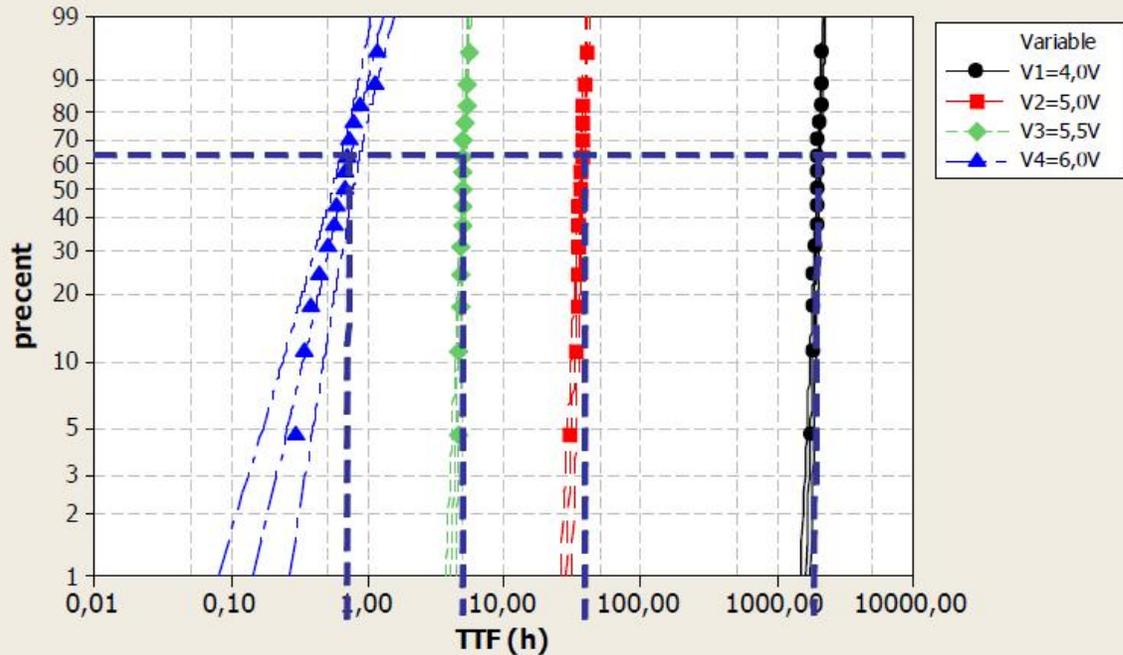
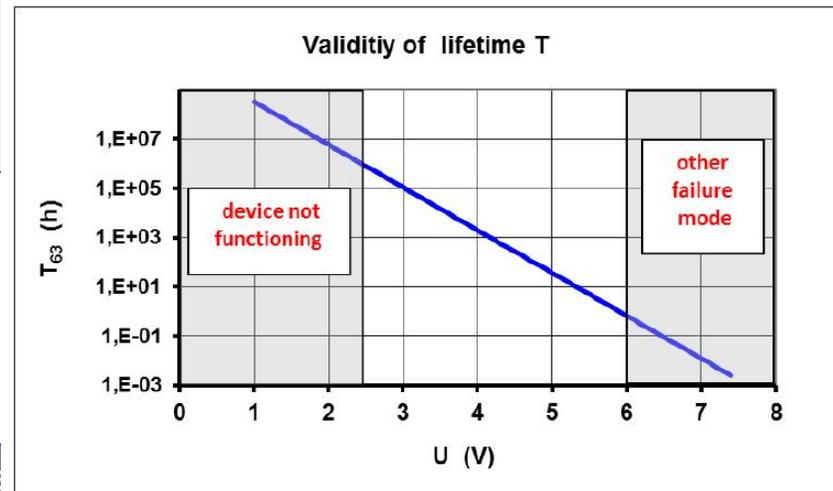


Table 9: Weibull parameter for different stress voltages

test	$V_{\text{stress}}$ (V)	$T_{63}$ (h)	$\beta$
1	4,0	2033	20,1
2	5,0	37,3	17,0
3	5,5	5,1	20,1
4	6,0	0,715	2,9

Eyring Model:  $T_{63} = A \cdot e^{(-\alpha V)}$   
 $\ln(T_{63}) = \ln(A) - \alpha V$

Tomado de ZVEI: How to measure lifetime for robustness validation – step by step



# Como medir la confiabilidad:

## ¿Cuántas muestras y por cuánto tiempo ?

- ◆ Caso modelo exponencial, tasa de fallas constante  $\lambda$
- ◆ Si **0 falla al final de test**, luego de testear por  $nT$  horas equivalentes,  $n$  número de muestras,  $T=AF \cdot t$ ,  $AF$ : factor de aceleración,  $t$ : horas de test => estimador de  $\lambda$  con intervalo de confianza de  $(1-\alpha) \cdot 100\%$ :

$$\hat{\lambda}_{(1-\alpha) \cdot 100} = \frac{-\ln \alpha}{n \cdot T} \quad \hat{\lambda}_{95} \simeq \frac{3}{n \cdot T}$$

- ◆ Si hay **fallas al final del test**

$$\hat{\lambda}_{(1-\alpha) \cdot 100} = \frac{r}{n \cdot T} \cdot k_{r, (1-\alpha) \cdot 100}$$

- ◆  $k_{r, (1-\alpha) \cdot 100}$  se calcula usando la distribución  $\chi^2$  (para test de hipótesis), ver Tobias & Trindade o usar Arrhenius / Fit rate calculator de Maxim Integrated

<https://www.maximintegrated.com/en/design/tools/calculators/general-engineering/qafits.cfm>