

Dependencias, parsing

GFLN

InCo

2015

Métodos de parsing

Nos concentraremos en representaciones en dependencias de tipo árbol (proyectivo o no).

El objetivo del parsing es, dada una oración, construir uno o varias representaciones en dependencias.

Podemos distinguir entre 3 tipos de métodos:

- ▶ Basado en gramática

Métodos de parsing

Nos concentraremos en representaciones en dependencias de tipo árbol (proyectivo o no).

El objetivo del parsing es, dada una oración, construir uno o varias representaciones en dependencias.

Podemos distinguir entre 3 tipos de métodos:

- ▶ Basado en gramática
- ▶ Basado en restricciones

Métodos de parsing

Nos concentraremos en representaciones en dependencias de tipo árbol (proyectivo o no).

El objetivo del parsing es, dada una oración, construir uno o varias representaciones en dependencias.

Podemos distinguir entre 3 tipos de métodos:

- ▶ Basado en gramática
- ▶ Basado en restricciones
- ▶ Basado en datos

Parsing basado en datos (data-driven)

- ▶ Es el enfoque más difundido actualmente.
- ▶ No hay gramática ni restricciones explícitas.
- ▶ Aprendizaje a partir de un corpus anotado con árboles (treebank).
- ▶ Para el inglés se usó el Penn, transformado a dependencias.
- ▶ Veremos 2 variantes:
 - ▶ Basado en la historia de parsing, con decisiones locales. (Nivre, MALTPARSER, 2004)
 - ▶ Inferencia global sobre árboles posibles. (Mc Donald, 2007)

Aprendizaje a partir de historia

- ▶ Algoritmo goloso (greedy) que toma decisiones locales óptimas
- ▶ Guiado por un clasificador entrenado con secuencias de derivaciones (gold standard)
- ▶ Ventajas:
 - ▶ fácil de implementar
 - ▶ determinístico, por lo tanto eficiente (tiempo)
 - ▶ curva de aprendizaje empinada (requiere relativamente pocos datos de entrenamiento)
 - ▶ se aprende la historia de las transiciones de un parser determinista

Aprendizaje a partir de historia (2)

Principales sistemas desarrollados

- ▶ 2002 - Japonés - Kudo, Matsumoto (sin etiquetas)
- ▶ 2003 - Inglés - Yamada, Matsumoto (sin etiquetas)
- ▶ 2004 - Sueco, Inglés, Nivre et al. con etiquetas
- ▶ 2005 en adelante - Maltparser: generador de parsers, resultados reportados para más de 10 idiomas

Parsing basado en transiciones(2)

Podemos reconocer los siguientes módulos:

- ▶ Parser determinista de dependencias basado en transiciones
- ▶ Generación de historia de parsing a partir de un árbol de dependencias
- ▶ Formulación paramétrica de un oráculo en función de atributos
- ▶ Modelo de aprendizaje de los parámetros del oráculo

Definición

Grafo de dependencias para una oración.

Dado un conjunto R de etiquetas, un grafo de dependencias para una oración $x = (w_1, w_2, \dots, w_n)$ es un grafo dirigido etiquetado $G = (V, E, L)$ tal que:

1. $V = (\text{Root}, w_1, \dots, w_n)$
2. $E \subseteq V \times V$
3. $L: E \rightarrow R$
4. El nodo Root es una raíz (ninguna arista incide en Root)
5. G es un árbol proyectivo

Definiciones previas, notación

- ▶ Las aristas son pares ordenados (i,j) , usamos también la notación $i \rightarrow j$.
En la arista $i \rightarrow j$, j es el dependiente, el nodo i es el head

Definiciones previas, notación

- ▶ Las aristas son pares ordenados (i,j) , usamos también la notación $i \rightarrow j$.
En la arista $i \rightarrow j$, j es el dependiente, el nodo i es el head
- ▶ Llamamos V^+ a los nodos correspondientes a una oración $x = (w_1, w_2, \dots, w_n)$.
Se cumple $V^+ = V - Root$.

Definiciones previas

Definición

Configuración.

Dado un conjunto $R = r_0, r_1, \dots, r_m$ de etiquetas y una oración $x = (w_1, w_2, \dots, w_n)$ una **configuración de parsing** para x es una cuádrupla $c = (\rho, \tau, h, d)$, donde:

1. ρ es un stack de nodos de V
2. τ es una cola ordenada de nodos de V^+
3. $h: V^+ \rightarrow V$ es una función que indica el padre de cada nodo (único, por hipótesis)
4. $d: V^+ \rightarrow R$ es una función que indica la etiqueta de la única arista que incide en cada nodo. Si $h(i) = \text{Root}$, $d(i) = \text{root}$

Definiciones previas

Definición

Grafo definido por una configuración

La configuración $c = (\rho, \tau, h, d)$ define el grafo de dependencias

$G_c = (V, E_c, L_c)$ donde:

1. $E_c = \{(i, j) \mid h(j) = i, j = w_1, w_2, \dots, w_n\}$
2. $L_c = \{((i, j), r) \mid d(j) = r, j = w_1, w_2, \dots, w_n\}$

Definiciones previas

Definición

Grafo definido por una configuración

La configuración $c = (\rho, \tau, h, d)$ define el grafo de dependencias

$G_c = (V, E_c, L_c)$ donde:

1. $E_c = \{(i, j) | h(j) = i, j = w_1, w_2, \dots, w_n\}$
2. $L_c = \{((i, j), r) | d(j) = r, j = w_1, w_2, \dots, w_n\}$

Toda configuración por la que pasa el algoritmo define un grafo de dependencias válido.

Definiciones previas

Definición

Grafo definido por una configuración

La configuración $c = (\rho, \tau, h, d)$ define el grafo de dependencias

$G_c = (V, E_c, L_c)$ donde:

1. $E_c = \{(i, j) | h(j) = i, j = w_1, w_2, \dots, w_n\}$
2. $L_c = \{((i, j), r) | d(j) = r, j = w_1, w_2, \dots, w_n\}$

Toda configuración por la que pasa el algoritmo define un grafo de dependencias válido.

Se parte de una configuración inicial donde todos los nodos *token* dependen del nodo raíz, con etiqueta *root*.

Definiciones previas

Definición

Configuración inicial

La configuración $c = (Root, (1, 2, \dots, n), h_0, d_0)$ es una configuración inicial sii:

1. $h_0(i) = Root$, para todo $i \in V^+$
2. $d_0(i) = root$, para todo $i \in V^+$

Definiciones previas

Definición

Configuración inicial

La configuración $c = (Root, (1, 2, \dots, n), h_0, d_0)$ es una configuración inicial sii:

1. $h_0(i) = Root$, para todo $i \in V^+$
2. $d_0(i) = root$, para todo $i \in V^+$

Inicializamos todos los nodos dependiendo de la raíz, con la correspondiente etiqueta. Al final del algoritmo, los nodos para los cuales no se encontró *head* quedan dependiendo de la raíz y se asegura la buena formación del árbol de dependencias.

Definiciones previas

Definición

Configuración inicial

La configuración $c = (Root, (1, 2, \dots, n), h_0, d_0)$ es una configuración inicial sii:

1. $h_0(i) = Root$, para todo $i \in V^+$
2. $d_0(i) = root$, para todo $i \in V^+$

Inicializamos todos los nodos dependiendo de la raíz, con la correspondiente etiqueta. Al final del algoritmo, los nodos para los cuales no se encontró *head* quedan dependiendo de la raíz y se asegura la buena formación del árbol de dependencias.

El algoritmo opera por transiciones hasta llegar a una configuración final, en esta se debe haber vaciado la cola de entrada.

Definiciones previas

Definición

Configuración final

Definiciones previas

Definición

Configuración final

Cualquier configuración $c = (\rho, \epsilon, h, d)$ es una configuración final.

Definiciones previas

Definición

Configuración final

Cualquier configuración $c = (\rho, \epsilon, h, d)$ es una configuración final.

Solo exigimos que se agote la cola de entrada. De este modo, habremos realizado una pasada completa, de izquierda a derecha, sobre la tira de entrada, y se habrá formado el árbol de dependencias.

Para especificar el algoritmo, solo resta definir cuáles son las transiciones posibles. Las transiciones se definen como mapeos entre configuraciones; definimos a continuación notación para configuraciones:

- ▶ C – conjunto de configuraciones posibles (dada una oración x).
- ▶ C^0 – conjunto de configuraciones iniciales
- ▶ C^e – conjunto de configuraciones finales
- ▶ C^n – conjunto de configuraciones no finales

Para especificar el algoritmo, solo resta definir cuáles son las transiciones posibles. Las transiciones se definen como mapeos entre configuraciones; definimos a continuación notación para configuraciones:

- ▶ C – conjunto de configuraciones posibles (dada una oración x).
- ▶ C^0 – conjunto de configuraciones iniciales
- ▶ C^e – conjunto de configuraciones finales
- ▶ C^n – conjunto de configuraciones no finales

Notar que C^0 es siempre $((Root), (1, 2, \dots, n), h_0, d_0)$.

Para especificar el algoritmo, solo resta definir cuáles son las transiciones posibles. Las transiciones se definen como mapeos entre configuraciones; definimos a continuación notación para configuraciones:

- ▶ C – conjunto de configuraciones posibles (dada una oración x).
- ▶ C^0 – conjunto de configuraciones iniciales
- ▶ C^e – conjunto de configuraciones finales
- ▶ C^n – conjunto de configuraciones no finales

Notar que C^0 es siempre $((Root), (1, 2, \dots, n), h_0, d_0)$.

Solo se puede aplicar una transición a una configuración $\in C^n$.

Algoritmo

Definición

Transición

Una transición es una función parcial $C^n \rightarrow C$, de alguno de los siguientes tipos:

1. STACK-HIJO(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho, j|\tau, h[j \mapsto i], d[i \mapsto r])$, si $h(i) = \text{Root}$
2. STACK-PADRE(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$
3. REDUCE:
 $(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$
4. SHIFT:
 $(\rho, i|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i, \tau, h, d)$

Algoritmo, ejemplo, 1

Root Con inflación creciente , Economía busca acuerdo de precios .

- ▶ Configuración inicial, Stack : naranja, Cola : verde

Algoritmo, ejemplo, 2

Root Con inflación creciente , Economía busca acuerdo de precios .

- ▶ SHIFT, $(\rho, i|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i, \tau, h, d)$, $i = \text{Con}$

Algoritmo, ejemplo, 3



- ▶ STACK-PADRE(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$,
 $i = \text{Con}$, $j = \text{inflación}$

Algoritmo, ejemplo, 4



- ▶ STACK-PADRE(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$,
 $i = \text{inflación}$, $j = \text{creciente}$

Algoritmo, ejemplo, 5



- ▶ STACK-PADRE(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$,
 $i = \text{creciente}$, $j =$,

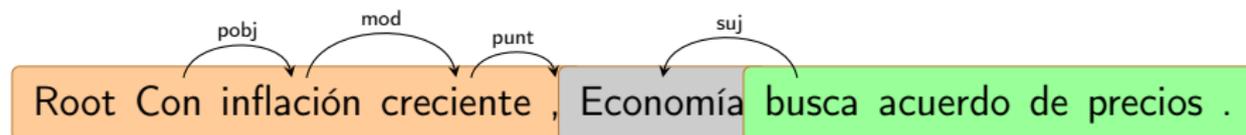
Algoritmo, ejemplo, 6



► SHIFT:

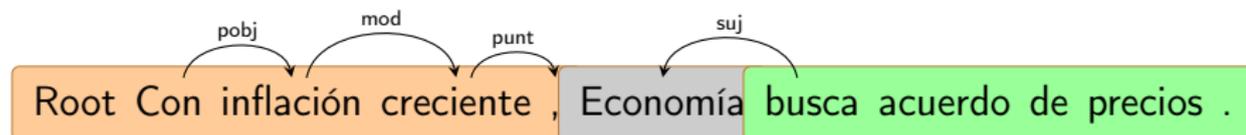
$(\rho, i | \tau, h, d) \rightarrow (\rho | i, \tau, h, d)$, $i = \text{Economía}$

Algoritmo, ejemplo, 7



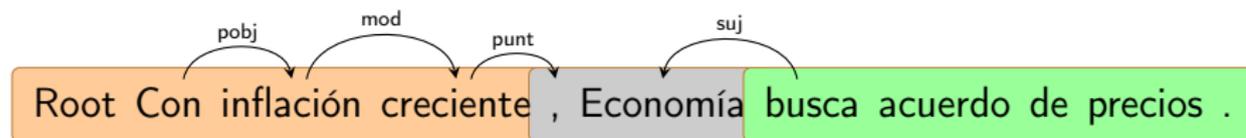
- ▶ STACK-HIJO(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho, j|\tau, h[j \mapsto i], d[i \mapsto r])$, si $h(i) = \text{Root}$,
 $i = \text{Economía}$, $j = \text{busca}$

Algoritmo, ejemplo, 7



- ▶ STACK-HIJO(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho, j|\tau, h[j \mapsto i], d[i \mapsto r])$, si $h(i) = \text{Root}$,
 $i = \text{Economía}$, $j = \text{busca}$
- ▶ Las palabras eliminadas se ven en fondo gris

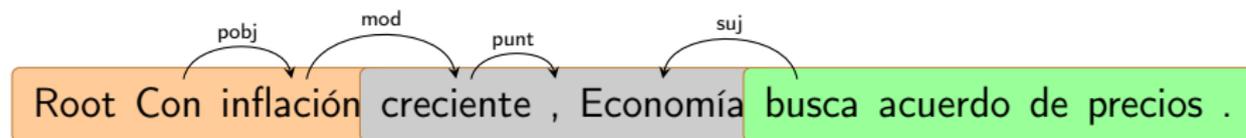
Algoritmo, ejemplo, 8



- ▶ REDUCE:

$(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$ $i=,$

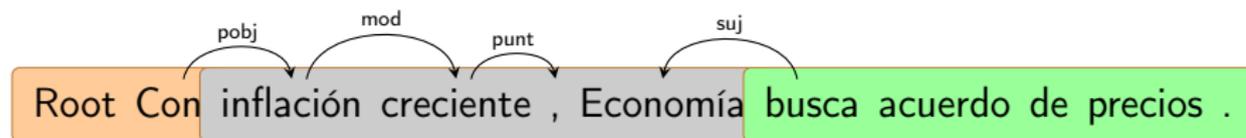
Algoritmo, ejemplo, 9



► REDUCE:

$(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$ $i = \text{creciente}$

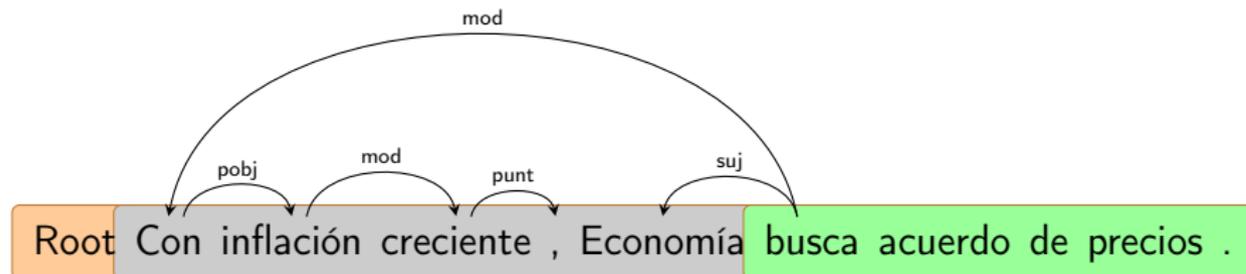
Algoritmo, ejemplo, 10



► REDUCE:

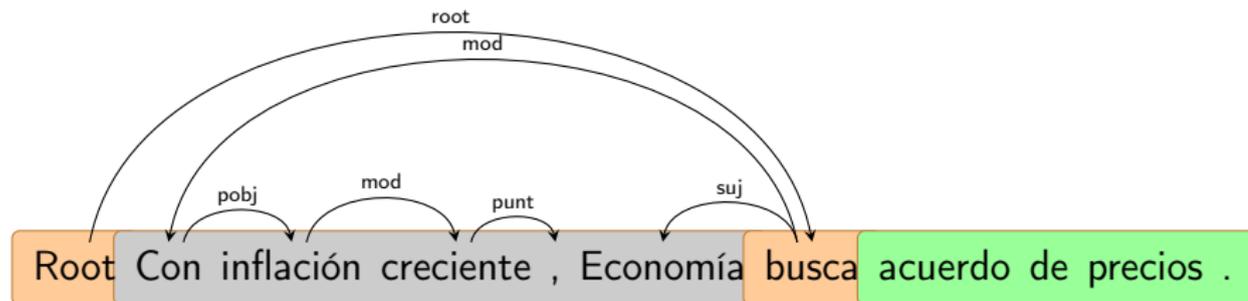
$(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$, $i = \text{inflación}$

Algoritmo, ejemplo, 11



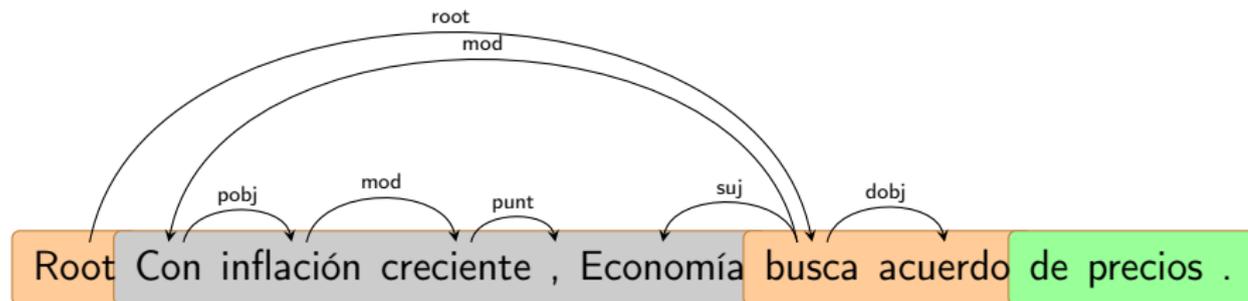
- ▶ STACK-HIJO(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho, j|\tau, h[j \mapsto i], d[i \mapsto r])$, si $h(i) = \text{Root}$,
 $i=\text{con}$, $j=\text{busca}$

Algoritmo, ejemplo, 12



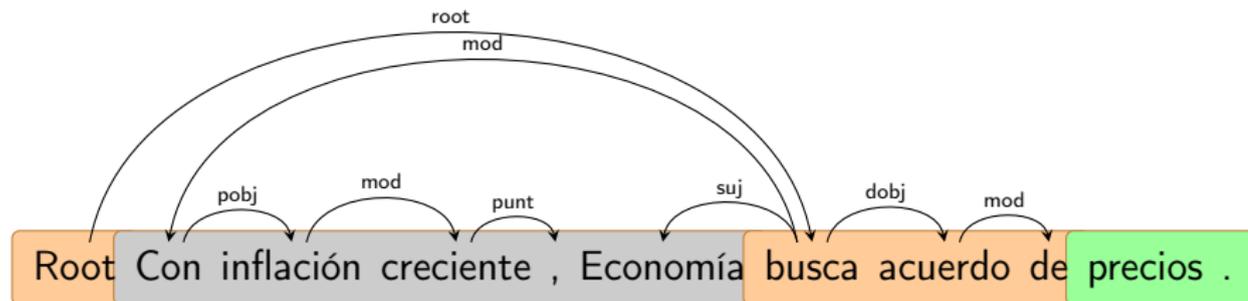
- ▶ STACK-PADRE(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$,
 $i = \text{Root}$, $j = \text{busca}$

Algoritmo, ejemplo, 13



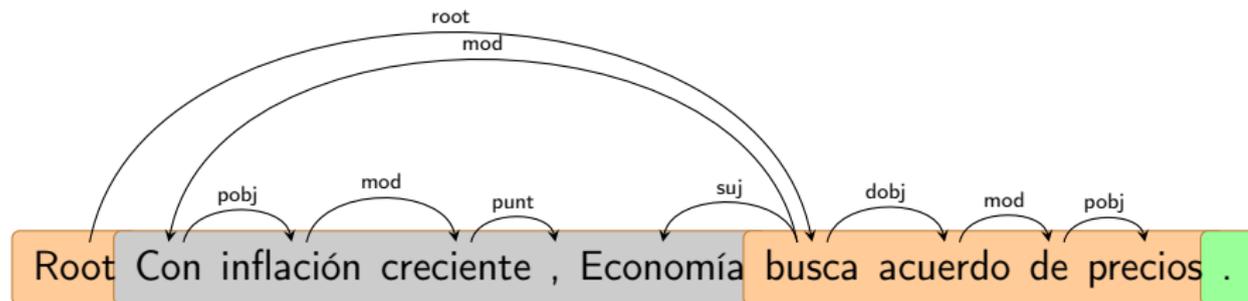
- ▶ STACK-PADRE(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$,
 $i = \text{busca}$, $j = \text{acuerdo}$

Algoritmo, ejemplo, 14



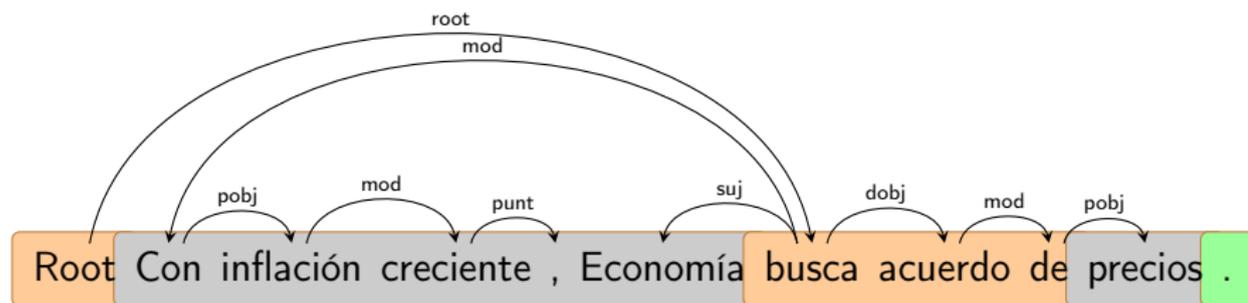
- ▶ STACK-PADRE(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$,
 $i = \text{acuerdo}$, $j = \text{de}$

Algoritmo, ejemplo, 15



- ▶ STACK-PADRE(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$,
 $i=\text{de}$, $j=\text{precios}$

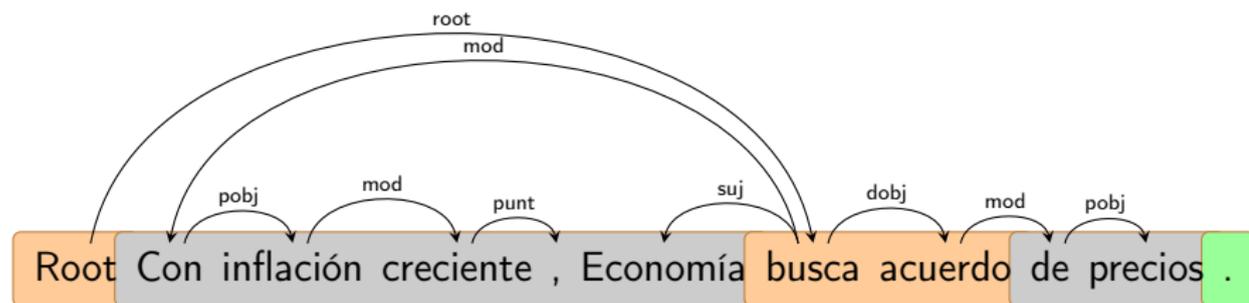
Algoritmo, ejemplo, 16



► REDUCE:

$(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$, $i = \text{precios}$

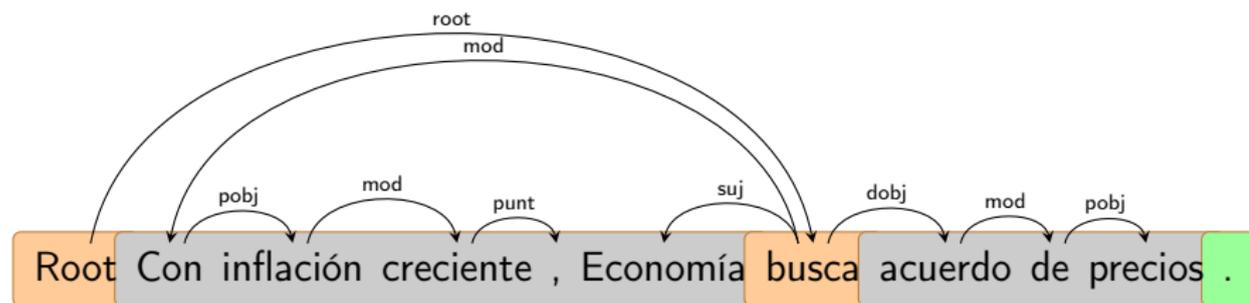
Algoritmo, ejemplo, 17



► REDUCE:

$(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$, $i = \text{de}$

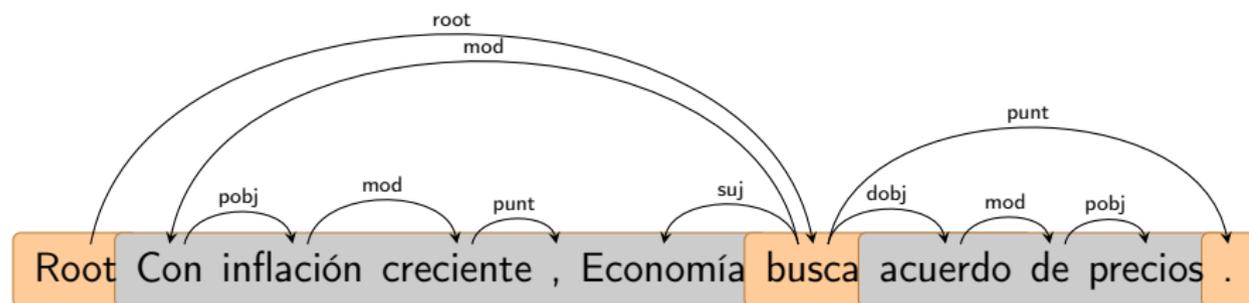
Algoritmo, ejemplo, 18



► REDUCE:

$(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$, $i = \text{acuerdo}$

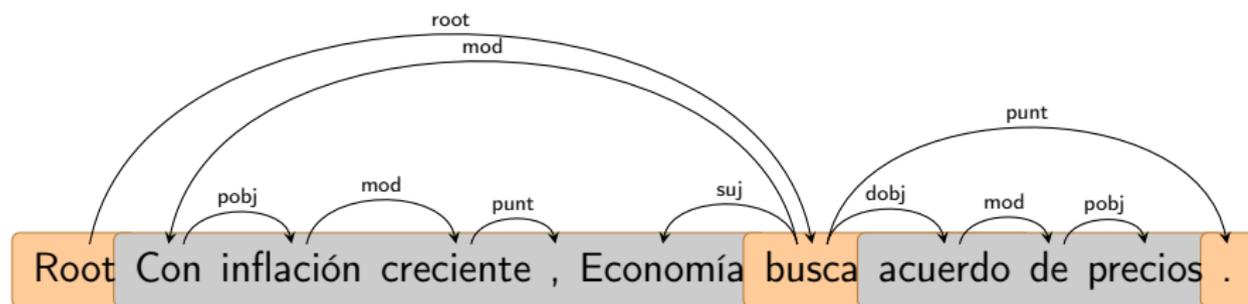
Algoritmo, ejemplo, 19



► STACK-PADRE(r):

$(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$,
 $i = \text{busca}$, $j = \text{.}$

Algoritmo, ejemplo, 19



- ▶ STACK-PADRE(r):
 $(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$,
 $i = \text{busca}$, $j = \text{.}$
- ▶ FIN, la cola de entrada está vacía !!

Algoritmo, observaciones

STACK-HIJO(r):

$(\rho | i, j | \tau, h, d) \rightarrow (\rho, j | \tau, h[j \mapsto i], d[i \mapsto r])$, si $h(i) = \text{Root}$

Algoritmo, observaciones

STACK-HIJO(r):

$(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho, j|\tau, h[j \mapsto i], d[i \mapsto r])$, si $h(i) = \text{Root}$

- ▶ STACK-HIJO genera un hijo izquierdo (i) del nodo j .

Algoritmo, observaciones

STACK-HIJO(r):

$(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho, j|\tau, h[j \mapsto i], d[i \mapsto r])$, si $h(i) = \text{Root}$

- ▶ STACK-HIJO genera un hijo izquierdo (i) del nodo j .
- ▶ Se debe cumplir que a i no se le haya asignado antes un head (el algoritmo no asigna head más de una vez por cada nodo).

Algoritmo, observaciones

STACK-HIJO(r):

$(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho, j|\tau, h[j \mapsto i], d[i \mapsto r])$, si $h(i) = \text{Root}$

- ▶ STACK-HIJO genera un hijo izquierdo (i) del nodo j .
- ▶ Se debe cumplir que a i no se le haya asignado antes un head (el algoritmo no asigna head más de una vez por cada nodo).
- ▶ Notar que i no puede tener descendientes entre los nodos que falta procesar, ya que en ese caso se violaría la proyectividad. i se saca del stack

Algoritmo, observaciones

STACK-HIJO(r):

$(\rho | i, j | \tau, h, d) \rightarrow (\rho, j | \tau, h[j \mapsto i], d[i \mapsto r])$, si $h(i) = \text{Root}$

- ▶ STACK-HIJO genera un hijo izquierdo (i) del nodo j .
- ▶ Se debe cumplir que a i no se le haya asignado antes un head (el algoritmo no asigna head más de una vez por cada nodo).
- ▶ Notar que i no puede tener descendientes entre los nodos que falta procesar, ya que en ese caso se violaría la proyectividad. i se saca del stack
- ▶ j (el padre) podría tener más hijos izquierdos en el stack. Sigue entonces en la cola.

Algoritmo, observaciones

STACK-HIJO(r):

$(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho, j|\tau, h[j \mapsto i], d[i \mapsto r])$, si $h(i) = \text{Root}$

- ▶ STACK-HIJO genera un hijo izquierdo (i) del nodo j .
- ▶ Se debe cumplir que a i no se le haya asignado antes un head (el algoritmo no asigna head más de una vez por cada nodo).
- ▶ Notar que i no puede tener descendientes entre los nodos que falta procesar, ya que en ese caso se violaría la proyectividad. i se saca del stack
- ▶ j (el padre) podría tener más hijos izquierdos en el stack. Sigue entonces en la cola.

Ejemplos: *Juan corre.* / *Juan últimamente ha corrido mucho.*

Algoritmo, observaciones

STACK-PADRE(r):

$(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$

Algoritmo, observaciones

STACK-PADRE(r):

$(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$

- ▶ STACK-PADRE genera un hijo derecho (j) del nodo i en el tope del stack.

Algoritmo, observaciones

STACK-PADRE(r):

$(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$

- ▶ STACK-PADRE genera un hijo derecho (j) del nodo i en el tope del stack.
- ▶ Ambos nodos deben quedar en el stack, ya que tanto i como j pueden tener más hijos derechos.

Algoritmo, observaciones

STACK-PADRE(r):

$(\rho|i, j|\tau, h, d) \rightarrow (\rho|i|j, \tau, h[i \mapsto j], d[j \mapsto r])$, si $h(j) = \text{Root}$

- ▶ STACK-PADRE genera un hijo derecho (j) del nodo i en el tope del stack.
- ▶ Ambos nodos deben quedar en el stack, ya que tanto i como j pueden tener más hijos derechos.

Ejemplos: (*comen huesos / comen huesos lentamente / comen huesos de vaca*)

Algoritmo, observaciones

REDUCE:

$(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$

Algoritmo, observaciones

REDUCE:

$(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$

- ▶ REDUCE - saca el elemento del tope del stack.

Algoritmo, observaciones

REDUCE:

$(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$

- ▶ REDUCE - saca el elemento del tope del stack.
- ▶ Es necesaria para sacar nodos que fueron puestos por STACK-PADRE y completaron sus hijos derechos.

Algoritmo, observaciones

REDUCE:

$(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$

- ▶ REDUCE - saca el elemento del tope del stack.
- ▶ Es necesaria para sacar nodos que fueron puestos por STACK-PADRE y completaron sus hijos derechos.
- ▶ Hay que sacarlos porque el nodo anterior en el stack puede tener más hijos derechos

Algoritmo, observaciones

REDUCE:

$(\rho|i, \tau, h, d) \rightarrow (\rho, \tau, h, d)$ si $h(i) \neq \text{Root}$

- ▶ REDUCE - saca el elemento del tope del stack.
- ▶ Es necesaria para sacar nodos que fueron puestos por STACK-PADRE y completaron sus hijos derechos.
- ▶ Hay que sacarlos porque el nodo anterior en el stack puede tener más hijos derechos

Ejemplos: (*comen huesos lentamente / un banco viejo de madera*)

Algoritmo, observaciones

SHIFT:

$$(\rho, i | \tau, h, d) \rightarrow (\rho | i, \tau, h, d)$$

Algoritmo, observaciones

SHIFT:

$(\rho, i | \tau, h, d) \rightarrow (\rho | i, \tau, h, d)$

- ▶ SHIFT- pone un nodo en el tope del stack.

Algoritmo, observaciones

SHIFT:

$(\rho, i | \tau, h, d) \rightarrow (\rho | i, \tau, h, d)$

- ▶ SHIFT- pone un nodo en el tope del stack.
- ▶ es necesaria para procesar nodos cuya head está a la derecha.

Algoritmo, observaciones

SHIFT:

$(\rho, i | \tau, h, d) \rightarrow (\rho | i, \tau, h, d)$

- ▶ SHIFT- pone un nodo en el tope del stack.
- ▶ es necesaria para procesar nodos cuya head está a la derecha.
- ▶ Siempre se puede aplicar

Algoritmo, observaciones

SHIFT:

$(\rho, i | \tau, h, d) \rightarrow (\rho | i, \tau, h, d)$

- ▶ SHIFT- pone un nodo en el tope del stack.
- ▶ es necesaria para procesar nodos cuya head está a la derecha.
- ▶ Siempre se puede aplicar

Ejemplo: Juan corre.

Algoritmo, pseudocódigo

```
Parse( $x = (w_1, \dots, w_n)$ )  
   $c \leftarrow ((Root), (1, \dots, n), h_0, d_0)$   
  while  $c = (\rho, \tau, h, d)$  no es final  
     $c \leftarrow [ORACULO(c, x)](c)$   
   $G \leftarrow (V_x, E_c, L_c)$   
return G
```

Algoritmo, pseudocódigo

```
Parse( $x = (w_1, \dots, w_n)$ )  
   $c \leftarrow ((Root), (1, \dots, n), h_0, d_0)$   
  while  $c = (\rho, \tau, h, d)$  no es final  
     $c \leftarrow [ORACULO(c, x)](c)$   
   $G \leftarrow (V_x, E_c, L_c)$   
return G
```

ORACULO(c, x) realiza una de las 4 transiciones vistas, generando una nueva configuración.

Correctitud y orden del algoritmo (ver referencias)

Correctitud y orden del algoritmo (ver referencias)

Se prueban los siguientes teoremas:

1. Dada una oración de largo n el algoritmo termina en a lo sumo $2n - 1$ transiciones.

Correctitud y orden del algoritmo (ver referencias)

Se prueban los siguientes teoremas:

1. Dada una oración de largo n el algoritmo termina en a lo sumo $2n - 1$ transiciones.
2. Toda secuencia que termine de transiciones $C_{0,m}$ para una oración x define un grafo de dependencias $G = (V_x, E_m, L_m)$ que cumple las siguientes 5 condiciones:

Correctitud y orden del algoritmo (ver referencias)

Se prueban los siguientes teoremas:

1. Dada una oración de largo n el algoritmo termina en a lo sumo $2n - 1$ transiciones.
2. Toda secuencia que termine de transiciones $C_{0,m}$ para una oración x define un grafo de dependencias $G = (V_x, E_m, L_m)$ que cumple las siguientes 5 condiciones:
 - 2.1 RAÍZ única
 - 2.2 CONEXO
 - 2.3 SINGLE-HEAD
 - 2.4 ACÍCLICO
 - 2.5 PROYECTIVO

Correctitud y orden del algoritmo (ver referencias)

Se prueban los siguientes teoremas:

1. Dada una oración de largo n el algoritmo termina en a lo sumo $2n - 1$ transiciones.
2. Toda secuencia que termine de transiciones $C_{0,m}$ para una oración x define un grafo de dependencias $G = (V_x, E_m, L_m)$ que cumple las siguientes 5 condiciones:
 - 2.1 RAÍZ única
 - 2.2 CONEXO
 - 2.3 SINGLE-HEAD
 - 2.4 ACÍCLICO
 - 2.5 PROYECTIVO
3. Para todo grafo proyectivo de dependencias existe una secuencia de transiciones que conduce a una configuración final.

Referencias

- ▶ Nivre, J., Hall, J., Nilsson, J., Chanev, A., Eryigit, G., Kübler, S., Marinov, S. and Marsi, E. (2007) MaltParser: A language-independent system for data-driven dependency parsing. *Natural Language Engineering*, 13(2), 95-135
- ▶ Nivre, J. (2008) Algorithms for Deterministic Incremental Dependency Parsing. *Computational Linguistics* 34(4), 513-553
- ▶ Ballesteros, M. and Nivre, J. (2013) Going to the Roots of Dependency Parsing. *Computational Linguistics* 39(1): 5-13