

# Taller de Aprendizaje Automático

## Redes neuronales recurrentes

Instituto de Ingeniería Eléctrica  
Facultad de Ingeniería



UNIVERSIDAD  
DE LA REPÚBLICA  
URUGUAY

① Redes neuronales recurrentes

② Entrenamiento: propagación hacia atrás en del tiempo

③ Implementación de RNN simple

④ Manejando secuencias largas

# Redes neuronales recurrentes (RNN)

- Tipo de redes pensadas para trabajar con datos secuenciales o series temporales, e.g.:
  - Precios de acciones en la bolsa
  - Trayectorias de objetos en vehículos autónomos
- Hasta ahora hemos trabajado con entradas de tamaño fijo
- Las RNNs permiten manejar secuencias de largo arbitrario, e.g.: audio, texto, video
- Muy útiles para analizar series de tiempo
- Especialmente útiles para problemas de procesamiento de lenguaje natural, e.g.: traducción automática, *speech to text*.

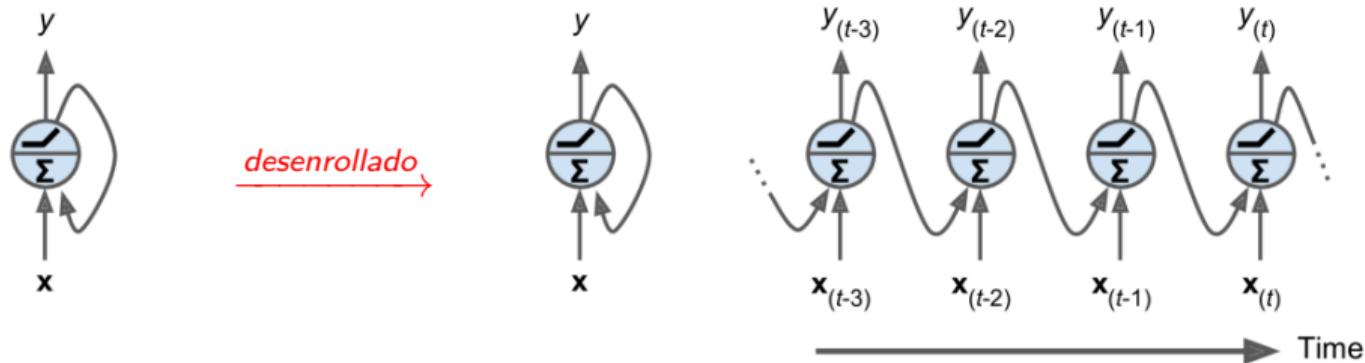
# Agenda

- Conceptos básicos
- Cómo entrenarlas mediante propagación hacia atrás en el tiempo
- Cómo utilizarlas para hacer predicción en series temporales
- Analizaremos las dos dificultades mayores y cómo mitigarlas:
  - Gradientes inestables (desvanecimiento y explosión)
  - Memoria de corto plazo limitada y dos estrategias para ampliarla: celdas LSTM y GRU
- Otras técnicas para trabajar con datos secuenciales o series temporales

# Una neurona recurrente

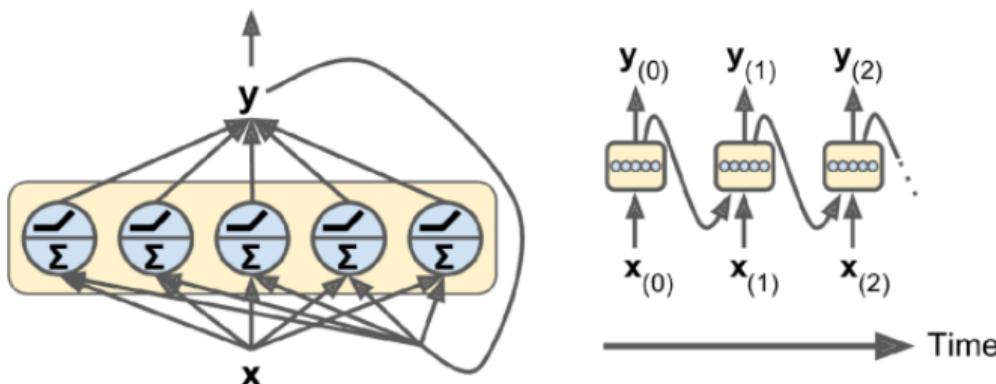
En cada paso temporal  $t$  la neurona recibe

- La entrada (escalar o vector) en el instante actual  $\mathbf{x}_{(t)}$
- La salida del instante anterior  $y_{(t-1)}$



# Una capa de neuronas recurrentes

- $\mathbf{y}_{(t)} = \Phi \left( \mathbf{W}_x^T \mathbf{x}_{(t)} + \mathbf{W}_y^T \mathbf{y}_{(t-1)} + \mathbf{b} \right)$ , con  $\Phi(\cdot)$  función de activación



- Mini-batch  $\mathbf{Y}_{(t)} = \Phi \left( \mathbf{X}_{(t)} \mathbf{W}_x + \mathbf{Y}_{(t-1)} \mathbf{W}_y + \mathbf{b} \right)$

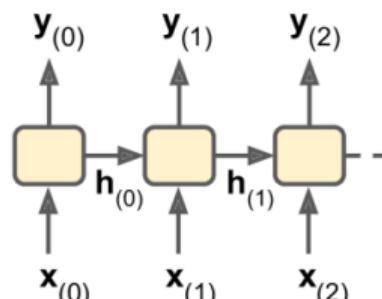
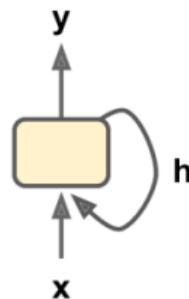
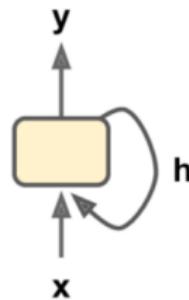
$\mathbf{Y}_{(t)}$  :  $m \times n_{\text{neurons}}$ ,  $\mathbf{X}_{(t)}$  :  $m \times n_{\text{inputs}}$ ,  $\mathbf{b}$  :  $n_{\text{neurons}}$

$\mathbf{W}_x$  :  $n_{\text{inputs}} \times n_{\text{neurons}}$ ,  $\mathbf{W}_y$  :  $n_{\text{neurons}} \times n_{\text{neurons}}$

# Red neuronal recurrente

Estado de la celda de memoria  $\mathbf{h}_{(t)}$

- $\mathbf{h}_{(t)} = f_{\mathbf{W}, \mathbf{b}} (\mathbf{h}_{(t-1)}, \mathbf{x}_{(t)})$  (los pesos se comparten en todos los instantes de tiempo)

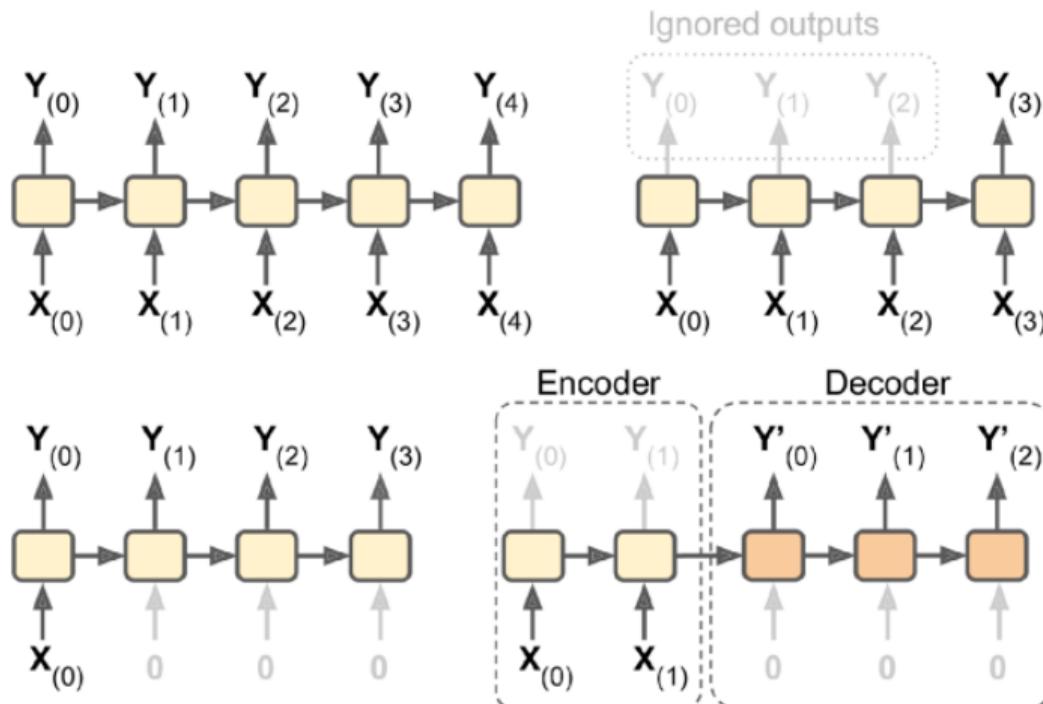


# Recurrencia

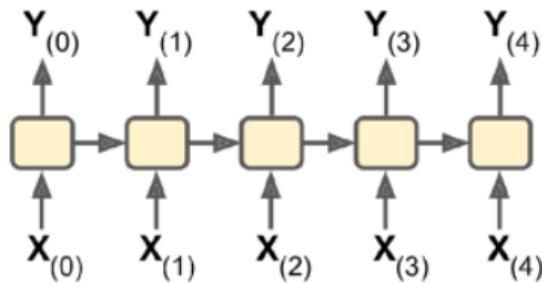
$$\begin{aligned}\mathbf{h}_{(t)} &= f(\mathbf{h}_{(t-1)}, \mathbf{x}_{(t)}) \\ &= f(f(\mathbf{h}_{(t-2)}, \mathbf{x}_{(t-1)}), \mathbf{x}_{(t)}) \\ &= f(f(f(\mathbf{h}_{(t-3)}, \mathbf{x}_{(t-2)}), \mathbf{x}_{(t-1)}), \mathbf{x}_{(t)}) \\ &\vdots \\ &= \tilde{f}(\mathbf{h}_{(0)}, \mathbf{x}_{(1)}, \mathbf{x}_{(2)}, \mathbf{x}_{(3)}, \dots, \mathbf{x}_{(t)})\end{aligned}$$

El estado  $\mathbf{h}_{(t)}$  depende del estado inicial  $\mathbf{h}_{(0)}$  y todas las entradas anteriores hasta  $t$ .

# Secuencias de entrada y salida

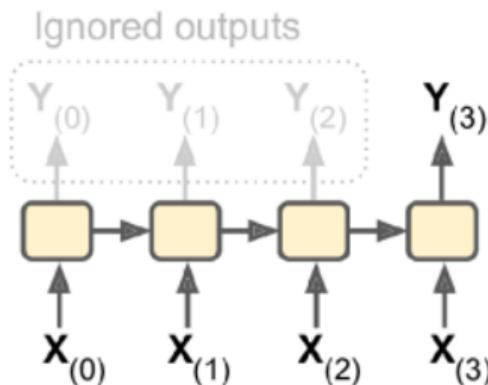


# Secuencia a secuencia



Uso típico: predicción de series temporales, imputación de datos faltantes

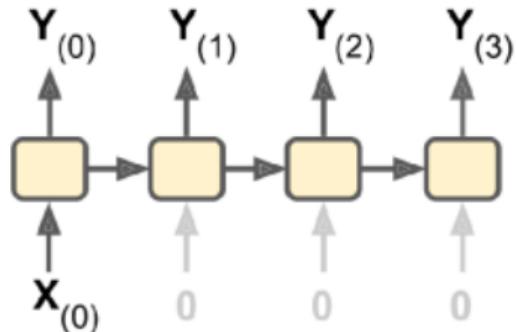
# Secuencia a vector



Ejemplos:

- Análisis de sentimiento a partir de un texto o video
- Score de recomendación de película a partir de texto de reseña de espectador

# Vector a secuencia



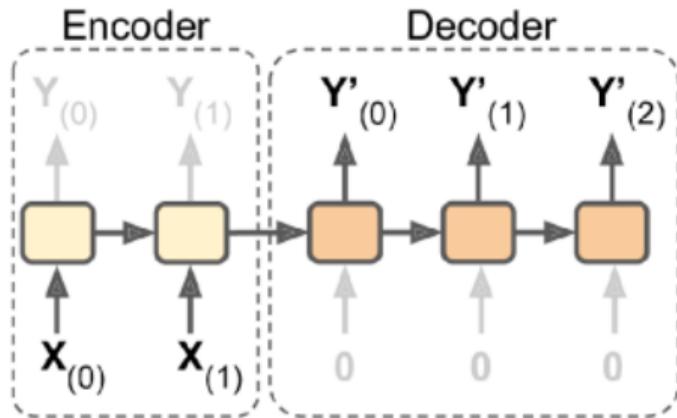
Ejemplo: *image captioning*. Inferir texto que describa el contenido semántico de una escena.

## Image Captioning: Example Results



Captions generated using neuralTalk2  
All images are CC0 Public domain:  
cat suitcase, cat tree, dog bear,  
surfers, tennis, giraffe motorcycle

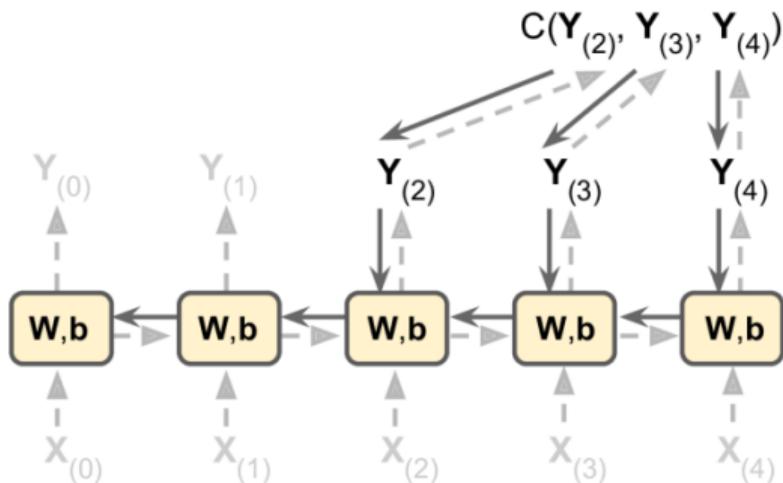
# Encoder - decoder



Ejemplo: traducción de texto. Necesitamos ver toda la secuencia entera, para luego sacar toda la secuencia traducida.

# Entrenamiento: propagación hacia atrás en el tiempo (*Back-propagation Through Time, BPTT*)

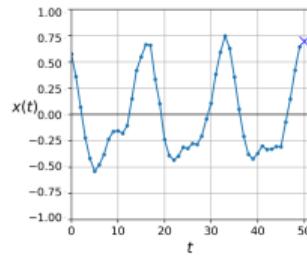
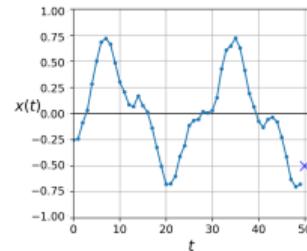
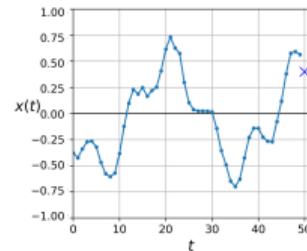
- Desenrollar la red y aplicar back-propagation como en una red feed-forward
- Forward pass en la red desenrollada y cálculo de función de costo  $C$
- Intervienen todas las salidas usadas por la función de costo
- Los gradientes de la función de costo se propagan hacia atrás
- Como los pesos se comparten los gradientes se suman



# Implementación de RNN simple

- Predicción de series temporales (univariadas)
- Datos sintéticos: suma de dos sinusoides y ruido
- Considerar 50 primeros valores y predecir el siguiente

```
def generate_time_series(batch_size, n_steps):  
    freq1, freq2, offsets1, offsets2 = np.random.rand(4, batch_size, 1)  
    time = np.linspace(0, 1, n_steps)  
    series = 0.5 * np.sin((time - offsets1) * (freq1 * 10 + 10)) # wave 1  
    series += 0.2 * np.sin((time - offsets2) * (freq2 * 20 + 20)) # + wave 2  
    series += 0.1 * (np.random.rand(batch_size, n_steps) - 0.5) # + noise  
    return series[..., np.newaxis].astype(np.float32)  
  
np.random.seed(42)  
  
n_steps = 50  
series = generate_time_series(10000, n_steps + 1)  
X_train, y_train = series[:7000, :n_steps], series[:7000, -1]  
X_valid, y_valid = series[7000:9000, :n_steps], series[7000:9000, -1]  
X_test, y_test = series[9000:, :n_steps], series[9000:, -1]
```

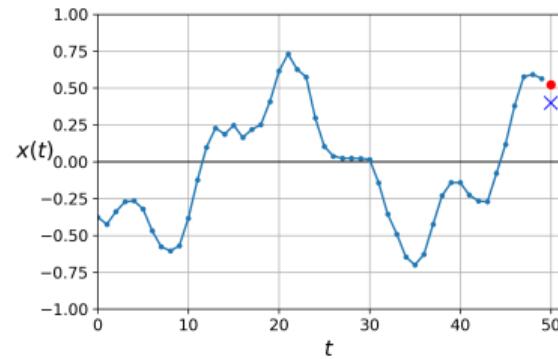
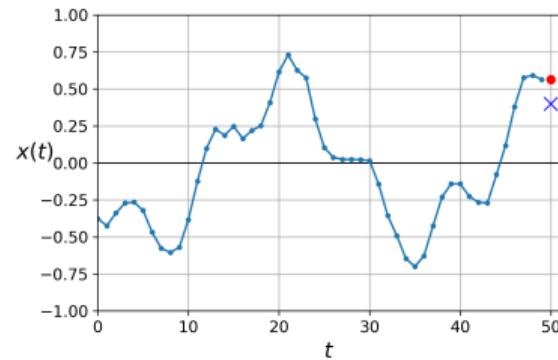


# Medidas de referencia

- Predecir con el valor anterior (“persistencia”):  
 $MSE = 0.020$
- Predecir con modelo lineal (FCN):  
 $MSE = 0.004$

```
model = keras.models.Sequential([
    keras.layers.Flatten(input_shape=[50, 1]),
    keras.layers.Dense(1)
])

model.compile(loss="mse", optimizer="adam")
history = model.fit(X_train, y_train, epochs=20,
                      validation_data=(X_valid, y_valid))
```

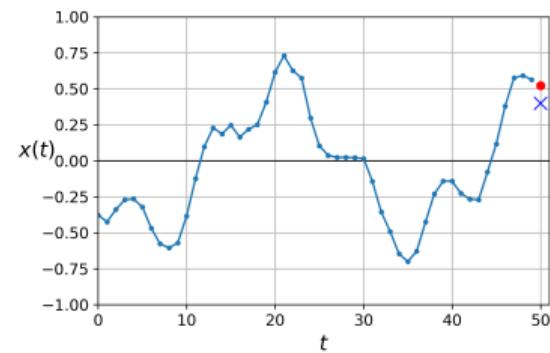


# Implementación de RNN simple

- No es necesario especificar el largo de la entrada
- Modelo: una capa con una única neurona recurrente
- **No supera al modelo lineal (MSE = 0.010)**
- Pero: muchísimos menos parámetros.  
Por neurona:
  - FCN: 1 parám. por tiempo + 1 bias = 51
  - RNN: 1 parám. por entrada + 1 parám. por estado + 1 bias = 3

```
model = keras.models.Sequential([
    keras.layers.SimpleRNN(1, input_shape=[None, 1])
])

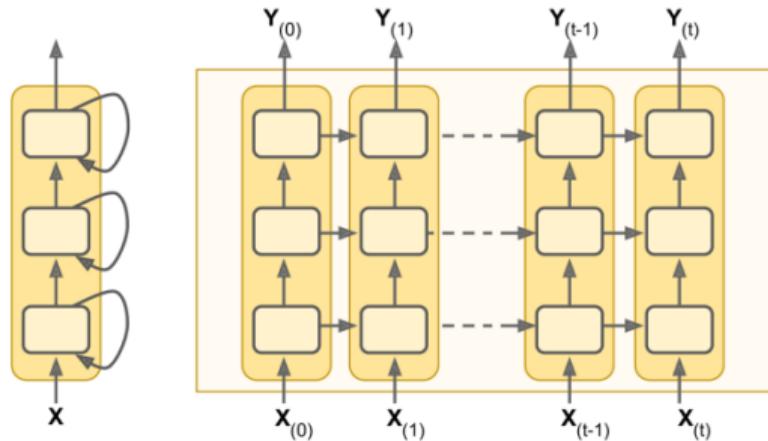
optimizer = keras.optimizers.Adam(lr=0.005)
model.compile(loss="mse", optimizer=optimizer)
history = model.fit(X_train, y_train, epochs=20,
                     validation_data=(X_valid, y_valid))
```



# Implementación de RNN profundas

- Múltiples capas de neuronas recurrentes
- Retornar secuencias en capas intermedias
- Mejora el modelo lineal ( $MSE = 0.002$ )
- La capa de salida puede ser densa:

- Salida con una sola neurona recurrente no parece muy útil
- Salida con neurona recurrente requiere activación tanh: salidas en  $(-1, 1)$
- Capa densa: mayor libertad de elección para la activación (no necesariamente saturante)



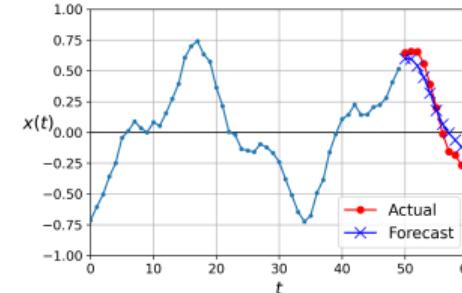
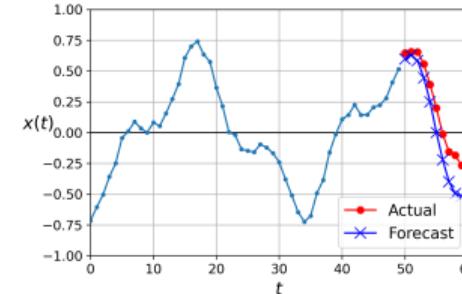
```
model = keras.models.Sequential([
    keras.layers.SimpleRNN(20, return_sequences=True, input_shape=[None, 1]),
    keras.layers.SimpleRNN(20, return_sequences=True),
    keras.layers.SimpleRNN(1)
])

model.compile(loss="mse", optimizer="adam")
history = model.fit(X_train, y_train, epochs=20,
                     validation_data=(X_valid, y_valid))

model = keras.models.Sequential([
    keras.layers.SimpleRNN(20, return_sequences=True, input_shape=[None, 1]),
    keras.layers.SimpleRNN(20),
    keras.layers.Dense(1)
```

# Predecir varios pasos hacia adelante

Supongamos que queremos predecir 10 pasos hacia adelante. **Exploremos tres opciones:**



- ① Predicción de a un paso con el modelo anterior  
⇒ Acumula los errores de predicción
- ② Predecir 10 valores hacia adelante a partir de los 50 valores anteriores:  
Supera modelo lineal, pero podemos hacer mejor.

```
n_steps = 50
series = generate_time_series(10000, n_steps + 10)
X_train, Y_train = series[:7000, :n_steps], series[:7000, -10:]
X_valid, Y_valid = series[7000:9000, :n_steps], series[7000:9000, -10:]
X_test, Y_test = series[9000:, :n_steps], series[9000:, -10:]
```

# Manejando secuencias largas

- Entrenar con secuencias largas implica muchos pasos temporales y una red muy profunda
- Como cualquier red profunda una RNN puede sufrir el problema del **gradiente inestable**
- Además cuando una RNN procesa una secuencia muy larga olvida los primeros pasos

## Flujo de gradientes en RNN

Al hacer backpropagation  $\tau$  pasos se multiplica por  $\mathbf{W}_{hh}^T \tau$  veces

- Si  $\lambda_{\max}(\mathbf{W}_{hh}) > 1$ : **Gradiente explota**  
funciones de activación saturadas (e.g. tanh), gradient clipping, inicialización
- Si  $\lambda_{\max}(\mathbf{W}_{hh}) < 1$ : **Gradiente se desvanece**

Por esta razón, **no se puede usar ReLU ni cualquier activación sin saturación**

# Manejando secuencias largas: el problema de los gradientes inestables

Para mitigar este problema, se pueden usar técnicas que ya vimos para redes profundas:

- Inicializaciones adecuadas para el tipo de red
- Optimizadores con inercia, Adam, etc.
- Dropout
- Truncated BPTT, gradient clipping.

Estrategias de normalización:

- *Batch Normalization*
  - No es efectivo dentro de una celda: en cada instante de tiempo se utilizaría la misma normalización, independientemente de los verdaderos valores de  $\mathbf{X}_{(t)}$  y  $\mathbf{h}_{(t)}$
  - Se puede usar entre capas, pero se ha visto que no proporciona una mejora sustancial\*.

---

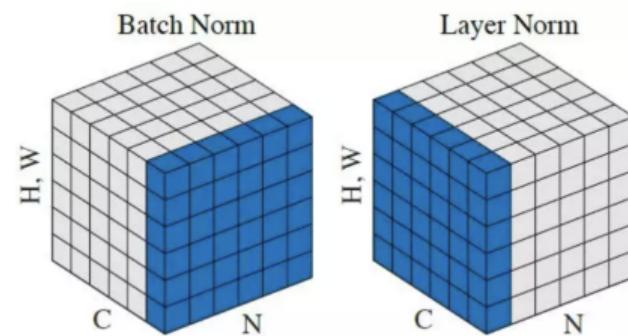
\*C. Laurent, G. Pereyra, P. Brakel, Y. Zhang, and Y. Bengio, "Batch normalized recurrent neural networks," in *2016 IEEE International Conference on Acoustics, Speech and Signal Processing (ICASSP)*, pp. 2657–2661, 2016

# Manejando secuencias largas: el problema de los gradientes inestables

## Estrategias de normalización:

- *Layer Normalization\**

- Se normaliza en cada capa oculta. Por cada instancia, para cada capa oculta, se calcula media y varianza de las entradas a las neuronas de la capa, y se normaliza para tener media cero y varianza unitaria
- Ventaja adicional: al aplicarse a cada instancia, se comporta igual en training y en testing (a diferencia de Batch Normalization).



\*L. J. Ba, J. R. Kiros, and G. E. Hinton, "Layer normalization," *CoRR*, vol. abs/1607.06450, 2016

# Manejando secuencias largas: el problema de los gradientes inestables

## Layer Normalization:

```
from tensorflow.keras.layers.experimental import LayerNormalization

class LNSimpleRNNCell(keras.layers.Layer):
    def __init__(self, units, activation="tanh", **kwargs):
        super().__init__(**kwargs)
        self.state_size = units
        self.output_size = units
        self.simple_rnn_cell = keras.layers.SimpleRNNCell(units,
                                                          activation=None)
        self.layer_norm = LayerNormalization()
        self.activation = keras.activations.get(activation)
    def get_initial_state(self, inputs=None, batch_size=None, dtype=None):
        if inputs is not None:
            batch_size = tf.shape(inputs)[0]
            dtype = inputs.dtype
        return [tf.zeros([batch_size, self.state_size], dtype=dtype)]
    def call(self, inputs, states):
        outputs, new_states = self.simple_rnn_cell(inputs, states)
        # outputs = self.activation(self.layer_norm(outputs))

```

- Se customiza una celda hereda de `keras.layers.Layer`
- Constructor:

- ① Entradas: cantidad de unidades, tipo de activación
- ② Setea `state_size`, `output_size`
- ③ Crea una `SimpleRNNCell` sin activación, ya que `LayerNormalization` se aplica luego de la operación lineal y antes de la activación
- ④ Luego se aplica la activación

## Método Call():

- ① Aplica la celda RNN simple, que calcula la combinación lineal de la entrada actual y los estados previos.
- ② Devuelve el resultado dos veces (porque en la RNN simple el estado es igual a la salida); ignoramos `new_states[0]`.
- ③ Aplica `LayerNormalization + activación`
- ④ Devuelve la salida dos veces (como `output` y como nuevos estados).

# Manejando secuencias largas: el problema de la memoria de corto plazo

- Al avanzar el tiempo, al pasar los datos por la RNN, en cada paso se va perdiendo información.
- Ejemplo: si queremos traducir una frase larga o transcribir una frase de memoria, olvidamos más fácilmente los comienzos.
- Solución: celdas específicamente diseñadas para extender la memoria de corto plazo:
  - LSTM (*Long Short-Term Memory*)\*
  - GRU (*Gated Recurrent Unit*)†

---

\* S. Hochreiter and J. Schmidhuber, "Long short-term memory," *Neural Computation*, vol. 9, no. 8, pp. 1735–1780, 1997

† K. Cho, B. van Merriënboer, C. Gulcehre, D. Bahdanau, F. Bougares, H. Schwenk, and Y. Bengio, "Learning phrase representations using rnn encoder-decoder for statistical machine translation," 2014. [cite arxiv:1406.1078](#) Comment: EMNLP 2014

# Manejando secuencias largas: el problema de la memoria de corto plazo

- Ambas celdas se pueden utilizar como caja negra, en lugar de la celda básica. Aceleran la convergencia en entrenamiento, y capturan dependencias en los datos de mayor rango.

---

```
np.random.seed(42)
tf.random.set_seed(42)

model = keras.models.Sequential([
    keras.layers.LSTM(20, return_sequences=True, input_shape=[None, 1]),
    keras.layers.LSTM(20, return_sequences=True),
    keras.layers.TimeDistributed(keras.layers.Dense(1))
])

model.compile(loss="mse", optimizer="adam", metrics=[last_10_time_steps_mse])
history = model.fit(X_train, Y_train, epochs=20,
                      validation_data=(X_valid, Y_valid))
```

---

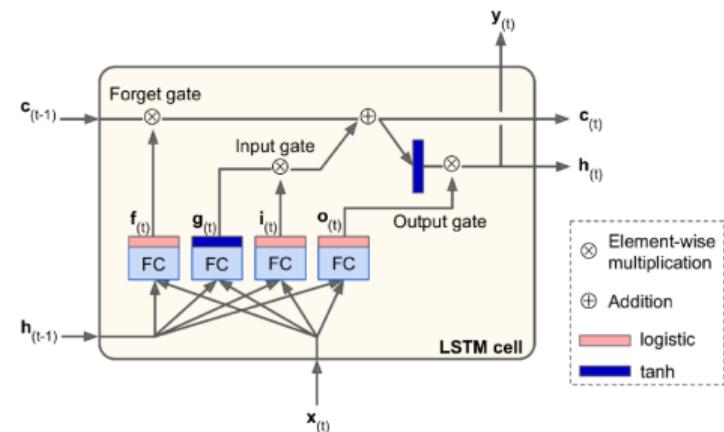
```
np.random.seed(42)
tf.random.set_seed(42)

model = keras.models.Sequential([
    keras.layers.GRU(20, return_sequences=True, input_shape=[None, 1]),
    keras.layers.GRU(20, return_sequences=True),
    keras.layers.TimeDistributed(keras.layers.Dense(1))
])

model.compile(loss="mse", optimizer="adam", metrics=[last_10_time_steps_mse])
history = model.fit(X_train, Y_train, epochs=20,
                      validation_data=(X_valid, Y_valid))
```

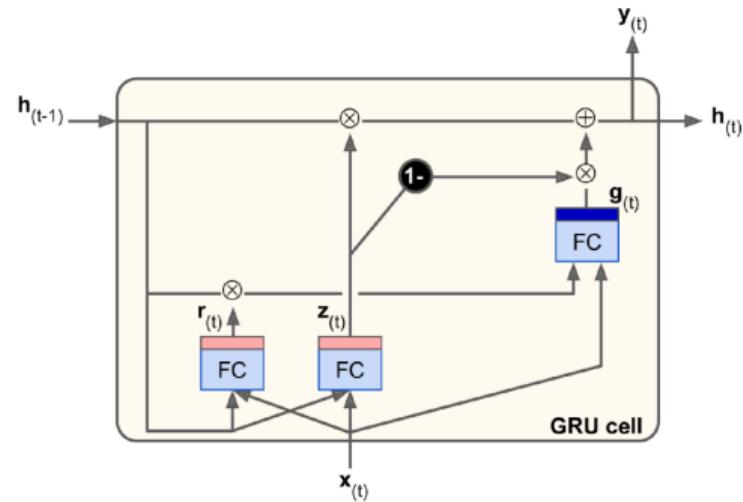
# Celda LSTM

- Divide el estado en:
  - $\mathbf{h}_{(t)}$ : captura la memoria corta
  - $\mathbf{c}_{(t)}$ : captura la memoria a mayor rango
- Compuerta  $\mathbf{g}_{(t)}$  lleva el flujo de memoria ( $\tanh$ )
- Las compuertas  $\mathbf{f}_{(t)}$  (*forget gate*),  $\mathbf{i}_{(t)}$  (*input gate*) y  $\mathbf{o}_{(t)}$  (*output gate*) actúan como selectores modulando el flujo de memoria (activación logística, salida en el intervalo  $(0, 1)$ ), a partir de la memoria corta  $\mathbf{h}_{(t-1)}$  y la entrada actual  $\mathbf{x}_{(t)}$
- $\mathbf{c}_{(t-1)}$  pasa por la *forget gate* eliminando algunas memorias cortas seleccionadas de  $\mathbf{h}_{(t-1)}$ . Luego, agregando memorias nueva seleccionadas de  $\mathbf{h}_{(t-1)}$  por el *input gate* se genera  $\mathbf{c}_{(t)}$
- $\mathbf{h}_{(t)}$  se genera modificando  $\mathbf{c}_{(t)}$  con una  $\tanh$ , y filtrando con la *output gate*.



# Celda GRU

- Simplifica la celda LSTM, logrando igual desempeño
- Ambos vectores de estado (memoria corta y memoria larga) se unen en un mismo  $\mathbf{h}_{(t)}$
- Una única compuerta controladora  $\mathbf{z}_{(t)}$  controla los factores de olvido y de salida:
  - Si  $\mathbf{z}_{(t)} \simeq 1$ : se abre la *forget gate* y se cierra la *input gate* ( $1 - \mathbf{z}_{(t)} \simeq 0$ )
- La compuerta  $\mathbf{r}_{(t)}$  controla qué parte del estado previo se muestra a la compuerta principal  $\mathbf{g}_{(t)}$



## Celdas LSTM y GRU: observaciones

- Decisivas en el éxito de las RNN
- De todas formas su memoria es limitada y les cuesta capturar patrones de larga escala en secuencias superiores a los 100 pasos
- Una forma de mitigar este efecto es acortando las secuencias mediante capas convolucionales 1D.

# Referencias

-  C. Laurent, G. Pereyra, P. Brakel, Y. Zhang, and Y. Bengio, "Batch normalized recurrent neural networks," in *2016 IEEE International Conference on Acoustics, Speech and Signal Processing (ICASSP)*, pp. 2657–2661, 2016.
-  L. J. Ba, J. R. Kiros, and G. E. Hinton, "Layer normalization," *CoRR*, vol. abs/1607.06450, 2016.
-  S. Hochreiter and J. Schmidhuber, "Long short-term memory," *Neural Computation*, vol. 9, no. 8, pp. 1735–1780, 1997.
-  K. Cho, B. van Merriënboer, C. Gulcehre, D. Bahdanau, F. Bougares, H. Schwenk, and Y. Bengio, "Learning phrase representations using rnn encoder-decoder for statistical machine translation," 2014.  
cite arxiv:1406.1078Comment: EMNLP 2014.
-  A. Géron, *Hands-On Machine Learning with Scikit-Learn, Keras, and TensorFlow, 2nd Edition*. O'Reilly Media, Inc., 2019.
-  A. Halevy, P. Norvig, and F. Pereira, "The unreasonable effectiveness of data," *IEEE Intelligent Systems*, vol. 24, no. 2, pp. 8–12, 2009.